



بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

المملكة العربية السعودية  
وزارة التعليم العالي  
جامعة أم القرى  
كلية التربية  
قسم المناهج وطرق التدريس

# أثر تصميم مقترن لحتوى وحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي لطلاب الصرف الثالث المتوسط بمدينة الطائف

إعداد الطالب

خالد بن مطر عيد القرشي

إشراف الدكتور

سمير بن نور الدين فلمنان

الأستاذ المشارك بقسم المناهج وطرق التدريس

متطلب تكميلي لنيل درجة الماجستير في المناهج وطرق التدريس

(طرق تدريس الرياضيات)

الفصل الدراسي الثاني لعام 1430/2008 - 1430/2009م

## ملخص الدراسة

**عنوان الدراسة :** "أثر تصميم مقترن محتوى وحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي اطلاب الصف الثالث المتوسط بمدينة الطائف"

هدفت الدراسة إلى معرفة أثر تصميم مقترن محتوى وحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي لطلاب الصف الثالث المتوسط مقارنة بالمحتوى العادي ، وتحقيقاً لهدف الدراسة تم استخدام المنهج شبه التجاربي ، حيث طبقت الدراسة على عينة بلغ حجمها (56) طالب من طلاب الصف الثالث المتوسط ، تم تقسيمهم إلى مجموعتين إحداهما تجريبية درست بالمحتوى المقترن في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ، والأخرى ضابطة درست بالمحتوى العادي ، وطبق على عينة الدراسة اختبار تحصيلي في وحدة الدائرة ، واختبار للتفكير الرياضي يشمل بعض مظاهر التفكير ، وقد طبق كل من الاختبار التحصيلي والاختبار الرياضي قبلياً وبعدياً ، ولاختبار فروض الدراسة ، تم تحليل البيانات باستخدام تحليل التباين المصاحب (ANCOVA) ، وقد توصلت الدراسة إلى النتائج التالية:

- 1 - يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 05$ , بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في الاختبار التحصيلي البعدى ( للاختبار ككل وفي مستويات التذكر والفهم والتطبيق ) لصالح المجموعة التجريبية 0
- 2 - يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 05$ , بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في اختبار التفكير الرياضي البعدى ( للاختبار ككل ولمظاهر : الاستقراء ، الاستنتاج ، البرهان الرياضي ) لصالح المجموعة التجريبية 0

وفي ضوء نتائج الدراسة تم تقديم عدد من التوصيات ومنها :

- 1 - تصميم وتنظيم كتب الرياضيات المدرسية في ضوء مهارات التفكير الابتكاري 0
- 2 - حث معلمي الرياضيات على إعداد أنشطة ومهام تعليمية يتم من خلالها تتميم التفكير الرياضي لدى الطلاب 0
- 3 - تدريب الطلاب وتشجيعهم على إقامة البراهين الرياضية على بعض النظريات ، وإتاحة الفرصة لهم لتقديم البراهين وعرضها بطرقهم الخاصة ، مع عدم الإخلال بخطوات البرهان وصحته العلمية 0
- 4 - تضمين كتب معلم الرياضيات في المراحل التعليمية المختلفة دروساً معدة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري 0

## **Abstract**

**Research's title :** The effects of the circle unit' suggestive design contents, in the light of the creative thinking skills, on the studying acquisition and the mathematical thinking of the intermediate third grade students of Taif city.

The research aims to recognize the effects of the circle unit's suggestive design contents in the light of the creative thinking skills on the studying acquisition and the mathematical thinking of the intermediate third grade students, and comparing these effects with the usual recent contents. To achieve the research's objectives, the researcher used the semi – empirical method. The research was applied upon a sample of (56) students of the intermediate third grade. The sample was divided into two groups; the first is the experimental group used the suggestive design contents in the light of the creative thinking skills. The second group used the usual traditional contents. The sample was given a pre and post tests to test the hypotheses of the research. The data was analyzed using the ANCOVA test. The findings of the research were as the following:

- 1- There are significant differences  $\geq 0.05$  between the means of the control and experimental groups in the post test acquisition (for the tests as all and for every test) to the advantage of the experimental group.
- 2- There are significant differences  $\geq 0.05$  between the means of the control and experimental groups in the post test of the mathematical thinking (for the tests as all and for the factors of induction, conclusion, and the mathematical reasoning) to the advantage of the experimental group.

According to the previous mentioned findings, the research gives some recommendations. The most important recommendations are as the following:

- 1- Designing and arranging the mathematical school books in the light of the creative thinking skills.
- 2- Encouraging mathematical teachers to prepare the educational activities and tasks aiming to develop the mathematical thinking of the students.
- 3- Training and encouraging the students to looking for the mathematical reasoning of some theories, giving them the chance to present these reasons in their special methods, without any kind of disturbances in the scientific steps of the mathematical reasoning.
- 4- The teachers' books should include ready prepared lessons using the creative thinking skills.

أهـ

ـ ٩٦

إلى ينبوع العطاء المتدفق ، والقلب المفعم بالحنان ، إلى والدتي  
الغالية أحسن الله إليها ومتعها بالصحة والعافية  
إلى شقيقي الأكبر عطا الله وشقيقتي فهد  
إلى كافة الزملاء والأصدقاء  
إلى كل طالب علم وباحث ومربٍ  
أهدي هذا الجهد المتواضع

## شكر وتقدير

أحمد الله سبحانه وتعالى الذي منّ علىّ ويسّر لي أتمام هذه الدراسة ، ثم أتقدم بالشكر والتقدير والعرفان لاستاذي الفاضل سعادة الدكتور/ سمير بن نور الدين فلمبان ، الذي تولّ الإشراف على هذه الدراسة ، فكان لتوجيهاته القيمة وأرائه السديدة ، وما قدمه من نصائح وإرشاد في مختلف مراحل إعداد هذه الدراسة أثرٌ بارعٌ في إنجاز هذه الدراسة ، فجزاه الله خير الجزا ، وببارك في عمره وعلمه وعمله .

كما أتقدم بالشكر الجزيل للصرح العلمي الشامخ ، جامعة أم القرى ، ولكلية التربية ولقسم المناهج وطرق التدريس ، والشكر لسعادة الدكتور/ صالح بن محمد السيف رئيس قسم المناهج وطرق التدريس ، كماأشكر جميع أساتذتي الأفاضل أعضاء هيئة التدريس بقسم المناهج وطرق التدريس .

وأتقدم بالشكر الجزيل لسعادة الدكتور/ فريد علي الغامدي وسعادة الدكتور/ إبراهيم أحمد عالم على تفضيلهما بمناقشة الرسالة.

كماأشكر الإدارة العامة للتربية والتعليم بمحافظة الطائف على إتاحة الفرصة لتطبيق أدوات الدراسة في مدرسة العينة ، وأشكر سعادة الأستاذ محمد أحمد الجعفر مدير مدرسة أبو بكر الصديق وكافة المعلمين بالمدرسة وخاصة

الأستاذ / ياسر صالح العبادي على تعاونهم أثناء تطبيق التجربة. كما أشكر جميع الأساتذة الأفاضل الذين ساهموا في تحكيم أدوات الدراسة ، كما أشكر سعادة الدكتور / عوض بن صالح المالكي على تكرمه بإجراء المعالجة الإحصائية لبيانات الدراسة باستخدام برنامج SPSS . وفي الختام أسأل الله سبحانه وتعالى أن يجعل هذا العمل خالصاً لوجهه الكريم ، وصلى الله وسلم على نبينا محمد وعلى آله وصحبه أجمعين

## قائمة المحتويات

الصفحة	الموضوع
أ	ملخص الدراسة باللغة العربية
ب	ملخص الدراسة باللغة الإنجليزية
ج	الإهداء
د	شكر وتقدير
هـ	قائمة المحتويات
و	قائمة الجداول
حـ	قائمة الملحق
	<b>الفصل الأول : المدخل العام للدراسة</b>
2	مقدمة
6	مشكلة الدراسة
7	فرض الدراسة
8	أهمية الدراسة
8	أهداف الدراسة
9	حدود الدراسة
10	مصطلحات الدراسة
	<b>الفصل الثاني : الإطار النظري والدراسات السابقة</b>
14	أولاً : الإطار النظري
14	المحور الأول : تصنیف المحتوى الرياضي
14	المفاهيم الرياضية
16	التعليمات الرياضية

الصفحة	الموضوع
16	المهارات الرياضية
18	تصنيف الأهداف التربوية في الرياضيات
25	المحور الثاني : التفكير الابتكاري
25	مفهوم الابتكار
33	مفهوم التفكير الابتكاري
33	مهارات التفكير الابتكاري
43	المحور الثالث : التفكير الرياضي
43	مفهوم التفكير الرياضي
46	مهارات التفكير الرياضي
57	المحور الرابع : دور الرياضيات في تنمية التفكير الابتكاري
57	دور الرياضيات في تنمية التفكير بشكل عام
58	دور الرياضيات في تنمية التفكير الابتكاري
60	ثانياً: الدراسات السابقة
60	الدراسات المتعلقة بالتفكير الابتكاري
72	الدراسات المتعلقة بالتفكير الرياضي

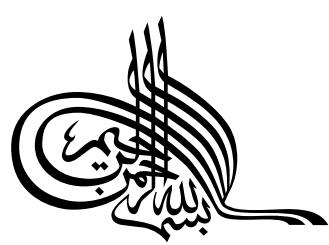
الصفحة	الموضوع
	<b>الفصل الثالث : إجراءات الدراسة</b>
89	أولاً : منهج الدراسة
91	ثانياً : متغيرات الدراسة
91	ثالثاً : مجتمع الدراسة
92	رابعاً : عينة الدراسة
93	خامساً: أدوات الدراسة
103	سادساً : إجراءات تطبيق الدراسة
105	سابعاً : الأساليب الإحصائية المستخدمة
	<b>الفصل الرابع : اختبار الفرضيات وتفسيرها</b>
107	نتائج اختبار فروض الدراسة
123	تفسير نتائج الدراسة ومناقشتها
	<b>الفصل الخامس : ملخص نتائج الدراسة والتوصيات والمقترنات</b>
131	ملخص نتائج الدراسة
132	التوصيات
133	المقترحات
	<b>قائمة المراجع</b>
134	المراجع العربية
142	المراجع الأجنبية
144	الملاحق

## قائمة الجداول

الصفحة	عنوان الجدول	الجدول
39	مثال المرونة من واقع المناهج الدراسية	1
93	جدول عدد أفراد العينة وتوزيعهم إلى مجموعة تجريبية ومجموعة ضابطة	2
107	قيم المتوسطات الحسابية المعدلة والانحرافات المعيارية لمجموعتي الدراسة التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لكل من الاختبار التحصيلي واختبار التفكير الرياضي	3
108	نتائج تحليل التباين المصاحب لدرجات اختبار التحصيل البعدى للمجموعتين الضابطة والتجريبية عند مستوى التذكر	4
110	نتائج تحليل التباين المصاحب لدرجات اختبار التحصيل البعدى للمجموعتين الضابطة والتجريبية عند مستوى الفهم	5
112	نتائج تحليل التباين المصاحب لدرجات اختبار التحصيل البعدى للمجموعتين الضابطة والتجريبية عند مستوى التطبيق	6
114	نتائج تحليل التباين المصاحب لدرجات اختبار التحصيل البعدى ككل للمجموعتين الضابطة والتجريبية	7
116	نتائج تحليل التباين المصاحب لدرجات مقياس التفكير الرياضي البعدى للمجموعتين الضابطة والتجريبية في ظهر الاستقرار	8
118	نتائج تحليل التباين المصاحب لدرجات مقياس التفكير الرياضي البعدى للمجموعتين الضابطة والتجريبية في ظهر الاستنتاج	9
120	نتائج تحليل التباين المصاحب لدرجات مقياس التفكير الرياضي البعدى للمجموعتين الضابطة والتجريبية في ظهر البرهان الرياضي	10
122	نتائج تحليل التباين المصاحب لدرجات مقياس التفكير الرياضي البعدى ككل للمجموعتين الضابطة والتجريبية ، بعد ضبط التفكير الرياضي القبلي	11

## قائمة الملاحق

الملحق	عنوان الملحق	الصفحة
1	تحليل محتوى وحدة الدائرة في الصورة النهائية	145
2	التصميم المقترن لمحتوى وحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري .	152
3	الأهداف في الصورة النهائية .	193
4	الاختبار التحصيلي في صورته النهائية .	200
5	مقاييس التفكير الرياضي .	207
6	أسماء محكمي مواد وأدوات الدراسة .	220
7	خطاب عميد كلية التربية بجامعة أم القرى بشأن تطبيق أدوات الدراسة.	223
8	خطاب الإدارة للتربية والتعليم بالطائف إلى مدير مدرسة أبي بكر الصديق بشأن السماح بتطبيق أدوات الدراسة	225
9	خطاب موافقة الأستاذ الدكتور / عوض حسين التودري	226



قال الله تعالى :

﴿ هو الذي مد الأرض وجعل فيها رواسٍ وأنهاراً ومن كل ثمرات جعل فيها زوجين اثنين يغشى الليل النهار إن في ذلك آيات لقوم يتفكرون ﴾

سورة الرعد آية رقم 3

## **الفصل الأول**

### **المدخل العام للدراسة**

**مقدمة**



**مشكلة الدراسة**



**فروض الدراسة**



**أهداف الدراسة**



**أهمية الدراسة**



**حدود الدراسة**



**مصطلحات الدراسة**



## **المقدمة:**

لعل الثورة العلمية والانفجار المعرفي الهائل الذي نشهده في هذا العصر من أعظم الثورات المعرفية التي مرت على البشرية ويحظى ميدان التربية والتعليم بالنصيب الأكبر في هذا العصر، و تعمل النظم التعليمية المتقدمة على مواكبة هذه الثورة وذلك بوضع الخطط والبرامج والبدائل المتعددة، وتوفير الإمكانيات البشرية والمادية ، وتطبيق ذلك من خلال المنهج الدراسي (NCTM,2000)

وتبرز من بين المناهج الدراسية ، مناهج الرياضيات ك وسيط لتنمية التفكير بأنواعه المختلفة ، فبالإضافة إلى كون الرياضيات إحدى الركائز الأساسية للتطور العلمي والتكنولوجي ، فإن طبيعة بنائها ومحتوها وطريقة معالجتها للموضوعات ، يجعل منها ميداناً خصباً للتدريب على الأساليب السليمة للتفكير ، فالرياضيات ببناء استدلالي يبدأ من مقدمات مسلم بصدقها ، وتشق منها النتائج باستخدام قواعد منطقية ، وهذا يعتبر أساساً للتفكير المنطقي السليم ، وللغة التي تستخدم في الرياضيات تتميز بالدقة والإيجاز في التعبير ، وهذا يعتبر عاملاً مساعداً على وضوح الأفكار التي تستخدم كمادة للتفكير بمختلف أساليبه ، وتعمل على توجيهه في مسارات سليمة ، لذلك تبنت الرابطة الأمريكية لمعلمى الرياضيات (NCTM,2000) تتميمية اتجاهات موجبة نحو التفكير وغرس الاتجاه بأن المعرفة العلمية والمعلومات الرياضية لا تأتي فقط من المعلم والكتاب المدرسي بل يمكن أن تأتي من أسلوب التفكير سواء التفكير التأملي Reflective Thinking ، أو التفكير الرياضي Deductive Thinking ، أو التفكير الاستدلالي Mathematical Thinking ، أو التفكير الناقد Critical Thinking أو التفكير الإبداعي Creativity Thinking الأمريكية ( عبيد وآخرون ،1989م: 24 ) (فلمن ،2003م: 124 ) كأحد معايير ومستويات تدريس الرياضيات المدرسية في الولايات المتحدة وقد شهدت المناهج الدراسية في السنوات الأخيرة تطورات وتغيرات سريعة وحظيت الرياضيات بنصيب من هذه التطورات و حيث ذكر المفتى (2000م، ص

(14) أن التطورات الحديثة في تدريس الرياضيات أدت إلى ظهور عدة اتجاهات في تعليم الرياضيات توافق هذه التطورات وكان من أهم هذه الاتجاهات تعليم الرياضيات من أجل تربية الإبداع

كما أوردت محبات أبو عميرة (2001م) "أن الرياضيات بطبيعتها التركيبية تسمح باستنتاج أكثر من نتيجة منطقية من المقدمات المعطاة ، وبنيتها الا ستدلالية تعطي المرونة في أسلوب تنظيم محتواها ، والرياضيات كمادة دراسية غنية بالموافق المشكلة ، التي يمكن أن يوجه إليها التلاميذ ليجدوا لكل موقف حلولاً متعددة ومتوعة وجديدة أضف إلى ذلك أن دراسة الرياضيات تعلم التلاميذ النقد الموضوعي للمواقف ، سواء كانت برهان نظرية هندسية أو حلّ لمسألة رياضية أو برهان لقاعدة جبرية أو تعميمًا رياضياً أو اكتشاف لمفهوم رياضي ، وهذه في مجموعها تكسب المتعلمين بعض القدرات الأساسية لعملية الإبداع " ص 0 23

وقد أشارت محبات أبو عميرة (2001م ، 31 ) عدّة نماذج ومشروعات ودراسات تربوية لتربية الإبداع في الرياضيات منها على سبيل المثال : مشروع Science Computer and Mathematics Profession(SCAMP) للموهوبين في الرياضيات عام (1991م) ويهدف إلى تدعيم تفوق الطالب في الرياضيات والعلوم والكمبيوتر والميول المهنية بالمرحلة الإعدادية ، وقد ساعد هذا المشروع الطلاب الريفيين على زيادة معلوماتهم الهندسية ، وفي معالجة العزلة وتدعيم الموهبة في المجالات التي يفضلها الطالب 0 وكذلك مشروع Mathematics Education ( MEDC Development Center عن الإبداع في الرياضيات (1995م) حيث قام مجموعة من الباحثين بمركز تطوير تعليم الرياضيات بالولايات المتحدة الأمريكية بإعداد مشروع : الإبداع في الرياضيات ، وهدف المشروع إلى تربية الكفاءات التدريسية لمعلمي الرياضيات في التفكير الناقد وحل المشكلات والإبداع ، كما قدم نموذج Baggett للتدريب على الإبداع (1996م) دروس ووحدات في رياضيات

**المرحلة الابتدائية والمتوسطة (من الحضانة حتى الصف الثامن ) هدفها كيفية تدريب التلاميذ على الدروس الإبداعية ٠**

كما كان من أهم توصيات الندوة الدولية لتعليم الرياضيات بالمملكة المتحدة عام ١٩٦٦م (ISME) التوسيع في نوادي الرياضيات تدعيمًا للموهوبين في الرياضيات وزيادة الأنشطة الخاصة بالمسابقات والأولمبياد ، على المستويات القومية والدولية ٠

وقد أشار الطيطي (٢٠٠٤م ، ص ١٦) أن الإبداع أرقى أنواع النشاط الإنساني ، إن لم يكن أرقاها بالفعل فقد أصبح منذ الخمسينات من القرن الماضي من المحاور الأساسية التي تناولها البحث العلمي بالدراسة والتمحیص ، في عدد كبير من الدول المتقدمة منها والنامية ، فالتقدم العلمي والتكنولوجي والحضاري ، الذي نشهده اليوم ، يتطلب تغيير القدرات الإبداعية وتطويرها عند الفرد ، وكذلك فإن المشكلات الحياتية التي تنتج عن هذا التقدم تحتاج إلى أعمال إبداعية للتغلب عليها ، لذا فإنه يقع على عاتق جميع صانعي القرار ، والمؤسسات التربوية والقائمين على عملية التدريس العمل على رعاية الإبداع وتنميته عند الطلبة ٠

ولما كان التفكير أحد الأهداف الأساسية لتدريس الرياضيات المدرسية و حيث تضمنت أهداف تعليم الرياضيات بالمملكة العربية السعودية وفي دول الخليج العربي تنمية التفكير لدى المتعلمين كما تبنت رابطة معلمي الرياضيات الأمريكية (NCTM) عامي ١٩٨٩-١٩٩٩ موضوع تنمية التفكير كأحد المعايير الرئيسية لتدريس الرياضيات كما تضمنت العديد من المؤتمرات الاهتمام بجانب التفكير ونتيجة لذلك أجريت العديد من الدراسات والأبحاث في الفترة الحالية في موضوع تنمية التفكير منها دراسة ( عبد المجيد منصور ، ١٩٩٨م ) ، ( خالد الليثي ، ١٩٩٩م ) ، ( زينب عبدالغني ، ٢٠٠٠م ) ، ( عاطف الكرش ، ٢٠٠٠م ) ، ( سامية هلال ، ٢٠٠١م ) واستكمالاً للجهود السابقة ، واستجابة لتوصيات العديد من المؤتمرات والندوات ، مثل ، المؤتمر العلمي الثاني عشر ٢٠٠٢م ( مناهج التعليم وتنمية التفكير ) ، المؤتمر

العلمي الثالث 2003م ( التعليم وتعلم الرياضيات وتنمية الإبداع ) ، المؤتمر العلمي الخامس 2005م ( التغيرات العالمية والتربوية وتعليم الرياضيات ) ، المؤتمر العلمي السادس عشر 2005م ( مناهج التعليم والمستويات المعيارية ) ، والتي دعت إلى إجراء دراسات حول التفكير بأنواعه المختلفة وخاصة التفكير الابتكاري ، ظهر للباحث ضرورة إجراء دراسة لإعداد محتوى في ضوء مهارات التفكير الابتكاري من شأنه أن يساعد في تنمية مهارات التفكير لدى الطالب حيث قام الباحث بدمج هذه المهارات ضمن محتوى وحدة الدائرة وقد تم اختيار هذه الوحدة لأن الهندسة من فروع الرياضيات الأساسية التي تعتمد دراستها بالدرجة الأولى على الأساليب المتقدمة في التفكير فهي من أحسن المجالات التي يمكن استثمارها في تنمية مهارات التفكير الابتكاري وحيث أنه أصبح التعليم من أجل تنمية التفكير والتعلم من أولى أولويات التربية الحديثة التي جعلت شعارها أن التربية تعنى : " التعليم الإنسان كيف يفكر لا أن تسقط عليه أفكار الغير ". وعلى فإن تعليم مهارات التفكير الابتكاري هو بمثابة تزويد الفرد بالأدوات التي يحتاجها حتى يتمكن من التعامل بما عليه مع أي نوع من المعلومات أو المتغيرات التي يأتي بها المستقبل .

وفي هذا يشير الباحث ستيرنبرج من جامعة بيل بولاية نورث كارولينا بقوله : " إن المعارف مهمة بالطبع ولكنها غالباً ما تصبح قديمة ، أما مهارات التفكير فتبقى جديدة أبداً " وعلى فالذى يكاد يجمع الكل على تغييره النمط التقليدي الذي يركز على الحفظ والاستظهار والتلقين إلى الأسلوب الذي يتم من خلاله إدخال تعليم مهارات التفكير ضمن المناهج والكتب المقررة بحيث يتعلم الطالب المحتوى المعرفي للمادة الدراسية ومهارات التفكير التي يمكن تمييزها من خلالها " محبات أبو عميرة ( 2000م، ص 25 ) . ولما كان محتوى مقرراتنا الدراسية في ثوبه الجديد يسعى لإعداد الطلاب لمتطلبات هذا العصر ، ويعتمد على التفكير الابتكاري وحل المشكلات كأساس لمواكبة هذا العصر مما دفع الباحث لإجراء هذه الدراسة في إعداد تصميم مقترن لمحتوى وحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري

ومعرفة أثر ذلك على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي لطلاب الصف الثالث المتوسط بمدينة الطائف.

### **فروض الدراسة :**

- 1 - لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 05$ , بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحتوى العادي ) في الاختبار التحصيلي البعدى عند مستوى التذكر بعد ضبطه للتحصيل القبلي 0
- 2 - لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 05$ , بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحتوى العادي ) في الاختبار التحصيلي البعدى عند مستوى الفهم بعد ضبطه للتحصيل القبلي .
- 3 - لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 05$ , بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحتوى العادي ) في الاختبار التحصيلي البعدى عند مستوى التطبيق بعد ضبطه للتحصيل القبلي .
- 4 - لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 05$ , بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحتوى العادي ) في الاختبار التحصيلي البعدى كل بعد ضبط التحصيل القبلي 0
- 5 - لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 05$ , بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدي لمقياس التفكير الرياضي في مظهر الاستقراء بعد ضبطه للتفكير القبلي 0

- 6 - لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 05$ , بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضي في مظهر الاستنتاج بعد ضبطه للتفكير القبلي 0
- 7 - لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 05$ , بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضي في مظهر البرهان الرياضي بعد ضبطه للتفكير القبلي 0
- 8 - لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 05$ , بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضي ككل بعد ضبط التفكير القبلي 0

**أهداف الدراسة :**

**تتمثل أهداف الدراسة في :**

- 1 - التعرف على أثر التصميم المقترن لمحتوى وحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري على التحصيل الدراسي عند مستوى التذكر لطلاب الصف الثالث المتوسط .
- 2 - التعرف على أثر التصميم المقترن لمحتوى وحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري على التحصيل الدراسي عند مستوى الفهم لطلاب الصف الثالث المتوسط .
- 3 - التعرف على أثر التصميم المقترن لمحتوى وحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري على التحصيل الدراسي عند مستوى التطبيق لطلاب الصف الثالث المتوسط 0
- 4 - التعرف على أثر التصميم المقترن لمحتوى وحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري على التحصيل الدراسي ككل لطلاب الصف الثالث المتوسط 0

5 - التعرف على أثر التصميم المقترن لمحتوى وحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري على مهارات التفكير الرياضي (الاستقراء، الاستنتاج ، البرهان الرياضي ) لطلاب الصف الثالث المتوسط ٠

#### أهمية الدراسة :

1- تعد الدراسة الحالية استجابة لما توصي به الدراسات وما ينادي به التربويون في الوقت الحاضر من ضرورة مسايرة الاتجاهات الحديثة في مراعاة

مهارات التفكير الابتكاري عند تصميم المحتوى ٠

2- يمكن أن تقيد نتائج هذه الدراسة مخططي المناهج في الاسترشاد بها أثناء بناء المحتوى لمادة الرياضيات بحيث يراعي المحتوى مهارات التفكير الابتكاري عند بناءه.

3- تشكل الدراسة الحالية نواة لأبحاث أخرى في مجال الرياضيات في مراحل تعليمية أخرى وذلك بدراسة أثر محتوى مصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري على مواضيع أخرى في الرياضيات ومراحل دراسية أخرى

#### حدود الدراسة :

#### اقتصرت الدراسة على:

حدود موضوعية : تصميم محتوى لوحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري وهي (الطلاق ، المرونة ، الأصالة ، ) ومعرفة أثر ذلك على التفكير الرياضي والتحصيل الدراسي في مستوى (الحفظ ، الفهم ، التطبيق) اقتصر اختبار التفكير الرياضي على قياس بعض مظاهر التفكير الرياضي لدى الطلاب وهي : الاستقراء ، الاستنتاج ، البرهان الرياضي ٠

حدود مكانية : طبقت الدراسة على طلاب الصف الثالث المتوسط في مدينة الطائف

حدود زمانية : الفصل الدراسي الأول لعام ١٤٣٠هـ / ١٤٢٩هـ

## **مصطلحات الدراسة :**

**فيما يلي التحديد الإجرائي لمصطلحات الدراسة:**

**الأثر :** ورد في بيان العرب (2003م) "الأثر بالتحرك : ما بقي من رسم والتأثير : إبقاء الأثر في الشيء وأثر في الشيء ترك فيه آثراً" ( ص 75 ) ٠ ويعرفه الباحث في هذه الدراسة إجرائياً بأنه : مدى التغير الذي يحدثه المتغير المستقل ( المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ) في المجموعة التجريبية على كل من المتغيرين التابعين ( التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي ) ٠

**التصميم :**

**التصميم لغة :** يعني العزم والمضي على أمر بعد دراسة الأمور من جميع جوانبها، وهو مشتق من ( صمم ) "

**التصميم اصطلاحاً :** عملية تخطيط منهجية تسبق التنفيذ

**تعريف المحتوى :**

تعرفه بثنين بدر (2007م) " موضوعات التعليم وما تحتويه من مفاهيم وتعليمات وما يصاحبها أو يتضمنها من مهارات عقلية وطرائق التفكير الخاصة بها، أي مجموعة المعرف و المبادئ التي يكتسب المتعلم عن طريقها الأهداف المطلوبة " ص 65

**تصميم المحتوى :** يعرفه سلامة (2003م) " علم يبحث في كافة الإجراءات والطرق المناسبة لتحقيق نتائج تعليمية مرغوب فيها ، والسعى لتطويرها تحت شروط وظروف محددة " ص 19 ٠

**ويعرفه الباحث إجرائياً بأنه :** طريقة منهجية لإعادة صياغة إبداعية لمحظى وحدة الدائرة لتحديد التغير المطلوب في التفكير الرياضي والتحصيل الدراسي لدى عينة التجربة 0

**تعريف التفكير الابتكاري :**

يعرفه مفتى (1996) "عملية لها مراحل متتابعة تهدف إلى إنتاج يتمثل في إصدار حلول متعددة تتسم بالتنوع والجدة وذلك في ظل مناخ عام يسو ده الإتساق والتلاسن بين مكوناته" ص 204

**ويعرفه الباحث بأنه :** عبارة عن مجموعة العمليات العقلية المتعددة ا لتي يجريها الطالب بناء على موقف مثير أثناء تدريس محتوى الدائرة فيستجيب لها بمجموعة من الأقوال أو الأفعال المبنية على القدرات الخاصة 0

**التفكير الرياضي :-**

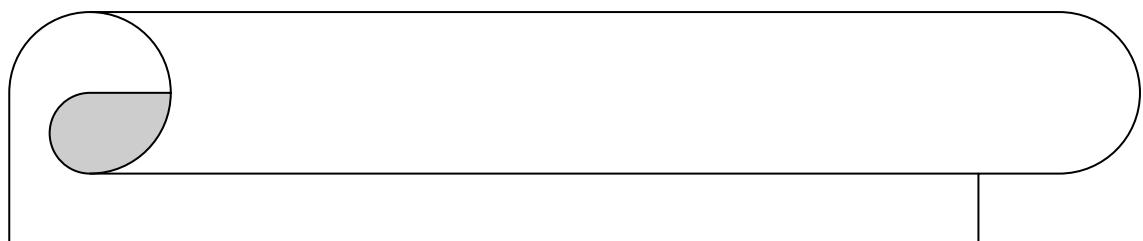
عرفته زينب عبد الغني (2001) أي نشاط معرفي يهدف إلى التغلب على أي مشكلة في مجال الرياضيات، وما يتضمنه ذا المجال من معلومات أو تطبيقات أو مهارات للتفكير الرياضي 0

**ويعرفه الباحث بأنه :** نشاط عقلي خاص بمادة الرياضيات ، يتضمن مجموعة من المظاهر تمثل في : ( الاستقراء ، الاستنتاج ، التعميم ، البرهان الرياضي ، التعبير بالرمز ، التصوير البصري المكاني ، التفكير الع لacı ، التفكير الإحتمالي) وذلك حينما يواجه المتعلم بموقف أو مشكلة يبحث لها عن حل و يقياس بالأداة التي تبناها الباحث لقياسه

**التحصيل الدراسي :**

يعرفه اللقاني والجمل (1996، ص 47 ) بأنه مدة استيعاب الطلاب لما فعلوا من خبرات معينة من خلال مقررات دراسية و يقياس بالدرجة التي يحصل عليها الطالب في الاختبارات التحصيلية المعدة لهذا الغرض 0

ويعرفه الباحث إجرائياً : بأنها : الدرجات التي تحصل عليها طلاب الصف الثالث متوسط في الاختبار التحصيلي لمادة الرياضيات المعد من قبل الباحث في محتوى وحدة الدائرة التي يتم عليها التجريب 0



## **الفصل الثاني**

### **الإطار النظري والدراسات السابقة**

#### **أولاً - الإطار النظري**

المحور الأول : تصنیف المحتوى الرياضي

المحور الثاني: التفكير الابتكاري

المحور الثالث : التفكير الرياضي

المحور الرابع : دور الرياضيات في تنمية التفكير الابتكاري

#### **ثانياً : الدراسات السابقة :**

المحور الأول : الدراسات المتعلقة بالتفكير الابتكاري

المحور الثاني : الدراسات المتعلقة بالتفكير الرياضي

**المحور الأول: تصنیف المحتوى الرياضي**

**الخبرة الرياضية:**

تم استعراض بعض أدبيات تربويات الرياضيات -كتب ودراسات - لمعرفة تصنيف تلك الأدبيات للمعرفة (الخبرة) الرياضية وفي ضوء ذلك لاحظ الباحث تعدد تصنيفات الخبراء والمختصين في تعليم الرياضيات للمعرفة الرياضية وعدم وجود تصنيف محدد متافق عليه من قبل المختصين في تربويات الرياضيات ويعود السبب في ذلك كما يرى بل (1968م، ص73) إلى صعوبة تصنيف الخبرات الرياضية حتى إن الخبراء في الرياضيات ونظريات التعلم قد لا يتفقون على التصنيف الفعلي لكثير من الخبرات الرياضية ، ويشير العيثان (1422هـ، ص21) إلى أن التصنيفات تختلف فيما بينها حسب الحاجة من التصنيف ، أو الهدف المقصود من التصنيف، وباستعراض عدد من تلك التصنيفات وجد أن تصنيف المعرفة الرياضية إلى مفاهيم وتعميمات ومهارات ، يعتبر تصنيفاً ملائماً لخبرات الرياضيات ويمكن الاعتماد عليه في تصنيف الخبرات الرياضية إلى المكونات الرياضية التالية :

مفاهيم - تعميمات - مهارات ، وفيما يلي عرض لكل من هذه الأصناف حسب ما ورد في بعض أدبيات تربويات الرياضيات :

#### أولاً - المفاهيم الرياضية:

##### تعريف المفهوم الرياضي :

يشير أبو زينة (1990م، ص ص 133-134) إلى أنه لا يوجد تعريف جامع متافق عليه للمفهوم ، وأنه قد جرت محاولات كثيرة من قبل العلماء لتعريفه إلا إنهم وجدوا صعوبة في ذلك واختلفوا في تعريفاتهم للمفهوم ، وترى إحسان شعراوي (1985م، ص 32) أن لفظ المفهوم من الألفاظ الغامضة التي يكتنفها كثير من اللبس ، ويرجع ذلك إلى أن المفاهيم أشياء معقدة وغامضة وقد أدى هذا الغموض والخلط في معنى لفظ المفهوم إلى وجود أكثر من تعريف لهذا المصطلح .

ويتفق الباحث مع ما أشير إليه فيما سبق من عدم وضوح معنى المفهوم وتعدد تعريفاته حيث ورد في الأدبيات تعريفات عديدة للمفهوم ومنها :

عرف خليفة (1985م) المفهوم الرياضي بأنه : "تجريد الصفات الأساسية التي تعطي لمصطلح ما معناه الرياضي " ص 155.

وعرّفت إحسان شعراوي المفهوم الرياضي بأنه : " المعنى المجرد لهذا المصطلح ، الذي يتضمن الشروط الكافية ليكون شيء ما عنصراً في فئة الأشياء التي يدل عليها المصطلح " ص33.

وурّفت بل (1968م) المفهوم بأنه : " فكرة مجرد تمكّن الناس من تصنيف الأشياء والأحداث ، وتحدد ما إذا كانت الأشياء والأحداث تعتبر أمثلة أو ليست أمثلة لفكرة مجردة " ص72.

وعرف المفتى وأخرون(1992م) المفهوم بأنه : " تكوين عقلي ينشأ عن تجريد خاصية (أو أكثر) من مواقف متعددة يتوفّر في كل مكان منها هذه الخاصية، حيث تعزل هذه الخاصية مما يحيط بها في أي من المواقف المعينة ، وتعطى اسماً يعبر عنه بلفظة أو برمز" ص123.

ومما سبق فإنه يمكن تعريف المفهوم الرياضي بأنه : فكرة مجردة أو صورة ذهنية (عقلية ) يكّونها الفرد (اللّمّيد) حول عدة أشياء أو مواقف رياضية ، تشتّرك جميعها في خاصية أو أكثر ، بحيث تمكّنه هذه الفكرة من تصنيف الأشياء أو المواقف أمثلة أو ليست أمثلة لتلك الفكرة المجردة (أو هو فكرة مجردة يمكن بناء عليها تصنيف الأشياء إلى أمثلة منتمية للمفهوم أو لا أمثلة عليه .

### ثانياً - التعميمات الرياضية:

تعريف التعميم الرياضي :

يعرف خليفة (1994م) التعميمات الرياضية بأنها: " عبارات لفظية أو صيغ رمزية تربط بين مفهومين أو أكثر ، تبرز فيها العلاقات التي تربط بواسطتها المفاهيم المكونة له بعضها مع بعض وتتضمن هذه العلاقات كلا من المسلمات والقواعد والقوانين والنظريات ونتائجها ...." ص51 وترى إحسان شعراوي (1985م) التعميمات الرياضية بأنها: "صيغ تسرى على مجموعة من الأشياء" ص36

ويعرف بل (1986م) التعميمات الرياضية بأنها: "تتابعات من المفهومات مع العلاقات بين هذه المفهومات" ص 71

ويعرف السواعي (2004) التعميمات الرياضية بأنها : "عبارات أو جمل إخبارية تحدد العلاقة بين مفهومين رياضيين أو أكثر ، وتعتمد هذه العلاقات إما بالبرهنة أو الاستقرار أو التسليم بصحتها " ص 196

وترى شيرين عبد الحكيم (2003، ص96) أن التعميمات قد تسمى مبادئ أو علاقات وهي عبارة عن ارتباط بين مفهومين أو أكثر وقد تكون هذه العلاقة وصفية كما في التعريفات وال المسلمات والنتائج والنظريات كما أنها قد تكون في صورة قوانين لفظية أو رمزية.

ومما سبق فإنه يمكن تعريف التعميم الرياضي بأنه : عبارة عن جملة خبرية (تقرير) تحدد علاقة بين مفهومين أو أكثر من المفاهيم الرياضية يمكن برهنتها (برهنة العلاقة ) ، أو استبطاطها ، أو اكتشافها ، أو التسليم بصحتها ، ويشمل التعميم كلا من الحقيقة و النظرية و القانون و المبدأ أو القاعدة و المسلمة و البديهية .

### ثالثاً- المهارات الرياضية :

يشير أبو زينة (1990، ص181) إلى أن المهارات تعتبر جزءاً أساسياً من محتوى الرياضيات لأي مرحلة من المراحل التعليمية ، ولأي صف من الصفوف 0 ويرى خليفة (1985، ص163) أن تتميم المهنـات تعد من الأهداف المهمـة في تدريس الرياضيات في جميع المستويـات التعليمـية ، وترى إحسان شعراوي (1985، ص37) أن تعلم المـهـارات يـلـعب دوراً مـهـماً في تـعـلـمـ الـرـياـضـياتـ لأنـهـ إـذـاـ لمـ يـكـتبـ الطـلـابـ بـعـضـ الـمـهـارـاتـ فـإـنـ ذـلـكـ يـعـقـيـقـ نـقـدـمـهـمـ فـيـ تـعـلـمـ الـرـياـضـياتـ فـلـيـسـ كـافـيـاـ مـثـلـاـ أـنـ يـعـرـفـ الطـلـابـ كـيفـيـةـ إـجـرـاءـ الـعـمـلـيـاتـ الحـاسـبـيـةـ عـلـىـ الـأـعـدـادـ النـسـبـيـةـ ،ـ وـلـكـنـ يـجـبـ أـنـ يـكـونـ لـدـيـهـمـ الـمـهـارـةـ فـيـ الـقـيـامـ بـهـذـهـ الـعـمـلـيـاتـ ،ـ وـلـكـنـ لـيـسـ مـعـنـىـ ذـلـكـ أـنـ يـقـصـرـ مـعـلـمـ الـرـياـضـياتـ اـهـتـمـمـهـمـ عـلـىـ تـعـلـمـ الطـلـابـ الـمـهـارـاتـ ،ـ فـيـبـنـوـنـ أـوـ يـقـصـرـونـ بـرـامـجـهـمـ الـتـعـلـيمـيـةـ عـلـىـ تـدـرـيـسـ الـمـهـارـاتـ فـقـطـ مـاـ يـؤـدـىـ إـلـىـ التـرـكـيزـ الـمـسـتـمـرـ وـالـمـكـثـفـ عـلـىـ التـدـرـيـبـ دـوـنـ التـأـكـيدـ عـلـىـ تـدـرـيـسـ الـمـفـاهـيمـ

والتعميمات ولكن ينبغي أن يكون هناك توازن بين تدريب الطالب على المهارات الرياضية وبين تدريس المفاهيم والتعميمات .

### تعريف المهارة :

عرف جود (1973م) المهارة بأنها : "الأداء السهل الدقيق لما يتعلم الفرد ، وقد يكون ذلك الأداء حركيا أو عقليا " ص36 .

وعرف إبراهيم (1985م)المهارة بأنها :"القدرة على أداء عمل ما على مساقى عال من الإتقان عن طريق الفهم وبأقل جهد وفي أقل وقت ممكن" ص147.

وعرف خليفة (1985م) المهارة بأنها : "القدرة على إثبات قانون أو قاعدة أو رسم شكل أو برهنة تمرير أو حل مشاكل على مستوى عال من الإتقان عن طريق الفهم وبأقل مجهود وفي أقل وقت ممكن" ص163.

وعرف بل (1986م)المهارات الرياضية بأنها : "تلك العمليات والخطوات التي يتوقع أن يجريها الطالب والرياضيون بسرعة و دقة ويمكن تحديد كثير من المهارات بواسطة مجموعات من القواعد والتعليمات ، أو بواسطة خطوات متتابعة مرتبة يطلق عليها الخوارزمية" ص72.

والخوارزمية كما يشير أبو زينة (1990م،ص181) والسواعي (2004م،ص197) هي الأسلوب أو الطريقة الروتينية المتتبعة ل القيام بعمل ما، وتتكون من مجموعة من الخطوات المتتابعة التي تؤدى إلى الهدف، ومن أمثلة الخوارزميات ، خوارزمية القسمة المطولة وخوارزمية ضرب عددين كل منهما يتكون من رقمين .

ومما سبق فإنه يمكن تعريف المهارة الرياضية بأنها : القدرة على القيام بالعمليات الرياضية بسرعة ودقة وفهم وإتقان وذلك باستخدام مجموعة من القواعد والتعليمات ، أو بواسطة خطوات متتابعة مرتبة تعرف بالخوارزميات.

أو هي القدرة على أداء عمل ماء بمستوى عال من الإتقان والفهم وبأقل جهد وفي أقل وقت ممكن، وذلك باستخدام مجموعة من القواعد والتعليمات أو بواسطة خطوات متتابعة مرتبة تعرف بالخوارزميات .

### تصنيف الأهداف التربوية في الرياضيات:

يعتبر تصنيف بلوم من أول وأشهر التصنيفات المعرفية المستخدمة في مجال الرياضيات فهو يتفق كما يشير الدويش (1424هـ ، ص 20) مع طبيعة الرياضيات حيث إن مستويات بلوم الستة في المجال المعرفي قصد بها أن تكون للرياضيات وغيرها من المواد، ومما يدل على مناسبة ذلك التصنيف للرياضيات إيراد بلوم لعدد من الأمثلة الرياضية في مفردات الاختبارات لتوضيح كل مستوى من المستويات الستة ، وكان بلوم وآخرون (1985م ، ص ص 276-285) قد قسموا أهداف المجال المعرفي إلى ستة مستويات متدرجة من ١ لعمليات العقلية البسيطة إلى العمليات العقلية المتقدمة يتفق مع المبادئ والنظريات النفسية للتعلم حيث تصنّف الأهداف التعليمية في المجال المعرفي إلى ستة مستويات هي : مستوى المعرفة ، مستوى الفهم أو الاستيعاب ، مستوى التطبيق ، مستوى التحليل ، مستوى التركيب ، مستوى التقويم ، وبالرغم من مناسبة تصنيف بلوم لمادة الرياضيات إلا أن هذا التصنيف قد تعرض لعدد من التعديلات والتطويرات ليتناسب مع التقويم في مجال الرياضيات حيث إن الالتزام بمستويات المجال المعرفي لبلوم في بعض الأحيان يكون كما تشير نظلة خضر (1984م ، ص ص 181-184) غير م قبول و يجعل الأسئلة مصطنعة ومشوشة للأفكار الرياضية، وتذكر أن بجل يرى أن الرياضيات لا تتفق بتدرج مع نظام بلوم بالإضافة إلى أن الأعمال الرياضية التي تتطلب مستويات عالية من التفكير تتدخل فيها مستويات بلوم خاصة مستويات الفهم وما فوقه ،كما أن التطبيق في الرياضيات قد يكون بأبعاد مختلفة من مجرد تطبيق إجراءات حسابية أو تطبيق قاعدة أو مبدأ أو نظرية أو قانون ألفة التلميذ وتدرب عليه إلى تطبيق جديد يؤدي إلى نمو معرفي للمادة أو خارج المادة ، أو تطبيق يؤدي إلى توسيع وعمل تكوين جديد ولذلك فقد كان الجهد ورد الفعل منصبا على تعديل

مستويات بلوم ، خاصة المستويات الثلاثة الأخيرة وتطويعها لتناسب الرياضيات عند تقويم برامجها حيث أجريت العديد من التعديلات على تصنيف بلوم للأهداف في المجال المعرفي لتناسب الرياضيات ومن هذه التعديلات ما قام به كلا من جونسون عام (1967م) وبجل عام (1967م) وورود عام (1986م) وكذلك ما قام به أفطال وشتلورت عام (1986م) ومن التعديلات أيضاً ما قامت به إحسان شعراوي عام (1985م) وأبو زينة عام (1991م) وعبيد (2004م) ولكن أهم وأشهر التعديلات التي تعرض لها تصنيف بلوم لمستويات المجال المعرفي لتناسب الرياضيات كان النموذج الذي قدمه جيمس ويلسون عام (1971م) ونظراً لأنه تم الاعتماد على هذا النموذج في تصنيف الأهداف التعليمية لموضوعات الوحدة كما أن قياس تحصيل الطلاب يتم عند بعض مستويات مجاله المعرفي كما ذكر في حدود الدراسة فسيتم التعرض لهذا النموذج بشيء يسير من التفصيل :

### نموذج ويلسون :

وضع جيمس ويلسون تصنيفاً للمستويات المعرفية يعتبر امتداداً لتصنيف بلوم ، سمي بالنموذج الموسع وكان جيمس ويلسون قد كيف وببور نموذجه من نموذج بجل المطور عن تصنيف بلوم ليتناسب مع طبيعة مادة الرياضيات فهو يهدف إلى تقديم نموذج جدول مواصفات يساعد معلمي الرياضيات والعاملين في مجال مناهج الرياضيات في بناء اختبارات جيدة لاستخدامها في تقويم الطلاب في الرياضيات حيث يخدم النموذج مسائل المنهج وطرق التدريس والتقويم وتصنيف الأهداف في المجال المعرفي حسب نموذج ويلسون إلى أربعة مستويات رئيسة هي : التذكر (المعرفة) - الفهم (الاستيعاب) - التطبيق - التحليل - وفيما يلي عرض مستويات السلوك الرئيسية وأصنافها الجزئية التي حددها ويلسون في نموذجه : نظلة خضر (العبدلي 1984، ص 35-50) المقابل (1413هـ، ص 35-189) العيثنان (1420هـ، ص 46-50) المقوشي (1420هـ، ص 14-21) الدويش (1424هـ، ص 36-401).

أولاً: مستوى التذكر (المعرفة) :

يتمثل مستوى التذكُر أدنى مستويات السلوك المتوقعة من الطالب كنواتج لتعليم الرياضيات وهو عبارة عن استرجاع وتذكير بسيط لما تم دراسته من حقائق ومصطلحات فنية وتمارين روتينية بنفس الأسلوب والكيفية التي قدمت بها ويضم هذا المستوى الأصناف الجزئية التالية:

- 1 - معرفة حقائق معينة :وتشمل الأهداف التي يتوقع فيها أن يتعلم أو يسترجع المادة بنفس الشكل الذي قدمت له ،ويتمكن أيضاً أن يضم المعلومات الأولية التي من المفترض أن يكون الطالب قد تعرف عليها خلال دراسته في سرقات سابقة.
- 2 - معرفة المصطلحات الفنية :وهنا يتعرف التلميذ على المصطلحات التي قدمت له ، ويعتبر جزءاً من أي مستوى سلوكي مركب ، وتشمل هذه الفئة معرفة الرموز ، وأسماء الأشكال ، والخواص وغيرها من المصطلحات الرياضية .
- 3 - القدرة على تفزيذ خوارزميات (إجراءات) رياضية : أي القدرة على التعامل مع عناصر المسألة على أساس قواعد منظمة سابقاً ، ولا يتوقع هنا أن يختار الطالب الإجراء الرياضي ، إذ إن الاختيار ينتمي إلى مستوى سلوكي أكثر تركيباً ، ويعتبر ويلسون هذه الفئة من أهم الفئات في مستوى التذكُر .

#### ثانياً : مستوى الفهم (الاستيعاب):

صمم مستوى الفهم (الاستيعاب) ليكون أكثر تركيباً وتعقيداً في السلوك من مستوى التذكُر ، ويقصد بالفهم القدرة على ترجمة الأفكار من شكل لفظي أو رمزي إلى شكل آخر ، لأن يعبر التلميذ بلغته عن فكرة ما، أو أن يستعمل معادلة أو صيغة رمزية للتعبير عن مضمون مسألة حسابية ، ويضم مستوى الفهم الأصناف الجزئية التالية كما ذكر أبو زينة (1990م ،ص ص 23-25):

- 1 - معرفة المفاهيم: صفت (وضعت) معرفة المفاهيم لأن المفهوم تجريد، والتجريد يتطلب نظرياً اتخاذ قرار ضمني في استخدام المفاهيم أو في القول بأن شيئاً ما

هو حالة أو مثالاً للمفهوم، حيث أن معرفة المفهوم في رأي ويلسون أكثر ترکيباً وتعقيداً من مجرد معرفة (تذكرة) حقيقة محددة.

2 - معرفة المبادئ والقواعد والتعليمات : تتطلب هذه الفئة من السلوك توافق المعرفة مع المقرر الدراسي، وتعتمد على المواد التي درسها الطالب، فمعرفة المبادئ والقواعد والتعليمات تعتبر في مستوى الفهم، ولكن إذا كان المطلوب من الطالب استنتاجها أو اشتقاقها أو استخدامها لأول مرة فإن هذا السلوك أعلى من مستوى الاستيعاب.

3 - معرفة بنية (تركيب) رياضية : تتضمن هذه الفئة خصائص أنظمة العد والبني الجبرية كمعرفة خواص نظام عددي.

4 - القدرة على تحويل عناصر المسألة من صيغة لأخرى : يعني هذه الترجمة أو التحويل من شكل لفظي إلى صيغة رمزية أو صورة هندسية والعكس، أو ترجمة الصيغة الرمزية إلى شكل أبسط.

5 - القدرة على متابعة مخطط استدلالي : ومعنى هذا القدرة على قراءة أو الاستماع إلى مناقشة رياضية (برهان رياضي ) ، وهي تمثل القدرة على تلقي الاتصال حول الرياضيات، إذ إن كثيراً من الرياضيات تقدم بشكل استنتاجي، وتعد القدرة على تتبع مخطط أو خطوات التفكير هي القدرة على قراءة التقديمات الرياضية والتي تختلف عن القدرة العامة على القراءة.

6 - القدرة على قراءة وتقدير مسألة رياضية : وهذه الفئة أقل من القدرة على حل المشكلات ، ولكنها خطوة أولية وضرورية لها وتتضمن مهارات وقدرات أبعد من المهارات اللغوية العادية والقدرة القرائية العامة .

### ثالثاً : مستوى التطبيق :

يتضمن سلوك التطبيق سلسلة متعددة من الاستجابات تميزه عن المستويين السابقين التذكرة والفهم حيث يتم في هذا المستوى من السلوك اختيار التجريد

المناسب من نظريات أو قواعد أو مبادئ واستخدامه بطريقه صحيحة في حل المشكلة ، المفردات أو الأسئلة التي توضع في مستوى التطبيق يج ب أن تكون مألوفة لدى الطلاب فتكون مشابهه للمواد التي قابلوها اثنا التعليم ولكنها غير مطابقة لها تماما حيث يرى بلوم وآخرون (1985م، ص ص 173-174) أنه إذا ما أريد للمواقف التي يصفها الموقف الموضعى أو الاختباري أن تشمل مستوى التطبيق فلا بد أن تكون مواقف جديدة على الطلاب أو مواقف تحتوي على عناصر جديدة بالمقارنة مع الموقف الذي تم فيه تعلم التجريد أما إذا كانت المواقف المعطاة للطالب في الاختبار مواقف تعلم فيها الطالب أصلاً معنى التجريد فإنها لا تكون في هذه الحالة في مستوى التطبيق بل انه سلوك يصنف في مستوى التذكر (المعرفة ) أو احد مستويات الاستيعاب على الأكثر ويضم مستوى التطبيق الأصناف الجزئية التالية:

1- القدرة على حل مشكلات روتينية : وتتضمن اختيار تجريد رياضي مناسب قاعدة أو مبدأ أو نظرية أو ... ثم القيام بإجراء الحل وتتفيد الخوارزمية وإذا كانت المسالة أو المشكلة لفظية ، فإن سلوك الحل يكون مسبوقاً بسلوك تكوين المشكلة في صورة رمزية.

2- القدرة على عمل مقارنات : يتوقع من الطالب في هذه الفئة أن يسترجع المعلومات ذات العلاقة من مفاهيم وتعليمات وبنى أو تراكيب رياضية ويكشف العلاقات ويتخذ القرارات ، وحينما يقوم الطالب بالمقارنات فإنه إلى حد ما يكون أو يولد خوارزميّة ويتبع هذه الخوارزمية للوصول إلى اتخاذ القرار .

3- القدرة على تحليل المعلومات (البيانات ) : تمثل هذه الفئة الجانب التدريبي الجيد في منهج الرياضيات وتتضمن قراءة وتقدير المعلومات والتعامل مع هذه المعلومات وتمثيلها بيانياً واتخاذ قرارات وتوصل إلى نتائج وسلوك المطلوب من الطالب في هذه الفئة هو القدرة على تجزئة المشكلة إلى مكوناتها أو أجزائها والتمييز بين المعلومات التي لها علاقة بالمشكلة وتلك التي ليست لها علاقة بها.

4- القدرة على ملاحظة وإدراك النماذج والتشاكلات والتماثلات: تتضمن هذه الفئة استرجاع المعلومات ذات العلاقة وتحويل عناصر المشكلة والتعامل مع هذه العناصر في سلسلة متعددة من الإجراءات والتعرف على العلاقات التي تؤدي إلى حل المشكلة.

#### رابعاً- مستوى التحليل :

يمثل هذا المستوى أعلى مستويات المجال المعرفي في نموذج ويلسون ويشكل أقصى درجات تعقد السلوك ويشمل معظم السلوك الموصوف في مستويات التحليل والتركيب والتفصيم في تصنيف بلوم ويتضمن حل مسائل غير روتينية (لم يسبق حل مثلاً من قبل) واكتشاف خبرات رياضية ويتسم السلوك في هذا المستوى بالأصلابة والإبداع الرياضي ويضم مستوى التحليل الأصناف الجزئية التالية:

1- القدرة على حل مسائل غير روتينية : وهذا يتطلب أن ينقل التلميذ ما سبق وأن تعلمه في الرياضيات إلى مواقف جديدة والهدف هو تطوير القدرة على حل مسائل لا تشبه ما تم حلها سابقاً، ويطلب حل المسالة تحليلها وفصلها إلى أجزائها وتحديد ما يمكن تعلمه من كل جزء وقد يتطلب حل المسالة أيضاً إعادة تنظيم عناصرها بطريقة جديدة للوصول إلى حل وفي كل الأحوال تقدم المسالة للطالب في وضع تكون فيه خوارزمية الحل غير متحدة له بل أنها تتطلب طريقة استكشافية كان يقوم الطالب بإعداد خطة وتنفيذها.

2- القدرة على اكتشاف علاقات : يتطلب ذلك إعادة بناء عناصر المسالة بطريقة جديدة لتكوين علاقات وهذه القدرة تختلف عن الفئة الأخيرة في مستوى التطبيق (التعرف على الأنماط والتشاكلات وتماثلات ) ، حيث أن التلميذ هنا يكتشف العلاقة الجديدة ولا يقتصر دوره على التعرف عليها فقط كما في التعرف على الأنماط والتشاكلات والتماثلات في مستوى التطبيق.

3- القدرة على عمل البراهين: وهي سلوك أساسى لمستوى التحليل فلغة البرهان هي اللغة التي يقدم بها الرياضي عمله للأخرين والمقصود هنا القدرة على

عمل البراهين وليس القدرة على إعادة البراهين التي تكون في مستوى التطبيق أو استرجاع البراهين التي تكون في مستوى التذكر .

4- القدرة على نقد البراهين : وهي بصفة عامة القدرة على نقد أي مناقشة أو مجادلة رياضية وهي المتممة المنطقية للقدرة على عمل البراهين.

5- القدرة على صياغة وتحقيق صدق التعميمات : وهي القدرة على اكتشاف علاقة وعمل برهان يثبت الاكتشاف ، وبالرغم من أن هذه الفئة قد تشبه فئات مستوى التحليل السابقة إلا أنها تمثل سلوكاً أكثر تعقيداً ذلك أن الطالب يسأل عن كيفية صياغة واثبات العلاقة .

## المحور الثاني : التفكير الابتكاري Creative thinking

مقدمة :

يعد التفكير مظهر إنساني ، وميزة خص الله تعالى بها الإنسان دون غيره من الكائنات الحية التي لا تملك منه إلا القدر الذي يؤمّن لها إشباع حاجاتها البيولوجية ، وبدوافع غريزية لا حول لها في تبديلها ، أو تحويرها ، والإنسان هو المخلوق الوحيد الذي يمتد تفكيره امتداداً واسعاً في مختلف الميادين<sup>0</sup>

يؤكد أبو حطب (1972) أن ما يطلق عليه التفكير الابتكاري Creativthinkig يختلف في الدرجة فقط عن أنواع التفكير الأخرى ، ويعود هذا الفرق في تأهّب المفهوم ، وإعداده حينما يتطلب توفر شرط الجدة Novelty في الإنتاج ص74.

كما تذكر نهي الحموي (1998) "أن العصر الذي نعيش فيه عصر متتطور متعدد حيث تتلاحم فيه التطورات العلمية والاكتشافات التكنولوجية ، وقد أدت دراسات علماء النفس أمثال دراسة جيلفودر وتورانس وجيتزل وجاكسون وميدينيك إلى كشفات مثيرة تتصل بالمبدعين وتنمية التفكير الإبداعي لديهم" ص320

ويرى الباحث أن العلاقة بين الابتكار ، والتطور ، والتقدم علاقة وثيقة ، فعلى عاتق المبتكرين يقع عبء تطور المجتمع وتقديمه ، كما يقع على عاتق المسؤولين التعرف

على هذه الفئة ، ورعايتها ، ودعمها ، فهم الأمل لكل أمة لتبلغ أهدافها ، وتخلص من مشكلاتها ٠

### **مفهوم الابتكار :**

#### **مفهوم الابتكار في اللغة :**

يذكر الرازى (1989م) أن كلمة ابتكار اشقت من " بكر ، وبكر - بكوراً تقدم من الوقت عليه انه باكراً ، وبكر - بکرا إلی الشيء عجل ، وقوله تعالى : «بِالْعَشِيِّ وَالْإِبْكَارِ» (آل عمران : 41) يشير إلى أن الإبتكار فعل يدل على الوقت ، وفي حديث الجمعة من { بكر ، وابتكر } قالوا بكر فلان أسرع ، وابتكر أدرك الخطبة من أولها ، وهو من الباكورة ، ويستدل مما سبق أن ابتكر ، وابتدار هما كلمتان متعلقتان بالفعل ، أو النشاط من حيث وقت اتيا الفرد له .

كما يشير الطريري (1996م : 60 ) إلى أن الابتكار في اللغة من بكر إذا خرج أول النهار ، وقبل طلوع الشمس بحيث لا يسبقه إليه أحد ، ومصطلح ابتكار في اللغة الإنجليزية Creative تعنى القدرة على خلق ، وإبداع شيء جديد ، كما أنها تعنى الإنتاجية ، وقد ورد أيضاً معنى الإبداع العقلي كمرادف لكلمة ابتكار ، وهي تعنى استثارة القوى الخيالية ، والإبداعية .

كما يشير بدوي (1996م : 60 ) إلى أن كلمة ابتكار يشار بها إلى السلوك أي الفعل والإنتاج ، فنحن نقول فلان ابتكر أي سلك سلوكاً ابتكارياً والمعنى اللغوي للكلمة يشير إلى التفرد ، والتميز ، والجدة ، والملاءمة ، وفي اللغة فالفعل يشير إلى الخلق ، والصفة Create ، والاسم Creativity ، ومن الواضح أن الابتكار هو خاصية للفعل ٠

#### **مفهوم الابتكار في الدراسات النفسية الحديثة :**

يذكر نشواتي وآخرون (1982م: 39 ) إلى أن علماء النفس يواجهون في تحديد مفهوم الابتكار الصعوبات ذاتها التي يواجهونها في تحديد المفاهيم الأخرى في هذا الميدان كالذكاء والشخصية والدافعية ، فعلى الرغم من توافر الإحساس الضمني

بما يشير إليه هذا المصطلح إلا أن تعريفه وتقديره وتحديده على نحو إجرائي يثير العديد من المشكلات التي يصعب إنجاز اتفاق بصدرها بين المربيين وعلماء النفس<sup>0</sup>

كما ترى سهام الصويع ( 1995م ) أن التفكير الابتكاري من المفاهيم التي يصعب تحديدها أو التعرف عليها ، وكثيراً ما يحدث الخطأ في إعطاء سمة التفكير الابتكاري لقدرات ليست ابتكارية بقدر ما هي تحصيلية مثل : القدرة على تذكر المفاهيم والمعلومات والقوانين والرموز"ص 115

ويشير عبد الغفار ( 1977م : 124 ) إلى تعدد المفاهيم التي استخدمت لتحديد المقصود بمفهوم التفكير الابتكاري ، وقد أحصى في السابق من هذه المفاهيم مائة مفهوم ، و هذا العدد تضاعف اليوم حيث أن التفكير الابتكاري مازال من الموضوعات التي تجذب اهتمام الكثير من الباحثين<sup>0</sup>

ويشير الملعي ( 1972م ) إلى أنه " يوجد اتفاق بين علماء النفس على أن التفكير الابتكاري هو عملية إنتاج ، أو ميلاد شيء جديد ، والإنتاج الجديد ( اختراعاً كان ، أو فكرة) يجب أن يكون أصيلاً ، فبدون الأصالة ، والحدثة لا يوجد إبداع ، كما يؤكّد بعض الكتاب - الفائدة - كشرط في العمل الخلاق ، فالعمل ، أو الفكرة يجب أن تكون ذات قيمة ، ولا يحق أن نطلق لفظ الإبداع ، أو الابتكار على إنتاج غير مفيد" ص 4

ويتفق روشكا ( 1988م : 154 ) في أن مفهوم التفكير الابتكاري يشير تارة على أنه استعداد ، أو قدرة على إنتاج شيء ما جديد ، وذي قيمة ، وتارة أخرى لا يرى في التفكير الابتكاري استعداد ، أو قدرة بل عملية يتحقق النتاج من خلالها ، ومرة ثالثة يرى في التفكير الابتكاري حل جديد لمشكلة ما ، أما معظم الباحثين فيرون أن التفكير الابتكاري هو تحقيق إنتاج جديد ، وذى قيمة من أجل المجتمع ، ويضيف أن التفكير الابتكاري هو النشاط الفردي ، أو الجماعي الذي يقود إلى إنتاج يتصف بالأصالة ، والقيمة ، والجدة ، والفائدة من أجل المجتمع ، وبمعناه العام هو إيجاد حلول جديدة للأفكار ، والمشكلات ، والمناهج<sup>0</sup>

ويشير شكور (1994م: 122) وبالنسبة لتايلور Taylor فالتفكير الابتكاري ما هو إلا سياق ذكي حصيلته إنتاج أفكار جديدة ، وهي في نفس الوقت ملائمة 0

كما يشير بدوي (1996م ) إلى أن "بارتكيت partkute يرى أن التفكير الابتكاري هو التفكير المغامر الذي يتميز بالبعد عن الطريق المحدد المرسوم ، والخلص من القوالب الموضوعة ، والإنتاج على الخبرة ، وإتاحة الفرصة للشيء الذي يؤدي إلى غيره ، وتفق ايلين بيرس فترى أن التفكير الابتكاري هو قدرة الفرد على تجنب الروتين العادي ، والطرق التقليدية في التفكير مع إنتاج أصيل جديد ، أو غير شائع يمكن تنفيذه ، وتحقيقه ، ويجب أن يكون التفكير الابتكاري هذا موجها نحو غرض معين ، وأن يتضمن أنماطاً ، وتكوينات جديدة من المعلومات مستمدة من الخبرة السابقة، ومن نقل العلاقات القديمة إلى موافق جديدة ، أو توليد علاقات جديدة" ص 73 0

ويذكر عاقل (1975م : 389) إشارة لرأي جيلفورد Guilford أن التفكير الابتكاري يشير إلى القدرات التي تكون مميزة للأشخاص المبدعين ، وأن القدرات الابتكارية تحدد ما إذا كان الفرد يملك القدرة على إظهار السلوك الابتكاري إلى درجة ملحوظة ، ويتجلّى التفكير الابتكاري من خلال السلوك ، ويشمل السلوك الابتكاري فيما يشمل الاختراع ، والتصميم ، والاستبطاط ، والتأليف ، والخطيط ، والأشخاص الذين يظهرون مثل هذه الأنواع من السلوك، وإلى درجة واضحة هم الذين يوصفون بالمبدعين ، كما أنه يرجع الابتكار إلى بنية العقل ، ويرى أنه شكلاً من أشكال النشاطات الإدراكية الراقية .

كما تشير مخيم (1997م : 24) إلى أن مير وشتاين Mear&Stin يعرّفان التفكير الابتكاري على أنه عملية تتضمن معرفة دقيقة بالمجال ، ما يحتويه من معلومات أساسية ، ووضع الفروض ، وتفسير النتائج ، وتوضيحها للآخرين .

ويرى عبد الغفار (1977م : 16) أنه لا توجد فروق أساسية بين عملية التفكير الابتكاري ، ونموذج حل المشكلات.

يشير المهتمين ، والباحثين بدراسة التفكير الابتكاري من أمثال ( عبد الغفار 1977 ، شكور ، 1994 ، السامرائي ، 1994 ، بدوي ، 1996 ، الصافي ، 1997 ، مخimer ، 1997 ، الزيون وآخرون ، 1999 ) وغيرهم إلى الاختلاف في تعريف الابتكار بين العلماء والباحثين مما أدى ذلك إلى ظهور عدد من الاتجاهات في هذا المجال أبرزها ما يلي :

### الاتجاه الأول : الابتكار عملية ذات مراحل متعددة :

يُنظر هنا للابتكار كفئة خاصة من سلوك حل المشكلة ، ويعني أنه عملية ذات مراحل متعددة تبدأ بالإحساس بالمشكلة وتنتهي بالحل

يشير الزيود وآخرون (1999م : 122) إلى أن تورانس Torrance يعد من أبرز ممثلي هذا الاتجاه حيث يعرف الابتكار بأنه : العملية التي تتضمن الإحساس بالمشكلات والفجوات في مجال ما ، ثم تكوين بعض الأفكار أو الفروض التي تعالج هذه المشكلات ، واختبار صحة هذه الفروض وإيصال النتائج التي يصل إليها الفرد لآخرين ، ويفكد بعض علماء النفس عدم وجود فروق أساسية بين عملية الابتكار ونموذج حل المشكلة

ويتفق ويتيح A.Wittg ( 1995 ) مع ممثلي هذا الاتجاه فهو يعرف الابتكار بأنه " السلوك الذي يتسم بالجدة والأصالة الغرضية أو الفائدة ويمثل حلاً فريداً لمشكلة ما " ص 276

كما يشير حبيب ( 1996 ) إلى أن بيفردرج Beveridge يرى أن التفكير قد يكون منظماً كما هو الحال في خطوات جون ديوبي ( الإحساس والشعور بالمشكلة ، جمع المعلومات والأفكار المتصلة بالمشكلة ، ثم فرض الفروض ، التجربة ومناقشة الفروض ، فالوصول إلى النتائج ) دون أن يكون فعالاً ، فقد يتوصل الفرد فجأة إلى حلول مبتكرة وخلقة

### مراحل الابتكار :

يشير المهتمون بالتفكير الابتكاري أمثال ( مليجي ، 1972م ، عبد الغفار ، 1977م ، شكور ، 1994م ، حسانين ، 1991م ، الزيود وآخرون ، 1999م) إلى أن معظم علماء النفس في هذا الاتجاه يرون أن العملية الابتكارية تمر في أربع مراحل هي :

#### **1- مرحلة الإعداد :**

وتتمثل في جمع المعلومات والبيانات الازمة لحل المشكلة ، وإي جاد أو إدراك الترابطات الموجودة بين الأفكار المختلفة .

#### **2- مرحلة الحضانة :**

ويتم في هذه المرحلة تمحيص المعلومات ، وتنظيم الأفكار قبل الوصول إلى الحل الصحيح ، وقد تطول مدة هذه المرحلة إلى الحد الذي قد يبعد الفرد عن دراسة المشكلة ، و يجعله يعتقد بأنه لا فائدة من المحاولة 0

#### **3- مرحلة التنوير :**

وتسمى مرحلة الاستبصار أو البصيرة ، وفيها يلوح الحل فجأة ، مما يشعر الفرد بنشوة غامرة لأنه يكون قد ابتعد عن المشكلة نهائيا في مرحلة الحضانة 0

#### **4- مرحلة التحقيق :**

وتسمى مرحلة اختبار تجريبي للحل الذي تم التوصل إليه ، وحيث يطبق هذا الحل على مواقف مختلفة ، ويتأكد الفرد أنه ينطبق عليها انتباقه على الموقف المشكل الذي تعرض له ، وتعد هذه المرحلة على جانب كبير من الأهمية لأن الفرد بدونها لا يستطيع أن يعمم الحل الذي توصل إليه على مواقف أخرى مشابهة 0

وفي اتجاه آخر يشير حسانين (1991م : 116) إلى أن فوكس Fox أشار إلى عدم وجود مراحل منفصلة في عملية الإبداع وأن هذه الخطوات ما هي إلا تعبير عما يحدث قبل وبعد لحظة الخلق أو الإبداع ، ومن ثم لا تعد خطوات الإعداد والكمون والتحقيق إبداعا ، وإنما الإبداع يتمثل في خطوة الإشراق الفكري ،

ويضيف أن هارس Harris إلى أن ما يفرق العقول المبدعة عن غيرها هو الانتقال المباشر السريع من الخطوة الأولى إلى الأخيرة ٥

### الاتجاه الثاني : الابتكار كناتج محدد :

يشير الزيود وأخرون (1999م : 123) أنه في هذا الاتجاه يحدد الابتكار بالنتاج الابتكاري Product ويعرف أصحابه الابتكار بأنه إنتاج شيء جديد يتصرف بالأصلية والتفرد ، ومنهم ميد ، وشتاين ، وفروم ، وروجرز ، فنجد ميد Meed يعرفه بأنه تلك العملية التي يقوم بها الفرد والتي تؤدي إلى اختراع شيء جديد بالنسبة إليه ، ويعرفه فروم Froom بأنه إنتاج شيء جديد يدرك وجوده الآخرين ، كما أن روجرز Rogars يعرفه بأنه العملية التي ينشأ عنها ناتج جديد نتيجة لما يحدث من تفاعل بين الفرد بأسلوبه الفريد في التفاعل ، وما يوجد في بيئته ويواجه به ، ويؤكد ويلسن أن محور تعريف الابتكارية هو إنتاج شيء جديد فحيثما يوجد ناتج جديد يكون هناك ابتكار .

بينما يشير السامرائي (1994م : 189) إلى أن شتاين Stin عرف الابتكار بأنه عملية ينتج عنها عمل جديد يرضي جماعة ما ، وتقبله على أنه عمل مفيد ، ولكن البعض لا يرى الأخذ بالشرط الأخير وهو شرط تقبل ، ورضاء المجتمع عن هذا الناتج ويوضح المليجي (1972م : 4) إلى أنه يوجد اتفاق بين علماء ال نفس على أن الابتكار هو عملية خلق أو ميلاد شيء جديد ، والإنتاج الجديد – اختراعاً كان أو فكرة يجب أن يكون أصيلاً ، فبدون الأصلية والحداثة لا يوجد إبداع ، كما يؤكد بعض الكتاب – الفائدة – كشرط في العمل الخلاق ، فالاختراع أو الفكرة يجب أن تكون ذات قيمة ، ولا يحق لنا أن نطلق لفظ الإبداع أو الابتكار على إنتاج غير مفيد .

ويرى الباحث من خلال تعريفات الاتجاه الثاني بأنها اتفقت على أن الابتكار لا يكون ابتكاراً إلا إذا تضمن إنتاج جديداً ومفيداً في نفس الوقت ومحبلاً من المجتمع ، وإن كان البعض لا يرى قبول المجتمع للابتكار شرطاً ليكون ابتكاراً ٥

### الاتجاه الثالث : الابتكار عملية عقلية :

يحدد هذا الاتجاه الابتكار في ضوء عوامل التفكير المنطلق ، والتي هي عبارة عن قدرات عقلية تسهم في الأداء الإبتكاري 0 يشير عبد الغفار (1977م: 133) إلى أن سميث Smith يرى أن الابتكار هو التعبير عن قدرة الفرد على إيجاد علاقات بين أشياء لم يسبق أن قيل أن بينها علاقات ، ويضيف عبد الغفار ان هافل يشير إلى أنه القدرة على تكوين تركيبات جديدة أو تنظيمات جديدة 0

كما يشير الزيود وآخرون (1999م : ) إلى أن "جيلفورد Guilford الذي يعد أبرز ممثلي هذا الاتجاه يرى أن الابتكار عبارة عن تنظيمات أو تكوينات مؤلفة من عدد من القدرات العقلية البسيطة" ص125 ، وأن هذه التنظيمات أو التكوينات تختلف فيما بينها باختلاف مجال الابتكار 0

ويرى السامرائي (1994م : ) أن بعض المختصين أمثال جيلفورد يرى أن التفكير المتشابه ، أو المتقارب ، والتفكير المتباين ، أو المتشعب هما محور عمليات التفكير بيد أن المتباين هو الذي يشير إلى الإبتكارية ، والمقصود به الذي يذهب إلى اتجاهات مختلفة ويتضمن عمليات عقلية فرعية هي : الطلاقة الفكرية ، والتعبيرية ، والمرونة التلقائية ، والتكيفية ، والأصالة ص 190 0  
مفهوم الابتكار كأسلوب حياة :

يشير عبد الغفار ( 1977م : ) إلى أن هوبكنز Hopkins في تعريفه للابتكار يرى أنه " هو الذات في استجابتها عندما تستثار بعمق وبصورة فعلية " ص 125 ، ويقصد هوبكنز من هذا إلى المواقف التي تواجه الفرد فيها مثيرات تبلغ من الشدة بحيث تؤثر في الفرد تأثيرا عميقا ويستجيب لها الفرد بجميع جوانبه وبصورة مميزة.

تشير صفي تركستان (1990م) إلى أن ماسلو Maslo ميز بين نوعين من الابتكار أولهما ابتكارية المawahب ويقصد بها تلك القدرة التي تعتمد أساسا على الموهبة الخاصة ، وهي تلك التي تظهر ثمراتها في إنتاج الأعمال العظيمة ، تلك الأعمال التي لا تعتمد فقط على الإلهام وخبرة القمة بل تحتاج بجانب الموهبة الخاصة إلى العمل الجاد المتواصل ، والتدريب المستمر و النظرة الناقدة ، والنوع

الثاني ابتكارية تحقيق الذات - الابتكارية الأولية - وهي تلك التي تتميز بالقدرة على التعبير عن الأفكار والحوافز دون كف ودون خوف من سخريه الآخرين ، وذكرت صفيه عن اندرسون أن هنالك معنيين لابتكار الأول يرتبط بإنتاج يقدم أو يلمس ونخضعه للدراسة وقد نستمتع به ، والثاني لابتكارية الاجتماعية أو النفسية بمعنى الابتكار في مجال العلاقات الاجتماعية الذي يتطلب ال ذكاء والإدراك السليم والحساسية واحترام الفرد والجرأة في التعبير عن الأفكار والاستعداد للدفاع عن المعتقدات ، وهذه المفاهيم تتحدث عن الابتكار كأسلوب حياة ، يستطيع الفرد عن طريقه أن يعيش وجوده كما ينبغي أن يعيش الإنسان.

#### تعليق الباحث :

يرى الباحث أن الاختلاف في مفهوم الابتكار يرجع إلى أهمية هذه الظاهرة ، وإلى كونها ظاهرة معقدة نسبياً وسوف يتبني الباحث في هذه الدراسة تعريف تورانس Torrance للتفكير الابتكاري والذي يرى أنه العملية التي تتضمن الإحساس بالمشكلات ، والفجوات في مجال ما ، ثم تكوين بعض الأفكار ، أو الفرض التي تعالج هذه المشكلات ، واختبار صحة هذه الفروض ، وإيصال النتائج التي يصل إليها الفرد للآخرين ، وذلك لأن التعريف الأكثر ملائمة للدراسة الحالية كما أنه تعريف يجمع بين التفكير الابتكاري كعملية عقلية ، والتفكير الابتكاري كناتج ، كما أنه من التعريفات التي تسمح بتعريف التفكير الابتكاري تعريفاً إجرائياً 0

#### مفهوم التفكير الابتكاري : Creativity thinking

عرف الكناني (1990م) التفكير الابتكاري أنه " قدرة الفرد على الإنتاج إنتاجاً يتميز بأكبر قدر من الطلاقة الفكرية والمرونة التلقائية والأصالة وبالتداعيات البعيدة لاستجابة لمشكلة أو موقف " ص 90

وурفه على والغnam (1998م) أنه " القدرة على إنتاج عدد من الأفكار الأصلية غير العادية ، تخرج عن الإطار المعرفي للفرد المفكر أو البيئة التي يعيش فيها ، ويتميز هذا النوع من التفكير بعدد كبير من الطلاقة والمرونة والأصالة ، حيث :

**الطلاقة** : تعني تعدد الأفكار الصحيحة التي يمكن أن يأتي بها الفرد  
**المرونة** : يقصد بها تنوع الأفكار المناسبة التي يأتي بها الفرد  
**الأصالة** : يقصد بها الأفكار الجديدة التي يأتي بها الفرد إما بالنسبة لنفسه أو بالنسبة لزمائه " ص 10

وتعرفه ماجدة عبيد (2000م) أنه " القدرة على اكتشاف علاقات جديدة أو حلول أصلية تتسم بالجدة والمرونة " ص 95

وتعرف مدحية عبد الرحمن (1998م) التأثير الابتكاري في الرياضيات : " Creativie thinking in Mathematics

- القدرة على اكتشاف تطبيقات جديدة لبعض مفاهيم الرياضيات  
- القدرة على إنتاج العديد من الإجابات لأسئلة مفتوحة في الرياضيات ، بحيث يجب أن تتوافر في جميع هذه الاستجابات اكتشاف تطبيقات جديدة .

**الطلاقة** : إصدار أكبر عدد ممكن من الاستجابات الصحيحة في زمن محدد  
**المرونة** : إصدار أكبر عدد ممكن من الاستجابات الصحيحة والمختلفة في زمن محدد " ص 81

وتعرفه زينب خالد (1999م) أنه : نشاط عقلي موجه نحو تكوين علاقات رياضية جديدة تتجاوز العلاقات المعروفة للطلاب في موقف رياضي غير نمطي ، وهذه العلاقات الجديدة تعكس قدرات الطلاقة اللغوية ، الطلاقة الفكرية ، المرونة ، الأصالة ، الحساسية للمشكلات ، والتي تعرف كما يلي :

**الطلاقة اللغوية** : وتعني قدرة الطالب على ذكر أكبر عدد ممكن من المفاهيم والمصطلحات الرياضية في زمن محدد ، والتي تتوافق فيها شروط معينة 0

**الطلاقة الفكرية** : وهي قدرة الطالب على ذكر أكبر عدد ممكن من الأفكار الرياضية في زمن معين وفي ضوء شروط محددة 0

**المرونة** : يقصد بها قدرة الطالب على توسيع الإجابات الرياضية الغير مألوفة بالنسبة لباقي الطلاب ، بحيث تزداد درجة المرونة كلما زادت عدد الإجابات المتنوعة 0

**الأصلة** : وتعني قدرة الطالب على سرعة إدراك وإنتاج أفكار رياضية جديدة غير مألوفة بالنسبة لزملائه 0

**الحساسية للمشكلات** : وتمثل في قدرة الطالب على رؤية المشكلات الغير نمطية وحلها " ص 127 0

ويعرفه حسانين (1999م) أنه " نشاط عقلي في الرياضيات المدرسية موجه نحو تكوين علاقات رياضية جديدة في موقف رياضي غير نمطي ويكون من العوامل التالية :

- الخروج عن نمطية التفكير في الرياضيات المدرسية 0

- تكوين وطرح مشكلات رياضية 0

- إنتاج علاقات رياضية 0

- التعميم من مواقف رياضية 0

- حل مشكلات رياضية غير نمطية " . ص 186

**مهارات التفكير الابتكاري :**

بعد مراجعة الباحث لأكثر اختبارات التفكير الابتكاري شيئاً ، وهي اختبارات تورانس Torrance (1966) للتفكير الابتكاري بشقيه اللغوي والمصور

والتي قننها أمير خان (1410هـ ، 1411هـ) على البيئة السعودية ، يتضح أن أهم مهارات التفكير الابتكاري التي حاول الباحثون قياسها هي :

### أولاً : الطلاقة Fluency

تمثل الطلاقة الجانب الكمي في التفكير الابتكاري ، حيث عرفها جروان (1999م) بأنها " القدرة على توليد عدد كبير من البدائل أو المترادات أو الأفكار عند الاستجابة لمثير معين والسرعة والسهولة في توليدها " ص 82 كما عرفها المعايطة والبوليزي (2000م) بأنها " تعدد الأفكار التي يمكن أن يأتي بها الفرد أو التلميذ (المبدع) أو السهولة ، أو السرعة التي يتم بها استدعاء تداعيات معينة " ص 183

وتعرف محبات أبو عميرة (1992م) الطلاقة في الرياضيات بأنها " تعويد التلميذ على إعطاء عدة حلول مختلفة لموضوع معين أو مسألة ما أو عقبة ما ، حتى تكون لديهم القدرة على استدعاء أكبر عدد من الأفكار عند تعرضهم لمشكلة رياضية أو هندسية معينة ، ثم اختيار الحل أو الفكرة التي يجدها التلميذ أكثر إقناعاً " ص 222

ومما سبق يتضح أن الطلاقة في جوهرها تمثل عملية استدعاء وتذكر اختيارية للمعلومات أو الخبرات التي سبق مرور المتعلم بها ، تعتمد على إنتاج العديد من الأفكار الابتكارية بصورة تفوق المتوسط العام للأقران في فترة محددة ، وبما يتناسب ويتلاءم مع مقتضيات الواقع 0

ولقد أظهرت بحوث جيلفورد Guilford وجود أربعة أنواع من الطلاقة هي :  
الطلاقة اللفظية - الطلاقة الفكرية - الطلاقة التعبيرية - الطلاقة الترا بطية (المعايطه والبوليزي 2000م ، ص 182) ، وسوف نتناولها ببعض التفصيل فيما يلي :

### **A- الطلاقة اللفظية world fluency**

عرف جروان (1999م) الطلاقة اللفظية أنها "قدرة الفرد على إنتاج أكبر عدد من الألفاظ بحيث يتوافر في اللفظ خصائص معينة" ص 82

مثال : أكتب أكبر عدد ممكن من الكلمات التي تبدأ بحرف (م) وتنتهي بحرف (م) وتعرف محبات أبو عميرة (1992م) الطلاقة اللفظية في الرياضيات بأنها "القدرة على إنتاج عدد كبير من الألفاظ ، وذلك من خلال مناقشة المعلم للتلميذ ، وتعويذهم على ربط كل المفاهيم المتعلقة بالدرس ببعضها البعض" ص 222 .

### **B- الطلاقة الفكرية : Ideationd Fluency**

عرف الحارثي (1999م) الطلاقة الفكرية " أنها " نسبة توليد كمية من الأفكار في زمن معين " ص 67

كما يعرفها المعايطة والبوليز (2000م) أنها "قدرة الفرد على إنتاج أكبر عدد ممكن من الأفكار في وقت محدد ، بغض النظر عن نوع أو مستوى هذه الأفكار ، أو جوانب الجدة أو الطرافة فيها " ص 183

مثال : اكتب أكبر عدد ممكن من النتائج لمضاعفة طول اليوم ليصبح 48 ساعة 0 وتأكد محبات أبو عميرة (1992م) أنه يمكن تطبيق الطلاقة الفكرية في الرياضيات " بعد إعطاء التعريف أو القانون مباشرةً حتى لا يحدث في هذا التعلم الاعتماد على توصيل الفكرة مباشرةً للتلميذ ، بل أعطي للتلميذ الفرصة لكي يفكر ويبتكّر ويستدعي أفكاراً مختلفةً من خلال تعرّضه لموضوع الدرس " ص 222

### **C- الطلاقة التعبيرية Expressional Fluency**

تعرف محبات أبو عميرة (1992م) الطلاقة التعبيرية بأنها " السرعة التي تربط بها الكلمات ، في غضون وقت معين ، وعادة تقياس الطلاقة التعبيرية بأنه يطلب من المفهوم ترتيب كلمات لكي تؤلف نصاً منظماً ذات معنى" ص 123

ويعرفها الحارثي (1999م) بأنها "قدرة الفرد على بناء أكبر عدد من الجمل ذات المعاني المختلفة" ص 67

ويعرفها المعايطة ، البوليز (2000م) بأنها "القدرة على التفكير السريع في الكلمات المتصلة والملائمة لموقف معين وصياغة الأفكار بشكل سليم" ص 184

ويمكن أن نحقق ذلك في الرياضيات من خلال إعطاء الطالب معطيات المسألة أو التمرین ، وتعويذه على أسلوب كتابة البرهان المنطقي بسرعة ، بحيث يربط المعطيات بعضها البعض ويدرك العلاقة بين المعطيات والمطلوب ، ويدرك مبررات كل خطوة من خطوات البرهان ، بحيث يوجد في الاعتبار سرعة الوصول إلى البرهان (محبات أبو عميرة، 1992م ، ص 223)

#### د- الطلاقة الترابطية : **Associational Fluency** :

تعرف محبات أبو عميرة (1992م) الطلاقة الترابطية أنها "وعي الفرد بالعلاقات والسهولة التي يستطيع بها تقديم الفكرة بطريقة متكاملة المعنى ، وعادة ما تقام هذه القدرة بأن يطلب من التلميذ أن يكتب المترادفات الملائمة لكلمات تعطي له" ص 223

ويعرفها الحارثي (1999م) بأنها "قدرة على إكمال العلاقات مثل : إيجاد المعنى المعاكس" ص 67

#### ثانياً : المرونة **Flexibility** :

عرف زيتون (1987م) المرونة أنها "تنوع أو اختلاف الأفكار التي يأتي بها الفرد المبدع" ص 22

و يعرفها جروان (1999م) أنها "قدرة على توليد أفكار متنوعة ليست من نوع الأفكار والحلول الروتينية" ص 84

ويتضح من التعريف السابقة أن المرونة تمثل الجانب النوعي للتفكير الابتكاري حيث تعتمد على تنوع الاستجابات المغایرة لتبني أنماط ذهنية محددة سابقاً ، فبينما تمثل الطلاقة الجانب الكمي المتمثل في لكمية الاستجابات ، فإن المرونة تمثل قدرة

الفرد على التغلب على المعيقات العقلية التي تعيق تغيير منحنى تفكيره في حل مشكلة ما ، فالطلاب كثيراً ما يقعون في مأزق في بعض القوانين والمواصفات التي تلائم أسلوب حل مشكلة ما ، وأن خروجهم من هذا المأزق يستدعي مرونة فكرية وقدرة على التفكير في بدائل أخرى متعددة (الحارثي ، 1999م ، ص 68 )

ويذكر سليمان (1999م) أن " المرونة تتمي القدرة على تعديل السلوك نحو الموقف المشكّل بدلاً من الاستمرار في الطريق الخطأ " ص 130

ومن خلال المرونة يغير الطالب المدخل الذي يعالج منه المشكلة التي ينشغل بها ، والزاوية التي ينظر من خلالها إلى المشكلة ( عصر ، 1999م ، ص 96 )

ويمكن أن " يستدل على مرونة التفكير عند الطالب إذا استطاع أن يشرح أفكار الآخرين أو يعيد صياغتها بلغته الخاصة أو يبدي رأيه ، أو يحل مسألة ما بأكثر من أسلوب " ( زهران ، 1999م ، ص 206 )

وقد استخدام جليفورد لقياس المرونة عدة أنواع من الاختبارات كما في اختبار إعادة ترتيب عيدان الكبريت أو الاستعمالات غير المعتادة لأشياء مألوفة (زيتون ، 1987م ، ص 23)

إلا أن " العامل المشترك بين جميع الاختبارات التي وضعها جليفورد لقياس الأنواع المختلفة للمرونة هو اشتمالها على مفهوم التحويل ، بمعنى الانتقال بالحالة الذهنية للفرد من مسار إلى آخر بحسب متطلبات الموقف أو المشكلة " ( جروان ، 1999م ، ص 293 )

ويؤكد جروان (1999م) على أنه " لتنمية مهارة المرونة في التفكير لابد من إعطاء تدريبات من واقع المناهج الدراسية للموضوعات المختلفة كلما كان ذلك ممكنا " ص 294

مثال (1) : فكر في جميع الطرق التي يمكن أن نصنف بموجبها الأعداد التالية في مجموعات رباعية ( 1 ، 2 ، 3 ، 4 ، 5 ، 6 ، 7 ، 8 )

جدول رقم (1)

### مثال المرونة من واقع المناهج الدراسية

صفة التجميع	المجموعة
أعداد فردية	7 ، 5 ، 3 ، 1
أعداد زوجية	8 ، 6 ، 4 ، 2
أعداد أولية	7 ، 5 ، 3 ، 2

### ثالثاً : الأصالة Originality

وتعتبر أكثر قدرات التفكير الابتكاري ارتباطاً به ، حيث يعرفها جروان (1999م) بأنها " الجدة والتفرد في النواتج الابتكارية " ص 84

ويعرفها الحارثي (1999م) أنها " استجابة جديدة غير عادية أو نادرة تتبع من الإنسان ذاته " ص 69

ويتضح مما سبق أن مهارة الأصالة تختلف عن مهاراتي الطلقـة والمرونة حيث إن " :

1 - الأصالة لا تشير إلى كمية الأفكار الإبداعية التي يعطيها الفرد ، بل تعتمد على قيمة ونوعية وحدة تلك الأفكار ، وهذا ما يميز الأصالة عن الطلقـة 0

2 - الأصالة لا تشير إلى نفور الفرد من تكرار تصوراته وأفكاره هو شخصياً كما في المرونة ، بل تشير إلى النفور من تكرار ما يفعله الآخرون وهذا ما يميز الأصالة عن المرونة ( المعايطة والبوايلز ، 2000م ، ص 185 ) 0

ويذكر الحارثي (1999م) أنه " يمكن تقدير الأصالة وسبر أغوارها من خلال التفكير في التتابعات المستقبلية لحدث ما ، وتوليد الأفكار والتوقعات المتربطة على ذلك الحدث " ص 69

ومما سبق يتضح أن على المعلم الذي يريد تنمية التفكير الابتكاري للطلاب تشجيع أصالة التفكير لديهم ، من خلال حثهم على إيجاد العديد من الحلول للمسائل التي يقومون بحلها ، وتقبل جميع حلول الطلاب ووجهات نظرهم 0

وتؤكد محبات أبو عميرة (1992م) أنه "يمكن تنمية قدرة الأصالة لدى الطالب ، وذلك بتعويده على إعطاء عدة حلول مختلفة للموقف الرياضي الذي يتعرض له ، ويمكن أن يتم ذلك في الرياضيات من خلال إعطاء الطالب فرصة حل التمارينات بأكثر من طريقة ، وإعطائهم موافق رياضية تجعلهم يتوصّلون بها إلى عدة حلول مختلفة ، يمكن أن تكون مبتكرة وبعيدة عن الأفكار العادلة" ص 224 و مما سبق يتضح أن التركيز في التعريف السابقة كان منصبًا على النواتج الابتكارية كمحك للحكم على مستوى التفكير الابتكاري لدى الفرد ، رغم عدم وضوح الجهة المرجعية أو المعايير التي تتخذ أساساً للمقارنة والحكم على الناتج الابتكاري .

#### رابعاً : الإضافة ( التفاصيل ) Elaboration

عرف زيتون (1987م) الإضافة أنها "قدرة الفرد وقابليته لتقديم إضافات أو زيادات جديدة لفكرة معينة " ص 25

ويعرفها جروان (1999م) أنها "القدرة على إضافة تفاصيل جديدة ومتعددة لفكرة أو حل لمشكلة أو لوحة من شأنها أن تساعد على تطويرها وإغناطها أو تنفيذها " ص 85

ويعرفها المعايطة والبواليز (2000م) أنها "البناء على أساس من المعلومات المعطاة لتكميله ( بناء ) من نواحي المختلفة حتى يصير أكثر تصصيلاً ، أو العمل على امتداده في اتجاهات جديدة " ص 186

ويرى الباحث أن الإضافات التي يأتي بها الطالب قد تقود بدورها إلى إضافات من طلاب آخرين ، وبالتالي فعل المعلم تشجيع الطالب على البناء على أفكار زملائهم ، وتبادل الأفكار المطروحة للنقاش فيما بينهم 0

ويصف تورانس Torrance التلاميذ الذين يأتون بتفاصيل بأنهم يستطيعون أن يتناولوا فكرة أو عملًا ثم يحددون تفاصيله ، وهم يستطيعون أن يتناولوا فكرة بسيطة

ويزخرفوا ، لكي يجعلوها تبدو جذابة وخيالية ، وتكون رسومهم مفصلة ، وهم يستطيعون أن يأتوا بخطط ومشروعات مفصلة " 0 ( الكناني ، 1990م ، ص 34 )

#### خامساً : الحساسية للمشكلات Problem sensibility

عرف جروان (1999م) الحساسية للمشكلات أنها " الوعي بوجود مشكلات أو حاجات أو عناصر ضعف في البيئة أو الموقف " ص 85

ويعرفها المعايطة والبواليز (2000م) بأنها " قدرة الفرد على إدراك التغرات ، أو مواطن الضعف في الظاهرة ، أو الموقف المثير " ص 187.

حيث أن اكتشاف المشكلة يمثل خطوة أولى في عملية البحث عن حل لها ، ومن ثم إضافة معرفة جديدة أو إدخال تحسينات وتعديلات على معارف ، أو منتجات موجودة ، ويرتبط بهذه القدرة ملاحظة الأشياء غير العادية أو الشاذة أو المحببة في محيط الفرد ، وإعادة توظيفها واستخدامها وإثارة تساؤلات حولها (ماجدة عبيد ، 2000م ، ص 99).

وبالتالي فإن المعلم المبدع ، تنظيم الأنشطة التعليمية بحيث تدفع بالللاميد للانبهام في مناشط الدرس ، بشكل يدفع بهم إلى ممارسة عمليات عقلية راقية ، تسهم في تربية قدرة الحساسية للمشكلات ( الخطيب ، 1995م ، ص 137 )

### المحور الثالث : التفكير الرياضي

#### مفهوم التفكير الرياضي :

تعددت وتبينت تعريفات التفكير وفقاً للتتوّع في تخصص العلماء من اهتموا بدراسة التفكير وأنماطه وأساليبه ومهاراته ، ومنهم علماء المنطق وعلماء البيولوجيا وعلماء التربية وعلم النفس ، وعلى الرغم من اختلاف الدلالات والألفاظ في هذه

التعريفات إلا أن هناك اتفاقاً بينها على أن التفكير هو نشاط عقلي يقوم به ال فرد لمواجهة ما يعرضه من مشكلات.

فقد وردت كلمة التفكير في اللغة بمعنى : إمعان النظر في الأمور وإعمال العقل والفكر فيها ، يحسن التفكير في جوانب المشروع كلها قبل البدء به 0 القاموس المحيط <http://lexicons.ajeeb.com/results.asp>

وقد عرف ديبونو De Bono التفكير بأنه : استكشاف للخبرة من أجل الوصول إلى هدف وهذا الهدف قد يكون الفهم واتخاذ القرار والتخطيط وحل المشكلات والحكم على شئ ( De Bono, 1992 )

ويعرف جابر ( 1997 : ) التفكير بأنه : "منظومة من عمليات معرفية متمايزة ، مترابطة ، وهي قابلة للملاحظة والقياس والتدريس والتنمية ، كما أنها قابلة للاختزال والضمور" ص 38

ويعرف كوستا ( Costa ) التفكير بأنه " المعالجة العقلية للمدخلات الحسية وذلك لتشكيل الأفكار ، وبالتالي قيام الفرد من خلال هذه المعالجة بإدراك الأمور والحكم عليها ( Costa 1998 )

وتشير فاطمة أبو الحديد ( 2003م : 61 ) إلى أن :

- التفكير يعني التأمل وإعمال العقل 0
- التفكير نشاط عقلي يميز الكائنات العليا وهو قابل للملاحظة والقياس 0
- التفكير يؤدي إلى حل ما يواجهه الفرد من مشكلات أو مواقف غامضة 0
- أدوات التفكير هي الرموز والصور الذهنية والألفاظ والأرقام والإشارات والعبارات .
- أثناء التفكير يعيد الفرد تنظيم بنية المعرفية لإنتاج خبراته جديدة 0
- أثناء التفكير يتم الوصول من المقدمات أو الأسباب إلى النتائج 0

- التفكير قد يتم بشكل فردي أو من خلال مجموعات ( تفكير تعاوني) .
- التفكير نشاط عقلي مجرد لأن أنشطة الدماغ غير مرئية أو محسوسة وما شاهده هو النواتج السلوكية للتفكير 0

ومن خلال التعريفات السابقة يمكن للباحث تعريف التفكير بأنه : عملية عقلية أو نشاط عقلي يستخدم فيه الفرد ذكاءه وقدراته والرموز والصور الذهنية التي لديه في سبيل تحقيق أهداف محددة يصعب بدونه تحقيقها ، وقد يكون هذا الهدف تقسيراً ل موقف معين أو تحليله ، وقد يكون إصداراً لحكم أو اتخاذاً لقرار ، وقد يكون حلاً لمشكلة لا تمكنه خبراته وملومناته السابقة من إيجاد حل فوري لها ، وقد يكون تعميماً أو التنبؤ بنتيجة ما وكما أن هناك اختلاف في إطلاق تعريف محدد لمفهوم التفكير ، اختلف الباحثون أيضاً في تحديد مفهوم التفكير الرياضي ، وبالتالي عدم اتفاقهم على تعريف واضح محدد له ، هو في حد ذاته مؤشر على تعقد هذا المفهوم كما أشار لذلك الاريما ( Ilaria, 2002 ) ، وذكر أن "التفكير الرياضي يختلف عن أنواع التفكير الأخرى بصورة عامة ، حيث يشتمل على مصطلحات محددة تحديداً دقيقاً من حيث العلاقات بين الأعداد والرموز والمفاهيم التي يمكن تمثيلها إما بالرسم أو الأشكال الأخرى " ص152 .

ويعرف الكرش (2000) التفكير الرياضي بأنه " نشاط عقلي منظم يتسم بالمرونة يهدف إلى حل المشكلات الرياضية باستخدام بعض أو كل المهارات التالية ( الاستقراء ، الاستنباط ، التعميم ، المنطق الشكلي ، البرهان الرياضي ، التعبير بالرموز ، التصور البصري ، التفكير العلاقي ، التفكير الاحتمالي ) " ص5 .

ويعرف عبد الحميد (2001م) : التفكير الرياضي بأنه " أشكال التفكير الخاصة بالرياضيات ، والتي تعتمد على مجموعة من المظاهر أو المكونات ممثلة في التفكير الاستقرائي والتفكير الاستنباطي ، والتفكير التأتملي " ص15

وترى هلال (2002م : 7 ) أن التفكير الرياضي : نشاط عقلي خاص بمادة الرياضيات ويضم الأساليب التسعة التالية : ( الاستقراء ، الاستنباط ، التعميم ،

المنطق الشكلي ، البرهان الرياضي ، التعبير بالرموز ، التصور البصري ، التفكير العلاقي ، التفكير الاحتمال) ، وذلك حينما يواجه بموقف مشكل يبحث له عن حل .

وترى فاطمة أبو الحديد (2003م : 65 ) ، أن التفكير الرياضي هو : التفكير المصاحب للفرد في مواجهة المشكلات والمسائل الرياضية وفي محاولة حلها ، والذي تحده عدة اعتبارات تتعلق بالعمليات العقلية التي تتكون منها عملية الحل وكذلك العمليات المنطقية والرياضية المستخدمة 0

ويعرف حمادة (2005م : 241) التفكير الرياضي بأنه : نشاط عقلي مرن ومنظم قوامه عملية عقلية خاصة بالرياضيات تتمثل في الاستدلال والتعتميم وإدراك العلاقات والبرهان الرياضي ، والمنطق الشكلي ، والترجمة الرياضية والتأمل 0

ويعرف دوبان斯基 وآخرون (Dubinsky & Others, 2005,17 ) التفكير الرياضي بأنه ، ذلك النوع من الاستنتاج للأفكار الرياضية التي لا يمكن إدراكتها من خلال حواسنا الخمس .

مما سبق وفي ضوء الكتابات المتخصصة في أدبيات الرياضيات ، وكذلك البحوث والدراسات المهمة بتدريس الرياضيات والتفكير الرياضي ، يمكن القول بأن هناك أربعة آراء رئيسية حول تعريف أو مفهوم التفكير الرياضي ، وهي :

أولاً : يرى أصحاب هذا الرأي أن التفكير الرياضي هو القدرة على حل المشكلات الخاصة بمادة الرياضيات 0

ثانياً: يرى أصحاب هذا الرأي أن التفكير الرياضي أسلوب تفكير خاص بدراسة الرياضيات ويشمل المهارات التالية : ( الاستقراء - الاستنتاج - التعبير - الرمزي - التفكير المنطقي - إدراك العلاقات - التصور البصري المكاني - البرهان الرياضي ) مع اختلاف عدد هذه المهارات ونوعيتها حسب عينة الدراسة ونوع المحتوى الدراسي

ثالثاً: يضم هذا الرأي مهارة حل المشكلات مع مهارات التفكير السابقة في الرأي الثاني عقلي خاص بدراسة الرياضيات ، يهدف إلى حل الـ مشكلات بـستخدام بعض أو كل المـهارات الواردة في الرأي الثاني 0

وفي ضوء هذه الآراء الأربع السابقة يمكن للباحث تعريف التفكير الرياضي بأنه "نشاط عقلي الهدف منه استخدام كل أو بعض صور التفكير عند مواجهة المشكلات الرياضية والتعامل مع التمارين الرياضية المختلفة ، وتحدهه عدة مهارات تتعلق بالعمليات العقلية ، وهي : ( الاستقراء - الاستنتاج - التعبير بالرموز - التفكير العلقي - التصور البصري المكاني - البرهان الرياضي ) ويحدث هذا النوع من التفكير عندما تواجه الفرد مشكلة يصعب حلها بالطرق البسيطة أو المباشرة ٠

مهارات التفكير الرياضي :

اختلف الباحثون فيما بينهم حول تحديد مهارات التفكير الرياضي ، نظراً لاختلاف خصائص المتعلمين وطبيعة مادة الرياضيات في كل مرحلة ، بالإضافة إلى تعدد المسميات لمفهوم الواحد

حيث أورد روث وآخرون (Ruth M & Others, 2004) أربع مكونات متداخلة للتفكير الرياضي هي : التفكير باعتباره عملية Thinking Processes ، المعرفة Knowledge ، المعتقدات Beliefs ، الاتجاهات Attitudes ، واستطاع البحث التجريبي أن يحدد بعض الخصائص المرتبطة بطبيعة كل نوع من انواع التفكير

وصنف جاني وآخرون (Jane, F & Others, 2000, 400-401) مهارات التفكير الرياضي ، إلى ثلاثة مستويات رئيسية هي : العمليات المعرفية الأساسية Essential Cognitive Processes وتشمل " الملاحظة المقارنة ، الاستقراء ، الاستدلال ، فرض الفروض 0 "

**العمليات المعرفية العليا** : Higher Order cognitive Processes : حل المشكلات ، إصدار الأحكام ، التفكير الناقد ، التفكير الإبداعي 0

**ما وراء العمليات المعرفية أو فوق المعرفي** أو Meta Cognitive Processes : Thinking about thinking ويفسر دوبانسكي وأخرون (Dubinsky & Others, 2005,23) ، التفكير الرياضي إلى :

-1 التفكير الرياضي الأولي ، و الذي يعتمد في الوصول إلى الأفكار الرياضية عن طرق المعرفة المحسوسة 0

-2 التفكير الرياضي المتقدم ، و الذي يعتمد في الوصول إلى الأفكار الرياضية على ما وراء الحواس الخمس 0

ويتفق كل من لطفي (Lutfi, 1998) ، أبو زينة 1986 (151- 150) على أن مهارات التفكير الرياضي تشمل على الاستقراء ويعني : الوصول إلى نتيجة عامة من بعض المشاهدات أو الملاحظات أو الأمثلة الخاصة .

الاستنتاج ويعني: الوصول إلى نتيجة خاصة اعتماداً على مبدأ عام أو هو تطبيق القاعدة العامة على حالة خاصة من الحالات التي تتطابق عليها القاعدة .

التعيم ويعني: صياغة مكتوبة أو عبارة مكتوبة بالصورة العامة و ذلك بمحاطة بعض الحالات الخاصة .

التعبير بالرموز ويعني : استخدام الرموز للتعبير عن الأفكار الرياضية أو المعطيات اللفظية .

**المنطق الشكلي أو الصوري** ويعني : دراسة منطق العبارات تتبعاً لشكلها حيث تمثل العبارات ونفيها وأدوات الربط المنطقية الرموز ، وتنطبق النتائج النهائية على جميع العبارات التي لها الشكل نفسه 0

**البرهان الرياضي ويعني :** الدليل أو الحجة لبيان أن صحة عبارة ما تتبع من صحة عبارات سابقة لها أو هو سلسلة من العبارات لبيان صحة نتيجة ما عن طريق الاستدلال والمنطق وتقديم الدليل استناداً إلى نظرية أو مسلمة سابقة 0

أما سليمان وأبو العزائم (1989م : 131) ، فقد حددًا مهارات التفكير الرياضي في اكتشاف النماذج الرياضية ، دقة التمييز الهندسي ، سلاسل الأعداد ، التسلسل المنطقي الرياضي ، إدراك العلاقات بين الأشكال الهندسية ، إدراك تقسيم الأشكال الهندسية إلى أجزاء متماثلة .

من خلال العرض السابق لوجهات النظر المختلفة حول تحديد مهارات التفكير الرياضي ، وبالإضافة إلى مراجعة بعض الأدبيات التربوية الأخرى التي تناولت التفكير الرياضي وأساليب تربيته ، يم كن للباحث تقسيم مهارات التفكير الرياضي إلى

مهارات رئيسية (مركبة) : وهي الاستقراء ، الاستنتاج ، التعبير بالرموز ، البرهان الرياضي ، التفكير الاحتمالي ، التفكير العلاقي ، التصور البصري المكاني .

مهارات أساسية (فرعية) : وتضم كل المهارات التي تدرج تحت كل مهارة رئيسية

وفيما يلي نبذة مختصرة عن كل مهارة من المهارات الأساسية موضوع الدراسة كما أورد ذلك: شطاوي (1982م : 14-8) ، الليثي (1999م: 34 - 49) الجري، (2001م : 32-25) ، الكرش (2000م : 57-66) ، عبد الحميد 2001م : 45 - 60 ) ، هلال (2002م : 48-70 ) ، حمادة (2005م : 253 ) ، قنديل (2005م : 29 - 41 ) ( 256 -

## 1- الاستقراء : Induction :

ورد في معجم مصطلحات التربية أن الاستقراء يعني الوصول إلى قاعدة عامة ، أو مبدأ عام ، من ملاحظة الأمثلة الخاصة ، (الفارابي ، 1994م : 164 )

ويتضمن الاستقراء عمليتين مترابطتين ، هما التعميم والتجريد ، فإذا أدرك شخص بعض الخصائص العامة لمجموعة من الأشياء ، فقد توصل إلى تجريد ، أما إذا تنبأ بأن علاقة ما متوفرة في عينة خاصة ، ستكون صحيحة في عينة أوسع ، فيكون قد توصل إلى تعميم ، والاستقراء هو أحد أساليب التعليل

الرئيسية فهو يقود إلى نتائج عامة من أمثلة خاصة ، ويطلق عليه غالباً الطريقة العملية ، حيث إن اكتشاف قوانين الطبيعة ، هو من استخداماته البارزة ٠

ويعد الاستقراء أحد مكونات التفكير الاستدلالي ، وهو من أهم أنواع التفكير الخاصة بمادة الرياضيات واكتشافها ، لأن الرياضيات تعتمد أساساً على تحليل الحالات المختلفة لإدراك خصائصها والوصول منها إلى الخصائص المشتركة العامة لاستخلاص قاعدة معينة أو حالة عامة محددة ٠

ويمكن تعريفه في هذه الدراسة : بأنه قدرة المتعلم على استنتاج الحالات الفردية وتحليلها لاستنفاذ القاعدة العامة منها ، ويمكن تقسيم الاستقراء إلى نوعين:  
\* استقراء تام : ويكون بسرد كل أفراد المجموعة فرداً فرداً ثم الوصول إلى  
القاعدة أو التعميم 0

\* استقراء ناقص : وهو الوصول إلى القاعدة العامة بفحص عدد من الحالات الفردية وليس كل الحالات 0

ومن الملاحظ أن الاستقراء الناقص هو الشائع استخدامه في معظم المواد الدراسية خصوصاً الرياضيات ، ويمكن تحديد مهارات الاستقراء في :  
فهم وتحليل كل مثال أو حالة فردية 0 -

- تحديد العلاقة بين مقدمات ونواتج كل حالة على حد 0
- استنتاج الخاصية أو الخصائص المشتركة بين الحالات 0
- صياغة القاعدة أو القانون 0
- التحقق من صحة القاعدة أو القانون 0

- استنتاج القاعدة العامة من حالات خاصة 0
- استخلاص النتائج من معلومات معطاة 0
- معرفة الاستنتاجات الصحيحة 0
- اكتشاف العلاقة بين القواعد العامة والحالات الخاصة 0
- اكتشاف العلاقات بين المعلومات المعطاة 0
- الوصول إلى أساس العلاقات أو الارتباطات الموجودة بين أجزاء مشكلة معينة أو مشاكل مشابهة 0

## 2- الاستنتاج : Deduction

ورد في معجم مصطلحات التربية أن الاستنتاج يعني الوصول إلى نتيجة من مبدأ معلوم أو مفروض ، ( الفارابي ، 1994م : 64)

و عملية الاستنتاج اشتراق للحقائق من قواعد عامة، والنتائج من مسبباتها ، وبالاستدلال ننتقل من المجرد إلى المحسوس ، والاستنتاج يستخدم في بناء أي نظرية عامة Theory

فمفردات النظرية قسمان : مفردات أولية غير معرفة ، ومفردات أخرى تعرف بدلالة المفردات الأولية ، وحيث أنه لا يمكن تعريف كافة المفردات دون الواقع في الحلقة المفرغة ، وتعريف المفردات بعضها ببعض ، فإنه لابد من البدء ببعض المفردات الأولية كنقطة بداية لتعريف المفردات الأخرى 0

كذلك الأمر بالنسبة للعبارات ، حيث لا يجوز قبول عبارة في النظرية إلا إذا تم التأكد من صحتها استدلالياً by Deduction وهذا يتطلب في النهاية قبول مبادئ عامة ، كأساس للاستنتاج على صحة عبارات أقل عمومية ، والمبادئ العامة التي تقبل صحتها تسمى مسلمات Axioms أما العبارات التي يستدل على صحتها من المسلمات تسمى نظريات Theorems وتقف المسلمات في قمة الاستدلالية ، ويقصد بالنظام الاستدلالي القائم على المسلمات The Deductive Or Axiomatic System النظام الذي يبدأ باختيار عدد من المفاهيم Concepts التي ينظر إليها كمفاهيم أولية ،

ويتفق على قبولها دون تعريف ، وهذه هي المفاهيم غير المعرفة Undefined ثم تختار بعض العبارات المتعلقة بالمفاهيم غير المعرفة ، التي ينظر إليها concepts على أنها صحيحة دون برهان ٠ وهي تحدد العلاقات بين المفاهيم غير المعرفة فقط.

وهذه العبارات هي مسلمات النظام Axioms وبلستخدام المفاهيم غير المعرفة، وال المسلمات، يبدأ بتعريف مفاهيم أخرى، وإثبات صحة عبارات جديدة، حول هذه المفاهيم، اعتماداً على المسلمات، وعلى ذلك فالنظام الاستدلالي يتكون من أربعة أجزاء : المفاهيم غير المعرفة ، المسلمات ، المفاهيم المعرفة ، النظريات ٠ وتشير محبات أبو عميرة ( ٢٠٠، ٣ ) إلى أن الرياضيات نظام استدلالي ، يقوم على أساس دراسة المجردات Abstractions والعلاقات بينها ، حيث الأسلوب الوحيد للتعليل ، المستخدم لإثبات صحة هذه العلاقات هو التعليل ١ لاستنتاجي ، وتصبح النظرية جزءاً من الرياضيات ، إذا تم برهنتها من المسلمات ، ويسير التعليل الاستنتاجي في الاتجاه المضاد للتعليل الاستقرائي ، أي أنه يستدل على خصائص ، أو علاقات حول أشياء خاصة من مبادئ عامة ، نعرفها ونرى أنها تغطي هذه الأشياء الخاصة هو مكون آخر من مكونات التفكير الاستنتاجي ، كما أنه مهارة تفكير مهمة جداً لدراسة الرياضيات وتطبيق النظريات والتعاليم ٠

من خلال العرض السابق يمكن تعريف التفكير الاستنتاجي بأنه قدرة المتع لم على تطبيق القاعدة العامة على حالة خاصة من الحالات التي تطبق عليها هذه القاعدة العامة ، أي أن التفكير الاستنتاجي هو تفكير قياسي ، تطبق فيه القواعد العامة على الحالات الخاصة ، ويعتبر مكملاً يبدأ بتعاليم أو فروض أو حقائق أو مسلمات منطقية وغير منطقية يطبقها الفرد على الموقف الخاص ، ويعتمد على قواعد المنطق في التطبيق ، وإذا اعتمد الاستنتاج على فروض غير صحيحة كانت النتيجة المشتقة غير صحيحة ٠

ويلاحظ على نتائج عملية الاستنتاج أنها أكثر تأكيداً وصدقًا منطقياً عن نتائج عملية الاستقرار غير المؤكدة ، وذلك لأن نتائج الاستنتاج تبني على المقدمات الموجودة المثبتة ، إلا أن هذه الميزة تجعل نتائجه بسيطة ٠

ويمكن تحديد مهارات الاستنتاج في :

- إدراك العلاقة بين القاعدة العامة والحالة الخاصة ٠
- إدراك العلاقات بين عدة مفاهيم ٠
- استنتاج علاقة جديدة من عدة تعميمات ٠
- التطبيق الصحيح لقاعدة العامة على حالات الخاصة ٠
- استنتاج الخاصية المشتركة بين جميع الحالات الفردية ٠
- فهم الحالة الخاصة أو المثال ٠
- تمييز المعلومات الصحيحة والخاطئة ٠
- تفسير القواعد العامة ٠
- استخدام قواعد المنطق في ربط القاعدة العامة بالحالة الخاصة ٠

### 3- التعبير بالرموز : Symbolism

ورد في معجم التربية Dictionary of Education أن : الرمز هو حرف أو علاقة أو اختصار ، يمثل تعبيراً ، أو عملية رياضية ٠ ويستعمل الرمز Symbol غالباً بدلاً من الاسم ، والاسم يعطي للمفهوم الذي يحدد مجموعة من الأشياء تشتراك في بعض الخصائص ٠

والتفكير الرمزي symbolic thinking ، هو التفكير من خلال الرمز وال مجرّدات ، وليس من خلال البيانات المحسوسة ، ومثال ذلك نوع التفكير المستخدم في مسائل الجبر والهندسة ٠

وتعني مهارة التعبير بالرمز : قدرة المتعلم على التعبير عن الأفكار أو المعطيات اللفظية أو المسائل بل باستخدام الرموز الرياضية ٠

ومهارة التعبير بالرموز لها علاقة وثيقة بمهارات الترجمة الرياضية التي تضم تحويل الألفاظ أو الأشكال إلى رموز والعكس 0

ويمكن توضيح أهمية هذه المهارة في الرياضيات فيما يلي :

- أنها تكسب الرياضيات سمة الدقة والإنجاز والتجريد ، وهي أهم ما يميز الرياضيات عن غيرها من المواد ، بل تحتاج المواد الأخرى للرياضيات لإكسابها هذه السمة 0

- تعد من أهم مهارات القراءة الرياضية التي يجب أن يتلقنها كل الطالب لتساعدهم على الفهم 0

ويمكن تحديد مهارات التعبير بالرمز في :

- فهم العبارات الرمزية المعطاة أو التعميم أو المسألة 0

- التعبير رمزيًا عن المفاهيم الرياضية 0

- الترجمة الرمزية للعبارة اللفظية المعطاة أو التعميم أو المسألة 0

- تحديد الرموز والأشكال الرياضية المناسبة للتعبير عن العلاقات 0

- الترجمة اللفظية للعبارة الرمزية المعطاة أو التعميم أو المسألة 0

- تحديد العلاقات المتضمنة في العبارة أو التعميم أو المسألة 0

- تحديد المصطلحات في هذه العبارة 0

- التحويل من لغة اتصال إلى أخرى ، كالتحويل من معادلات إلى ألفاظ أو من جدول إلى رسم أو من معادلة إلى جدول 00 الخ 0

#### 4- البرهان الرياضي : Mathematical Proof

البرهان مقالة صممت للإقناع ، أو تقديم بينه تؤدي إلى الاقتناع أو تولد الاعتقاد ، وبرهان عبارة ما هو سلسلة محددة من العبارات بلغة النظرية In the Formal Language ، ويجب أن تتحقق العبارات بعض المعايير الشكلية Valid Argument Criteria فالبرهان هو الدليل الصادق Criteria

أي أنه سلسلة استدلالية من العبارات ، التي تستخدم المسلمات كمبادئ عامة ، أي أن البرهان الرياضي لنظرية ما ، هو استخدام الدليل المنطقي Logical Argument لبيان أن صحة النظرية تتبع من صحة نظريات سابقة مبرهنة ، أو من المس لمات ، ويعتمد الدليل المنطقي على افتراض صحة عبارات معينة تسمى فرضيات ، ويستدل منها ب باستخدام قواعد المنطق على صحة النتيجة ، أي أن البرهان الرياضي لنظرية ما هو سلسلة من العبارات تجعل بمجملها صحة العبارات واضحة ، والمبادئ المستخدمة في البرهان الرياضي هي " الاستنتاج ، القياس المنطقي التعويض ، تكافؤ العبارتين 0

ويمكن تعريف البرهان الرياضي ، بأنه : الدليل على صحة عبارة ما ، وذلك الدليل يتضمن سلسلة من العبارات الرياضية تستربط كل منها من سابقتها عن طريق المنطق والاستناد إلى تبرير رياضي مقبول ( معطى أو نظرية أو مسلم أو تعريف 00 الخ )

وقد أورد عبيد (1988م : 172-173) عشر استراتيجيات تستخدم في البرهان الرياضي هي :

- البرهان على صدق عبارة شرطية 0
- استخدام سلسلة من العبارات الشرطية 0
- استقادة جميع الحالات الممكنة أو ( الشروط المطلوب تحقيقها ) .
- البرهان على وجود حل 0
- إثبات عدم صحة عبارة أو تعميم ، ويمكن أن يبيّن ذلك بأحد طريقتين :

  - إيجاد تعارض نتيجة لقبول صحة العبارة 0
  - وجود مثال معاكس للعبارة أو التعميم 0

- البرهان باستخدام الاستقراء الرياضي 0
- إثبات الشروط الازمة والكافي (ق لـ) في حالة صحة النظرية وعكسها.

- استخدام مبدأ عدم التعارض مع المعطيات أو حقائق النظام والتعيميات  
المعرف بصحتها 0

- استفاد الإمكانات الأخرى 0

- استخدام عكس النقيض 0

ويمكن تحديد مهارات البرهان الرياضي في :

- رسم شكل تقريري للمشكلة الرياضية ( حسب طبيعتها ) 0

- استخدام أكثر من طريقة من طرق البرهان عند حل مشكلة رياضية 0

- الحكم على سلامة الخطوات المتتابعة في البرهان الرياضي من الناحية  
الرياضية 0

- الحكم بصحة برهان رياضي من الناحية الرياضية 0

- الحكم بخطأ برهان رياضي من الناحية الرياضية 0

- التمييز بين المعطى والمطلوب 0

- تحديد المعطى في صورة رمزية 0

- تحديد المطلوب في صورة رمزية 0

- اشتقاء نتائج من المعطى مع بيان السبب 0

- اشتقاء نتائج جديدة من معلومات سابقة مع بيان السبب 0

- إدراك العلاقة بين المعطى والمطلوب 0

- الربط بين النتائج التي التوصل إليها 0

: Relational thinking (5) التفكير العلاقي

يمثل هذا النوع من التفكير القاسم المشترك بين كل أنواع التفكير بصفة عامة ، وأساليب التفكير الرياضي بصفة خاصة ، في بدون إدراك العلاقات لا نستطيع حل أي مشكلة رياضية أو البرهان على صحة علاقة أو الوصول إلى تعليم أو

## الاستدلال أو التصور البصري المكاني 0

وتكمّن أهمية التفكير العلّاقوي في التعرّف على الأشكال والأشياء وحل المشكلات ، حيث إننا نجهل كل شيء يخرج عن دائرة العلاقات ، وفي أي موقف مشكل يواجهه الفرد إذا أدرك الفرد العلاقات بين عناصره إدراكاً صحيحاً ، أدى ذلك إلى الحل الصحيح للموقف 0

ويمكن تعريف التفكير العلّاقوي بأنه : أسلوب يقوم على إدراك العلاقات بين العوامل والعناصر المختلفة في الموقف الرياضي أو المشكلة الرياضية 0

ويمكن تحديد مهارات التفكير العلّاقوي في :

ـ إدراك عناصر الموقف الرياضي وفهم مدلولها 0

ـ إدراك العلاقات بين عناصر هذا الموقف 0

ـ إدراك العلاقات بين الموقف الحالي والمعلومات السابقة 0

ـ تحديد العبارات الموصولة للمطلوب 0

ـ إدراك العلاقة بين الأشكال من حيث ( التشابه ، التماثل ، الانعكاس )

## (6) التصور البصري المكاني Spatial: Visualization

تمثل هذه القدرة أحد عوامل القدرة المكانية Spatial Ability وإن كانت الأبحاث الأولى في مجال القدرة المكانية تعتبر القدرة المكانية نفسها القدرة على التصور البصري المكاني ، وتعرف القدرة المكانية بأنها : القدرة على التصور البصري لحركة الأشكال الهندسية ، وعلاقة الأجزاء المختلفة في الشكل الهندسي ، وقد حدّدت القدرة المكانية في : النشاط العقلي الذي يعتمد على تصور الأشياء بعد أن يتغيّر وضعها المكاني كما في حل تمرينات الهندسة عندما نريد إثبات إن مثلثين يتضمنهما شكل مرسوم ينطبق أحدهما على الآخر ، نتصور تغيير وضع الأول لينطبق على الثاني.

## المحور الرابع : دور الرياضيات في تنمية القدرة على التفكير بصورة عامة

هناك تصنیفات متعددة للأهداف العامة للتربية والتي يمكن الاسترشاد بها في التخطيط للعملية التعليمية وتنفيذها وتقديمها ومن أهم هذه التصنیفات وأنفعها تصنیف

الأهداف على أساس جوانب الخبرة من معلومات ومهارات وميول وقيم وأسلوب تفكير وبهذا يتم تعديل سلوك الفرد وإعادة بنائه بما يحقق أقصى نمو ممكن لكل من الفرد والمجتمع ومن هذه التصنيفات معايدة لأفراد على استخدام أسلوب التفكير العلمي والعمل على تنمية قدراتهم الابتكارية .

" ويشير أبو العباس(1963م) إلى دور الرياضيات في تنمية التفكير بقوله الرياضيات تتجح كوسيلة هامة من وسائل التفكير لأنها تبحث بحثاً متصلة لا يتطرق إليه الملل عن الحقائق والمبادئ وتحليل المسائل وتكوين علاقات بين عناصرها . وتتلخص من العناصر غير الصالحة وذلك كله للوصول إلى الاقتصاد في التفكير والدقة في التعبير" ص 35

ويؤكد وليم عبيد(1998م: 46) على ضرورة الثقة في القدرات الكامنة في الطفل فيجب أن نطلقها إبداعاً وابتكاراً ولا نسجّنها وراء مجموعة من القوانين والمهارات التي تطفئ جذورها وتحبط نموها وبذلك نجعل من الرياضيات الوسط الذي سيتعلم فيه التلميذ أساليب التفكير السليمة .

"أن العمل الرياضي الحقيقي يكمن في القدرة على الكشف والإبداع وهذا يحتم علينا أن نعلم الطفل إلى جانب عمليات الجمع والطرح والضرب والقسمة عمليات فكريه أخرى هي الملاحظة والاختيار والتجريد ومحاولة التصميم . علينا أن نعلمه أن يلاحظ النظائر (الحسية والذهنية) وأن يجمع البيانات ويصنفها ويحللها ويصورها بطرق مختلفة . علينا أن نعلمه أن يكون فروضا وأن يحاول اشتقاء تصميمات ويبحث مدى ثباتها . علينا أن نعلمه المناقشة المنطقية والربط الصحيح بين الجمل الرياضية والكلامية وأن نقوده إلى استكشاف العلاقة أو النظرية بدلاً من أن نعطيها له جاهزة لكي يثبتها أو على أحسن الفروض أن يحاول إثباتها . علينا أن نعلمه أن يتناول المسألة والمشكلة ليس بردود فعل شرطية فيقول نجم أو نطرح أو ..... بل أن يتناولها بالتحليل فيعرف أبعاد المسألة ويعرف معطياتها والمطلوب منها ويعرف

كيف يحول معطياتها إلى علاقات رياضية ويعرف كيف يضع خطة الوصول إلى المطلوب" ص 46 .

وتأكد نظره خضر (1984م) على أهمية اكتساب أنماط التفكير وتنميتها بواسطة تدريس الرياضيات فتقول " نقصد بطرق التفكير الرياضية أساليب التفكير التي تستخدم في البرهنة وفي حل المشكلات (المسائل) وفي الاكتشاف الرياضي ومن هذه الطرق : التفكير الاستدلالي ( الاستنتاجي ) والتفكير الاستقرائي ، والتفكير الحسي ، والتفكير الخلاق" ص 38 و 39 .

وتقول أيضاً : " أنت لا يمكننا فصل طرق التفكير بعضها عن بعض فكلها تتكامل وتستخدم في الكشف الرياضي أو في حل المشكلات سواء على المستوى العالمي للرياضيين والأخصائيين أو على مستوى التلميذ في الفصل " ص 40 .

#### دور الرياضيات في تنمية القدرة على التفكير الابتكاري :

أن الحكمة القائلة بأن الصورة تساوى آلاف الكلمات تعكس الأدوار التي تكمل بعضها بعضاً عن طريق أسلوبين من الأساليب المعرفية التي نعرفها ونألفها جماعياً ألا وهي :

الأول : بصري مكاني في طبيعته يعمل على إثارة الصورة الذهنية .

الثاني : لفظي يتدرج في التتابع والتواتي بصورة طبيعية منطقية .

ومن الأمور المقبولة والمتفق عليها بين الفلاسفة والباحثين في مجال الابتكار أن التفكير المبدع الخلاق يكون أكثر تأثيراً وفعالية عندما تتفاعل الوظائف الخاصة بهذين الأسلوبين المعرفيين ( البصري المكاني + اللفظي ) بطريقة منتظمة ومتراقبة ويستطرد شير (1985: ص 518 - 522) فيقول : " أن التفكير الرياضي لا يستثنى من هذه القاعدة العامة " .

فقد وضحت " جيولز هنري بونيكيير " عمليات تفكيره الابتكاري على أنها صورة بصرية واضحة يمكن إدراكتها بصرياً وذهنياً من خلال إدراك المصطلحات والمفاهيم الرياضية التي تمثل عناصرها إلى التكامل والتناسق بشكل يتقبله العقل دون جهد كبير وهي تتضمن الكل وتعبر عن التفاصيل .

وفي التفكير البعدى والمكاني يمكن استيعاب كل المكونات وال العلاقات منه

واحدة وهذا الأمر لا يقتصر على العبارة دون غيرهم فلكننا نألفها حيث أنها تلعب دوراً هاماً في التفكير الرياضي عاماً وفي غيرها من المجالات الأخرى .

وهكذا نجد أن الطريقة التي يتم بها تدريس الرياضيات أو تعلمها حالياً لا تتمشى إلا بدرجة قليلة مع الطرق التي ابتكرها علماء الرياضيات لتدريس هذه المادة بفروعها المختلفة ونتيجة لذلك نجد أن كثير من الطلاب لا يملكون الصورة البصرية غير اللغوية مما يعوق فهمهم واستيعابهم للمادة الدراسية التي تقدم لهم داخل فصولهم وقد يكون من المحتمل أن يقل تقديرهم لها وتدوّقها نفسياً وعقلياً .

إن الهندسة في حد ذاتها ما هي إلا تعبير واضح للترابط والتكامل بين التفكير البصري المكاني واللغطي الجبري وهذا في حد ذاته يعتبر فرصه ممتازة يمكن الاستفادة منها في مساعدة الطلاب في تطوير الأساليب المختلفة للتفكير بطريقة منطقية مترابطة .

كما أن النظريات التي يصعب فهمها والتوصل إلى براهين جبرية لها سيكون من السهل استيعابها وإثباتها هندسياً والعكس صحيح .

كما يمكن الاستفادة من تدريس الهندسة بالطرق الابتكارية لنوضح أن التفكير البصري يمكن أن يزودنا بصيرة نافذة توصلنا إلى معلومات وحقائق غير مرئية وليس من السهل علينا أن نذكرها جبرياً .

ومما سبق ومن المراجع الخاصة بأهداف تدريس الرياضيات يتضح أن التفكير الابتكاري يعتبر أحد الأنماط الأساسية المطلوب أن يكتسبها التلميذ من خلال تعلمهم للرياضيات ومن ناحية أخرى فإن الرياضيات يمكن أن تلعب دوراً أساسياً ومهما في تنمية التفكير الابتكاري من خلال مواقف تعليمية مختلفة وهذا دفع الباحث لتجربة محتوى يدفع إلى تنمية مهارات التفكير الابتكاري خلال عرض المحتوى المقترن في الهندسية .

## **ثانياً : الدراسات السابقة**

سيتم في هذا الجزء من الدراسة استعراض بعض الدراسات السابقة المتصلة بالدراسة وسيتم عرض هذه الدراسات في محورين رئيسين كما يلي :

### **المحور الأول : الدراسات المتعلقة بالتفكير الابتكاري :**

#### **1- دراسة حسن (1996م) :**

وهدفت هذه الدراسة إلى معرفة أثر استخدام إستراتيجية التعلم التعاوني في تدريس مقر الهندسة للفصل الدراسي الثاني بالصف الأول إعدادي ( تطابق المثلثات - الإنشاءات الهندسية - الانعكاس - التمايز ) في تنمية قدرات التفكير الابتكاري (الطلاقة اللفظية - الطلاقة الفكرية- المرونة - الأصالة - الحساسية للمشكلات - القدرة الابتكارية العامة ) .

وتم تطبيق الدراسة على عينة عشوائية من تلاميذ الصف الأول الإعدادي بمدرسة فاقوس الإعدادية بنين وعدهم 90 طالياً ، حيث قسمت العينة إلى مجموعتين بالتساوي ، ضابطة ( درست بالأساليب التقليدية ) وتجريبية ( درست بأسلوب التعلم التعاوني ) .

بعد ذلك طبق اختبار التفكير الابتكاري ( والذي أعده الباحث ) على المجموعتين التجريبية والضابطة ، وأظهرت نتائج الدراسة :

تحسن قدرات التفكير الابتكاري ( المرونة - الأصالة - الحساسية للمشكلات - القدرة الابتكارية العامة ) للمجموعة التجريبية التي درست بأسلوب التعلم التعاوني، أفضل من قدرات التفكير الابتكاري للمجموعة الضابطة التي درست بالأساليب التقليدية ، بينما لم يظهر أثر لطريقة التعلم التعاوني في تنمية كل من ( الطلاقة اللفظية ، والطلاقة الفكرية ) لدى الطالب عينة الدراسة .

وفي ضوء نتائج الدراسة وضع الباحث العديد من التوصيات ، منها :

- 1 - تشجيع المعلمين على استخدام الاستراتيجيات التي تميي القدرة الابتكارية للطلاب في مجال الرياضيات ، مثل : إستراتيجية التعلم التعاوني .
- 2 - ضرورة تهيئة المناخ المدرسي والفصلي المناسب ، لاستخدام إستراتيجية التعلم التعاوني في تدريس الرياضيات .
- 3 - عقد دورات تدريبية لمحامي الرياضيات ؛ لتدريبهم على استخدام إستراتيجية التعلم التعاوني في التدريس .

2- دراسة محمد (1997م) :

وهدفت هذه الدراسة إلى :

- 1 - التعرف على أثر استخدام الأنشطة التعليمية في تدريس مادة الوسائل التعليمية على تنمية التفكير الابتكاري .
- 2 - التعرف على أثر استخدام التفكير التباعي في تدريس مادة الوسائل التعليمية على تنمية التفكير الابتكاري .
- 3 - التعرف على أي من الأنشطة التعليمية ، وأسئلة التفكير التباعي أكثر أثراً في تنمية التفكير الابتكاري .

وقام الباحث باختيار عينة عشوائية من طلاب وطالبات المستوى الرابع بكلية التربية بتعز ؛ عددهم 120 طالباً وطالبة ، تم تقسيمهم إلى ثلاث مجموعات : الأولى / ضابطة- درست المادة الأساليب التقليدية ، الثانية تجريبية (1) - درست المادة بمحاجبة الأنشطة التعليمية ، الثالثة تجريبية (2) - درست المادة بمحاجبة الأسئلة التباعية .

بعد ذلك طبق الباحث اختبار التفكير الابتكاري ، لسيد خير الله على المجموعات الثلاث ( عينة الدراسة ) وأظهرت نتائج الدراسة :

1 - وجود فروق ذات دلالة إحصائية لصالح المجموعة التي درست بمصاحبة الأنشطة التعليمية.

2 - وجود فروق ذات دلالة إحصائية لصالح المجموعة التي درست بمصاحبة الأسئلة التباعية .

3 - عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين المجموعتين التي درست بمصاحبة الأنشطة التعليمية ، والمجموعة التي درست بمصاحبة الأسئلة التباعية .

وفي ضوء نتائج الدراسة ، وضع الباحث العديد من التوصيات ، منها :

1 - ضرورة تدريب المعلمين على أنواع الأنشطة التعليمية ، وكيفية استخدامها وتنفيذها وتقويمها .

2 - ضرورة تدريب المعلمين على أنواع الأسئلة بكافة مستوياتها ، وكيفية صياغتها وتوجيهها وتقويمها .

3 - شمول الامتحانات بكافة مستوياتها على الأسئلة التباعية .

3- دراسة مهران (1998م) :

وهدفت هذه الدراسة إلى : تحديد أي من طرق التدريس التالية ( المحاضرة ، المناقشة ، التعليم الذاتي ، حل المشكلات ، الاكتشاف ) أكثر مناسبة في تنمية التفكير الابتكاري لطلاب المستوى الثاني بكليات إعداد المعلمين بسلطنة عمان ، وطبقت الدراسة على عينة عشوائية من طلاب المستوى الثاني ، عددهم 60 طالباً حيث استخدم الباحث :

- استبانة من إعداده ؛ للتعرف على طرق التدريس المستخدمة من قبل أعضاء هيئة التدريس بالكلية .

- اختبار التفكير الابتكاري لتورانس ؛ للتعرف على مستوى التفكير الابتكاري لدى الطلاب.

وأشارت نتائج الدراسة إلى : أن طريقي المناقشة وحل المشكلات معاً ، يمكن استخدامهما لتنمية قدرة الطالب مرتفعي التحصيل ، ومنخفضي التحصيل ، في التخصصات العملية والأدبية على التفكير الابتكاري .

وفي ضوء نتائج الدراسة ، وضع الباحث العديد من التوصيات ، منها :

- عقد دورات تدريبية لأعضاء هيئة التدريس غير التربويين ، بحيث تقدم هذه الدورات أفكار ومقترنات حول طرق التدريس ودورها في تربية القدرة على التفكير الابتكاري.

- تطوير أدوات ووسائل التقويم ، بحيث تتضمن الأسئلة التبادلية والموافق المشكلة والأسئلة التي تقيس مستويات عليا : كالتحليل والتركيب والتقويم .

#### 4- دراسة النور (1998) :

وكان من أهداف الدراسة : التعرف على أنماط سلوك الأستاذ الجامعي التي تسهم في تحفيز التفكير الإبداعي لدى الطلاب .

وبعد الدراسة النظرية للباحث ، وضع قائمة بالأنمط السلوكية للأستاذ الجامعي ، والتي تسهم في تحفيز التفكير الإبداعي لدى الطلاب، تضم 22 نمطاً سلوكياً ، منها :

- تشجيع الطلاب على إنتاج الأفكار وطرح الأمثلة والأسئلة .

- تشجيع المرونة الفكرية واللعب بالأفكار .

- تشجيع ممارسة عمليات الحدس والتخمين والتبؤ.

- عدم السماح بالسرية من آراء الطلاب .

- تأجيل إبداء الآراء في موضوعات النقاش .

- تقبل وتشجيع الاختلاف بين الآراء .

- العمل من أجل بيئة صفية وسط بين الحرية السائبة ، والسيطرة المطلقة

## 5 - دراسة حسانين (1999م) :

ومن أهداف الدراسة :

- 1 - قياس فعالية استخدام التعلم التعاوني في تدريس الرياضيات (وحدة التحليل ) في تنمية التفكير الابتكاري لتلاميذ المرحلة الإعدادية .
- 2 - قياس فعالية استخدام الموديلات التعليمية في تدريي الرياضيات (وحدة التحليل) في تنمية التفكير الابتكاري لتلاميذ المرحلة الإعدادية .

وقام الباحث باختيار عينة عشوائية من تلاميذ الصف الثاني الإعدادي بمدارس إدراة أبي كبير التعليمية عددهم 16 تلميذاً ، وتم تقسيمهم إلى ثلات مجموعات :

- أ. المجموعة التجريبية الأولى (40) تلميذاً ، درست بالتعلم التعاوني .
- ب. المجموعة التجريبية الثانية (38) تلميذاً ، بالموديلات التعليمية .
- ج. المجموعة الضابطة (38) تلميذاً ، درست بالأساليب التقليدية .

وبعد ذلك طبق الباحث اختبار التفكير الابتكاري في الرياضيات (من إعداده ) على المجموعات الثلاث ، وأظهرت نتائج الدراسة :

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية في التفكير الابتكاري بين المجموعة التجريبية الأولى ( التي درست بالتعلم التعاوني ) وطلاب المجموعة الضابطة ( درست بالأساليب التقليدية) لصالح المجموعة التجريبية الأولى ( التي درست بالتعلم التعاوني).

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية في التفكير الابتكاري بين طلاب المجموعة الابتكارية الثانية ( التي درست بالموديلات التعليمية ) ، وطلاب المجموعة الضابطة ( التي درست بالأساليب التقليدية ) ، لصالح المجموعة التجريبية الثانية ( التي درست بالموديلات التعليمية ).

وفي ضوء نتائج الدراسة ، وضع الباحث العدي من التوصيات ، منها :

1 - تدريب الطلاب / المعلمين على استخدام التعلم التعاوني ، والموديولات التعليمية في تدريس محتوى مقررات مادة الرياضيات.

2 - ضرورة تشجيع استقلالية التلاميذ واعتمادهم على أنفسهم في جمع البيانات والمهام المكلفين بها.

#### 6- دراسة زينب خالد (1999م) :

و كانت من أهداف هذه الدراسة :

- تحديد المهارات التدريسية الازمة لملمي الرياضيات ؛ لتيسير عملية الابتكار داخل الحجرة الدراسية .

- التعرف على مدى إكساب وتمكن ملمي ومع لمات الرياضيات في المرحلة الابتدائية والإعدادية لهذه المهارات .

وتكونت عينة الدراسة من 30 معلماً ومعلمة من ملמי الرياضيات في المرحلة الابتدائية و 30 معلماً من ملمي الرياضيات في المرحلة الإعدادية بمدارس المنيا بمصر .

واستخدمت الباحثة استبانة من إعدادها ؛ لاستطلاع الرأي في المهارات الازمة لملمي الرياضيات ؛ لتيسير عملية الابتكار داخل الفصل ، ومن ثم الوصول إلى قائمة بالمهارات المطلوبة .

وبعد ذلك استخدمت الباحثة بطاقة ملاحظة ( من إعدادها ) ؛ للاحظة السلوك التدريسي للمعلمين ( عينة الدراسة ) ، ومعرفة مستوى اكتساب وتمكن المعلم ( عينة الدراسة ) لهذه المهارة، وقد أسفرت الدراسة عن بعض النتائج ، منها :

- ضعف مستوى أداء ملمي الرياضيات ( عينة الدراسة ) للمهارات الازمة؛ لتيسير عملية الابتكار داخل الفصل الدراسي ، وبناء على نتائج الدراسة ، وضعت الباحثة عدة توصيات، منها : ضرورة تزويد ملمي الرياضيات بهذه المهارات ، وتدريبهم على اكتسابها أثناء وبعد الإعداد .

## 7- دراسة زهران (1999م) :

▪ وهدف هذه الدراسة إلى :

- تحديد الكفايات الأدائية لمعلمي الرياضيات ؛ لتنمية مهارات التفكير لدى طلابهم بالمرحلة الإعدادية .

- تحديد فاعلية استخدام الحقائب التعليمية في تحسين مستوى أداء معلمي الرياضيات للكفايات الأدائية الالزامية لتنمية مهارات التفكير لدى طلابهم .

وبعد إعداد الباحث لقائمة الكفايات ، والتي تضم 30 كفاية إجرائية ، استخدم الباحث بطاقة ملاحظة ( من إعداده ) ، تضم الكفايات السابقة ؛ لمعرفة م مستوى أداء المعلمين (عينة الدراسة) لهذه الكفايات قبل وبعد التدريب باستخدام الحقائب التعليمية، وأظهرت نتائج الدراسة :

- مستوى أداء معلمي الرياضيات للكفايات الأدائية الالزامية لتنمية مهارات التفكير لدى طلابهم قبل التدريب ، باستخدام الحقائق كان متوسطاً ، حيث بلغ أعلى من 50% في المجموع الكلي للآراء .

- تحسين مستوى أداء معلمي الرياضيات تحسناً ذا دلالة إحصائية للكفايات المحددة ، نتيجة استخدام الحقائب التعليمية التدريبية في تنمية هذه الكفايات .

وفي دراسة ضوء نتائج الدراسة ، وضع الباحث العديد من التوصيات ، منها :

- الاهتمام بمهارات تنمية التفكير لدى طلاب المدارس ببرامج كليات التربية ، والتركيز على الجوانب السلوكية في تدريب الطلاب / المعلمين .

- الاهتمام في الدورات التدريبية لمعلمي الرياضيات بالكفايات النوعية ، مثل : كفايات استخدام الأسئلة ، وبناء الاختبارات وطرق تنمية التفكير .

## 8- دراسة إسماعيل (2000م) :

استهدفت هذه الدراسة التعرف على أثر استخدام نموذج التعلم البنائي في تدريس المفاهيم الرياضية المتضمنة بوحدة المجموعات على التحصيل وبقاء أثر

## **التعلم والتفكير الإبداعي في الرياضيات والتعرف على العلاقة بين التحصيل والتفكير الإبداعي في الرياضيات 0**

تكونت عينة الدراسة من (166) تلميذاً وتلميذة من أربعة فصول من تلاميذ الصف الأول الإعدادي من مدرستي سمالوط الإعدادية للبنات ومدرسة عمر بن الخطاب الإعدادية للبنين بمدينة سمالوط ، الواقع فصلين من كل مدرسة وتم تقسيمهم إلى مجموعتين ، مجموعة ضابطة وتكونت من (84) تلميذاً وتلميذة من فصلين (فصل بنات وفصل بنين ) ودرست وحدة المجموعات بإستخدام الطريقة المعتادة ، ومجموعة تجريبية وتكونت من (82) تلميذاً وتلميذة من فصلين ( فصل بنات وفصل بنين ) ودرست الوحدة ذاتها بإستخدام نموذج التعلم البنائي واستمرت فترة التجريب (18) حصة 0

من الأدوات التي استخدمها الباحث :

- اختبار تحصيلي في المفاهيم الرياضية المتضمنة بوحدة المجموعات من إعداد الباحث واقتصر على قياس مستوى التذكر والفهم والتطبيق 0
- اختبار التفكير الإبداعي في الرياضيات من إعداد الباحث واقتصر على قياس (قدرة الطلقة الفكرية ، والمرونة التلقائية ، والأصالة ) 0 وطبق الاختباران قبلياً وبعدياً .  
وتوصلت الدراسة إلى ما يلي :
  - 1 - وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين متوسطي درجات تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة في الاختبار التحصيلي البعدى ككل وكذلك في مكوناته الفرعية ( التذكر ، والفهم ، والتطبيق ) كلاً على حدة لصالح تلاميذ المجموعة التجريبية 0
  - 2 - وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين متوسطي درجات تلاميذ المجموعة التجريبية والضابطة في الاختبار التحصيلي البعدى المؤهل لصالح تلاميذ المجموعة التجريبية .

3 - وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين متوسطي درجات تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الإبداعي في الرياضيات ككل ، وكذلك في قدراتها الفرعية ( الطلاقة الفكرية ، المرونة التلقائية ، الأصلة ) كلاً على حدة لصالح تلاميذ المجموعة التجريبية ٠

4 - وجود علاقة ارتباطية موجبة ذات دلالة إحصائية بين تحصيل تلاميذ الصف الأول الإعدادي في المفاهيم الرياضية المتضمنة بوحدة المجموعات وتفكيرهم الإبداعي في الرياضيات ٠

#### ٩- دراسة المالكي (٢٠٠١م) :

استهدفت الدراسة معرفة مدى امتلاك معلمي الرياضيات في المرحلة الثانوية بعض مهارات تنمية التفكير الابتكاري بمدينة الطائف ٠

قام الباحث بإعداد قائمة بمهارات تنمية التفكير الابتكاري اللازم امتلاكها من قبل معلمي الرياضيات في المرحلة الثانوية ، احتوت القائمة على ( ٣٨ ) مهارة ٠ قام الباحث بإعداد بطاقة ملاحظة ، تشمل على ( ٢٥ ) مهارة من تنمية التفكير الابتكاري ، وتطبيقاتها على عينة قصديه من معلمي الرياضيات بمدينة الطائف عددهم ( ٢٠ ) معملاً ٠

وتوصلت الدراسة إلى ما يلي :

بلغ متوسط الأداء الكلي للرياضيات ( عينة الدراسة ) لمهارات المحور الأول ( توجيه الأسئلة الصافية المثيرة للتفكير الابتكاري ) ١,٤٦١ من أصل ٣ ، ويندرج هذا في المستوى ( ضعيف ) ، ويدل على ضعف امتلاك معلمي الرياضيات ( عينة الدراسة ) لمهارات هذه المحور ٠

بلغ متوسط الأداء الكلي لمعلمي الرياضيات ( عينة الدراسة ) لمهارات المحور الثاني ( استجابة المعلم للطلاب ) ١,٥٠٠ من أصل ٣ ، ويندرج هذا في المستوى ( ضعيف ) ويدل على ضعف امتلاك معلمي الرياضيات ( عينة الدراسة ) لمهارات هذه المحور ٠

بلغ متوسط الأداء الكلي لمعلمي الرياضيات ( عينة الدراسة ) لمهارات المحوร الثالث ( بناء بيئة صفية مناسبة للتفكير الابتكاري 1,525 من أصل 3 ، ويندرج هذا المستوى ( ضعيف ) ويدل على ضعف امتلاك معلمي الرياضيات ( عينة الدراسة ) لمهارات هذا المحوร 0 )

بلغ متوسط الأداء الكلي لمعلمي الرياضيات ( عينة الدراسة ) لمهارات المحور الرابع ( المعلم كنموذج للتفكير الابتكاري 1,513 من أصل 3 ، ويندرج في المستوى ( ضعيف ويدل على ضعف امتلاك معلمي الرياضيات ( عينة الدراسة ) لمهارات هذا المحوร 0 )

كما أن متوسط الأداء الكلي لمعلمي الرياضيات ( عينة الدراسة ) في جميع مهارات تنمية التفكير الابتكاري ( المتضمنة في بطاقة الملاحظة ) بلغ (1,506) من (3) وهو ما يدل على ضعف امتلاكهم لمهارات تنمية التفكير الابتكاري 0

#### 10- دراسة بثينه بدر (2005م) :

التي هدفت إلى دراسة واقع ممارسة معلمات الرياضيات للأنشطة التعليمية التي تسهم في تنمية التفكير الإبداعي لدى طالبات المرحلة المتوسطة والثانوية بمكة المكرمة ، وهي دراسة وصفية شملت (75) معلمة رياضيات للمرحلة المتوسطة ، (55) معلمة رياضيات للمرحلة الثانوية ، وكان من أهم نتائجها :

- انخفاض درجة ممارسة معلمات الرياضيات بالمدارس المتوسطة للأنشطة التعليمية التي تسهم في تنمية التفكير الإبداعي ككل 0
- انخفاض درجة ممارسة الرياضيات بالمدارس الثانوية للأنشطة التعليمية التي تسهم في تنمية التفكير الإبداعي ككل 0
- لا توجد فروق ذات دلالة إحصائية بين درجات ممارسة معلمات الرياضيات بالمدارس المتوسطة ودرجة ممارسة معلمات الرياضيات بالمدارس الثانوية بالنسبة للأنشطة التعليمية التي تسهم في تنمية التفكير الإبداعي ككل 0

أنه توجد فروق ذات إحصائية بين درجة ممارسة معلمات الرياضيات الحاصلات على بكالوريوس رياضيات مع تربوي ومعلمات الرياضيات الحاصلات على ماجستير مناهج وطرق تدريس رياضيات بالمدارس المتوسطة والثانوية لصالح معلمات الرياضيات الحاصلات على ماجستير مناهج وطرق تدريس الرياضيات بالنسبة لأنشطة التعليمية التي تسهم في تنمية التفكير الإبداعي ككل 0

### **التعليق على دراسات البحور الأول :**

- 1 - أظهرت بعض الدراسات إمكانية تنمية قدرات التفكير الابتكاري لدى الطلاب ، باستخدام بعض الاستراتيجيات التدريسية داخل الحجرة الدراسية كما ورد في دراسة حسن (1996م) ودراسة حسانين (1999م) 0
- 2 - هدفت دراسة مهران ، وعفيفي (1998) إلى مقارنة أثر بعض طرق التدريس ( المحاضرة ، المناقشة ، التعلم الذاتي ، حل المشكلات ، الاكتشاف ) على تنمية التفكير الابتكاري ، وأظهرت أفضلية طريقي حل المشكلات ، والمناقشة في تنمية التفكير الابتكاري مقارنة بالطرق الأخرى
- 3 - وضعت بعض الدراسات قوائم بمهارات التفكير الابتكاري كما ورد في دراسة النور (1998م) ، زينب خالد (1999م) ، زهران (1999م) 0
- 4 - أشارت دراسة زهران (1999م) : إلى إمكانية تدريب المعلمين على مهارات تنمية التفكير الابتكاري ، وتحسين مستوى أداء المعلمين لهذه المهارات من خلال برنامج تدريسي مقترن 0
- 5 - في ضوء استعراض مهارات التفكير الابتكاري من خلال الدراسات السابقة وغيرها من الأدب ، حدد الباحث مهارات التفكير الابتكاري التي تتضمنها الدراسة الحالية ، حيث تم تحديد مهارات التفكير الابتكاري التالية : الطلاقة- المرونة- الأصلة .

6 - تناولت دراسة بثنية بدر (2005) واقع ممارسة معلمات الرياضيات لأنشطة التعليمية التي تسهم في تنمية التفكير الإبداعي لدى طالبات وهي الدراسة الوحيدة من ضمن الدراسات السابقة التي ركزت على الأنشطة التعليمية 0

7 - تم الاستفادة من الدراسات السابقة في كثير من الجوانب المتعلقة بالدراسة الحالية، ومنها تأكيد الدراسات السابقة على أهمية التفكير الابتكاري وضرورة البحث عن طرق ونماذج تدريس تراعي مهارات التفكير الابتكاري حيث قام الباحث بتصميم محتوى في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ومعرفة أثره على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي .

## المحور الثاني : الدراسات المتعلقة بالتفكير الرياضي

## 1- دراسة هسيا ( Hsieh, 1996 ) :

هدفت الدراسة إلى مقارنة عمليات التفكير بين الطلاب والمتفوقين والمتوسطين في الرياضيات عند دراستهم الرياضيات وحلهم للمشكلات والمسائل الرياضية وأجريت الدراسة على عينة من طلاب الصفين الرابع والخامس الابتدائي (10-11) سنة ، يضم طلاب كل صف مستوىين : متوفقين ومتوسطي التحصيل ، وتضمنت أدوات الدراسة اختبار في مهارات التفكير الرياضي ، وآخر في حل المشكلات الرياضية وأظهرت نتائج الدراسة تفوق الطالب المتفوقين على الطالب المتوسطي التحصيل في حل المشكلات الرياضية ، ولكن لم توجد فروق ذات دلالة احصائية بين الطالب المتفوقين ومتوسطي التحصيل في مهارات التفكير الرياضي ، حيث كانت نسبة توافر مهارات التفكير الرياضي لدى الفئتين غير كبيرة.

## 2- دراسة وهدان (1997م) :

هدفت الدراسة إلى معرفة أثر تدريس وحدة منظمة باستخدام معايير المدخل الحلواني على تحصيل الطلاب ، وبقاء أثر التعلم لديهم وعلى تنمية تفكيرهم الرياضي ، وتكونت عينة الدراسة من (200) طالب وطالبة بالصف الأول الثانوي في مدرستين - إداهاما للبنين والأخرى للبنات - من المدارس الثانوية التابعة لمديرية التربية والتعليم بالجيزة تم تقسيمهما إلى مجموعتين متساويتين إداهاما تجريبية درست وحدة المتجهات وفق التنظيم المقترن (المدخل الحلواني) ، والأخرى ضابطة درست الوحدة نفسها كما هي في الكتاب المدرسي وطبق على عينة الدراسة اختباراً أحدهما تحصيلي في حدة المتجهات طبق قبلياً وبعدياً ومؤجلاً والآخر اختبار استراتيجيات التفكير الرياضي ، إعداد ممدوح سليمان وأبو العزائم مصطفى وكان من أبرز نتائج الدراسة ما يلي :

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لكل من الاختبار التحصيلي واختبار استراتيجيات التفكير الرياضي لصالح طلاب المجموعة التجريبية.

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) بين متوسطي درجات المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق المؤجل للاختبار التحصيلي لصالح طلاب المجموعة التجريبية.

### 3- دراسة تورنر وآخرون (Turner and Others, 1997) :

هدفت الدراسة إلى معرفة أثر استخدام برنامج قائم على الأنشطة الابتكارية التي تعتمد على تحدي العقل ، على التحصيل وتنمية التفكير الرياضي ، والداعية نحو تعلم الرياضيات ، وتكونت عينة الدراسة من (230) طالباً من طلاب المرحلة الإعدادية وتضمنت أدوات الدراسة اختبارين أحدهما تحصيلي في الرياضيات والأخر في مهارات التفكير الرياضي ، كما تضمنت الأدوات مقياساً للداعية نحو دراسة الرياضيات ، وتوصلت الدراسة إلى أن للبرنامج المقترن أثراً إيجابياً في التحصيل الدراسي ، وتنمية مهارات التفكير الرياضي لدى الطالب ، وزيادة داععيتهم نحو تعلم الرياضيات.

### 4- دراسة كارلسون (Carlson, 1997) :

هدفت الدراسة إلى معرفة أثر استخدام أدب الأطفال في تطوير مهارات حل المشكلات الرياضية ومهارات التفكير الناقد في الرياضيات لدى الأطفال، وتكونت عينة من ثلاثة أطفال أحدهم في الروضة (ما قبل الدراسة) ، والثاني في الصف الأول ، والثالث في الصف الثاني الابتدائي ، في منطقة غرب شيكاغو بالولايات المتحدة الأمريكية ، وأوضحت نتائج الدراسة أن استخدام أدب الأطفال والأنشطة المتعلقة به تدفع مهارات التفكير لدى الأطفال إلى الأمام وخاصة المهارات المتعلقة باستراتيجيات حل المشكلات ووضع خطط حلول المسائل .

### 5 - دراسة عيد (1998م) :

هدف الدراسة إلى معرفة أثر استخدام الكمبيوتر في تدريس الرياضيات (أسلوب التدريس الخصوصي) لتلاميذ الصف الرابع الابتدائي على التحصيل ، وتنمية التفكير الرياضي ، والاتجاه نحو المادة ، كما هدفت الدراسة إلى معرفة العلاقة بين تحصيل التلاميذ وتفكيرهم الرياضي، وتكونت عينة الدراسة من (52)

تلמידاً من تلاميذ الصف الرابع في إحدى المدارس الابتدائية بمحافظة الغربية بجمهورية مصر العربية ، تم تقسيمهم إلى مجموعتين إداهما تجري بية درست وحدتي الكسور الاعتيادية والعشرية في رياضيات الصف الرابع الابتدائي باستخدام الكمبيوتر ، والأخرى ضابطة درست الوحدتين بالطريقة التقليدية ، وتضمنت أدوات الدراسة اختبارين أحدهما تحصيلي في وحدتي الكسور الاعتيادية والعشرية ، والآخر اختبار في التفكير الرياضي لقياس مكونات التفكير التالية : التعميم - الاستقراء - الاستبطاط - التفكير المنطقي - حل المشكلات ، حل المشكلات ، كما تضمنت أدوات الدراسة مقياساً للاتجاه نحو الرياضيات ، وطبق كل من الاختبارين ومقاييس الاتجاهات قبلياً وبعدياً وكان من أهم نتائج الدراسة ما يلى :

وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) بين متوسطي درجات تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لكل من الاختبار التحصيلي ومقاييس الاتجاه نحو الرياضيات واختبار التفكير الرياضي (للختبار وكل وكل مكون من مكوناته ) لصالح المجموعة التجريبية .

أعلى درجات مكونات التفكير الرياضي كانت في الاستقراء ، وأدنى الدرجات كانت في حل المشكلات ، وذلك بالنسبة لكلٍ من تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة .

توجد علاقة ارتباطية موجبة دالة إحصائياً عند مستوى (0.01) بين درجات تلاميذ الصف الرابع - عينة الدراسة - في التطبيق البعدى لكلٍ من الاختبار التحصيلي واختبار التفكير الرياضي .

## 6- دراسة منصور (1998) :

هدفت الدراسة إلى معرفة أثر برنامج مقترن لتنمية التفكير الرياضي ، والاتجاه نحو الرياضيات لدى طلاب الصف الأول الثانوي الأزهرى ، وتكونت عينة الدراسة من (112) طالباً من طلاب الصف الأول الثانوي من معاهد الأزهر بمحافظة الجيزة ، تم تقسيمهم إلى مجموعتين متساوietين إدعاهما تجريبية درست موضوعات الجبر والهندسة المستوية المقررة على تلاميذ الصف الأول الثانوي الأزهرى - الفصل الدراسي الثاني - بالطريقة المقترنة في البرنامج ، والأخرى ضابطة درست الموضوعات نفسها بالطريقة التقليدية ، وتضمنت أدوات الدراسة اختباراً في التفكير الرياضي يشمل مظاهر أو مكونات التفكير التالية : الاستقراء - الاستبطاء - التعبير بالرموز - إدراك العلاقات - التفكير التأملي - البرهان الرياضي ، كما تضمنت الأدوات مقياساً للاتجاه نحو الرياضيات ، طبق كل منها قبلياً وبعدياً وكان من أهم نتائج الدراسة ما يلي :

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لكل من اختبار التفكير الرياضي (للختبار لكل وكل مكون من مكوناته ) ومقاييس الاتجاه نحو الرياضيات لصالح طلاب المجموعة التجريبية .

- أعلى درجات مكونات التفكير الرياضي كانت في إدراك العلاقات ، وأدنى الدرجات كانت في البرهان الرياضي وذلك بالنسبة لكل من طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة .

## 7- دراسة الليثي (1999م) :

هدفت الدراسة إلى معرفة أثر استخدام برنامج مقترن في الرياضيات على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي والابتكار في الرياضيات لدى طلاب المرحلة الثانوية ، كما هدفت الدراسة إلى معرفة العلاقة بين التحصيل وكلِّ من التفكير الرياضي والابتكار والعلاقة بين التفكير الرياضي والابتكار ، وتكونت عينة الدراسة من (119) طالباً وطالبة بالصف الأول الثانوي في مدرستين من المدارس الثانوية

إداتها تجريبية عددها (59) طالباً وطالبة درسوا موضوعات الجبر والهندسة المستوية المقررة في كتابة الرياضيات للصف الأول الثانوي - الفصل الثاني - وفق البرنامج المقترن ، والأخرى ضابطة عددها (60) طالباً وطالبة درسوا الموضوعات نفسها بالطريقة التقليدية ، واستخدمت الدراسة ثلاثة اختبارات هي :

- اختبار تحصيلي في موضوعات الجبر والهندسة المستوية في مقرر الرياضيات للصف الأول الثانوي - الفصل الثاني .
- اختبار في التفكير الرياضي يشمل المظاهر التالية : التفكير الاستدلالي - التفكير التأملي - التفكير العلاقي - التفكير الناقد - التفكير الابتكاري .
- اختبار كاتل للذكاء (R.Cattell) ترجمة أحمد سالم وعبدالسلام عبدالغفار.

وكان من أبرز نتائج الدراسة ما يلي :

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في الاختبار التحصيلي لصالح المجموعة التجريبية
- وجود فروق ذات إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في اختبار التفكير الرياضي للاختبار كل وفي كل من : التفكير الاستدلالي - التفكير العلاقي - التفكير الناقد - التفكير الابتكاري - لصالح المجموعة التجريبية بينما الفروق غير دالة إحصائياً بالنسبة للتفكير التأملي .
- لا توجد علاقة دالة إحصائياً عند مستوى (0.05) بين درجات طلاب المجموعة التجريبية في التفكير الرياضي وكل من التحصيل والتفكير الابتكاري .
- توجد علاقة دالة إحصائياً عند مستوى (0.05) بين درجات المجموعة الضابطة في التفكير الرياضي وكل من التحصيل والتفكير الابتكاري ، وكذلك توجد علاقة دالة إحصائياً بين التحصيل والتفكير الابتكاري .

## 8- دراسة حسن (1999) :

هدفت الدراسة إلى استقصاء أثر طريقة حل المشكلات في تدريس الرياضيات على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي لدى طلاب الصف الثالث المتوسط ، كما هدفت إلى معرفة العلاقة بين التحصيل والتفكير الرياضي ، و تكونت عينة الدراسة من (60) طالباً من طلاب الصف الثالث في إحدى المدارس المتوسطة في مدينة أبها بالمملكة العربية السعودية ، تم تقسيمهم إلى مجموعتين متساويتين إحداهما تجريبية درست وحدة الهندسة التحليلية في كتاب الرياضيات للصف الثالث - الجزء الثاني - باستخدام طريقة حل المشكلات ، والأخرى ضابطة درست الوحدة نفسها بالطريقة التقليدية ، وتضمنت أدوات الدراسة اختبارين أحدهما تحصيلي في وحدة الهندسة التحليلية طبق بعدياً ، وآخر في التفكير الرياضي يشمل مظاهر التفكير التالية : التعميم - الاستقراء - الاستبطاط - التعبير بالرموز - المنطق الشكلي - البرهان الرياضي، طبق قبلياً .

وكان من أهم نتائج الدراسة ما يلي :

- وجود فرق ذي دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في الاختبار التحصيلي لصالح المجموعة التجريبية .
- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضي(للختبار ككل ولكل مظاهره ) لصالح المجموعة التجريبية .
- أعلى درجات اختبار التفكير الرياضي كانت في التعبير بالرموز ، وأدنى درجات كانت في البرهان الرياضي وذلك بالنسبة للعينة ككل .
- توجد علاقة ارتباطية موجبة دالة إحصائياً عند مستوى (0.01) بين درجات طلاب الصف الثالث متوسط - عينة الدراسة - في الاختبار التحصيلي واختبار التفكير الرياضي .

## ٩- دراسة الباز والرياشي (٢٠٠٢م) :

هدفت الدراسة إلى معرفة برنامج مقترن في التقدير والتقريري والحساب الذهني في تربية الحس العددي والتفكير الرياضي لدى التلميذ، وتكونت عينة الدراسة من (٧٠) تلميذاً وتلميذة بالصف الخامس الابتدائي في إحدى المدارس الابتدائية بمدينة الزقازيق بجمهورية مصر العربية ، درسوا بعض موضوعات مقرر الرياضيات وفق البرنامج المقترن، وتضمنت أدوات الدراسة اختبارين أحدهما لقياس مهارات الحس العددي ، الآخر في اختبار التفكير الرياضي وهو عبارة عن صورة معدلة لاختبار ولمت (Wilmot) لقياس التفكير الرياضي ، حيث يقيس الاختبار مهارات التفكير الرياضي التالية : التفكير الكمي – إدراك الأنماط- التفكير الاستقرائي-التفكير الاستباطي ، وطبق كل من الاختبارين قبلياً وبعدياً على عينة الدراسة.

وكان من أهم نتائج الدراسة ما يلي :

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) بين متوسطي درجات تلاميذ العينة في التطبيقين القبلي والبعدي لكل من اختبار مهارات الحس العددي و اختبار التفكير الرياضي لصالح التطبيق البعدى .

- أكثر مهارات التفكير الرياضي نمواً كانت مهارة التفكير الاستقرائي وأقلها نمواً مهارة إدراك الأنماط .

## ١٠- دراسة زينب عبد الغني (٢٠٠٠م) :

هدفت الدراسة إلى معرفة أثر برنامج لتعليم التفكير في الهندسة على التحصيل والتفكير الرياضي لدى التلاميذ ، وتكونت عينة الدراسة من (١٠٠) تلميذ وتلميذة بالصف الأول الإعدادي في مدرستين من المدارس الإعدادية إدراهما للبنين، والأخرى للبنات في مدينة المنيا بجمهورية مصر العربية ، تم تقسيمهما إلى مجموعتين متساوietين إدراهما تجريبية درست موضوعات الهندسة في كتاب الرياضيات للصف الأول - الفصل الثاني- وفق البرنامج المقترن، والأخرى ضابطة درست الموضوعات بالطريقة التقليدية ، وتضمنت أدوات الدراسة اختباراً

تحصيلياً في الهندسة ، واختبار استراتيجيات التفكير الرياضي إعداد ممنوح سليمان وأبو العزائم مصطفى ، طبق الاختباران قبلياً وبعدياً.

وكان من أبرز نتائج الدراسة ما يلي :

- وجود فرق ذي دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لاختبار استراتيجيات التفكير الرياضي لصالح المجموعة التجريبية .
- وجود فرق ذي دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات تلاميذ المجموعة التجريبية في التطبيقين القبلي والبعدى للاختبار التحصيلي لصالح التطبيق البعدى.

#### 11- دراسة الجفري (1421هـ) :

هدفت الدراسة إلى قياس مستوى بعض مظاهر التفكير الرياضي لدى طلاب المرحلة الثانوية في المملكة العربية السعودية ، كما هدفت إلى معرفة العلاقة بين التحصيل في الرياضيات والتفكير الرياضي ، وتكونت عينة الدراسة من (560) طالباً من صفوف (الأول - الثاني طبيعي - الثالث طبيعي) في المدارس الثانوية الحكومية والأهلية في مدينة مكة المكرمة ، وقد بلغ عدد طلاب كل صف في العينة (190-187-183) على الترتيب ، وطبق على عينة الدراسة مقياس التفكير الرياضي إعداد أبو زينة وشطناوي لقياس مظاهر التفكير التالية : التعميم - الاستقراء - الاستبطاط - التعبير بالرموز - التفكير المنطقي - البرهان الرياضي .

وكان من أهم نتائج الدراسة ما يلي :

- بلغت النسبة المئوية لمتوسطات درجات طلاب الصفوف ( الأول - الثاني - طبيعي - الثالث طبيعي) في مقياس التفكير الرياضي ككل (%)44.92 - %46.50 - %15.31 على الترتيب .

على درجات مظاهر التفكير كانت في التعميم والاستقراء ، حيث بلغت النسبة المئوية لمتوسطي درجات الطلاب في التعميم والاستقراء (%)57 -

56.25٪ على الترتيب، بينما كانت أدنى درجات مظاهر التفكير في البرهان الرياضي والتفكير المنطقي ، حيث بلغت النسبة المئوية لمتوسطي درجات الطلاب في البرهان الرياضي والتفكير المنطقي - 32.25٪ - 44.20٪ على الترتيب .

- يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) بين متوسطي درجات طلاب المدارس الحكومية والمدارس الأهلية في مقياس التفكير الرياضي لصالح طلاب المدارس الأهلية .
- توجد علاقة ارتباطية موجبة دالة إحصائياً عند مستوى (0.01) بين درجات طلاب العينة في مقياس التفكير الرياضي ودرجاتهم في الرياضيات (درجات الطالب في الرياضيات في الفصل الدراسي الأول للعام 1421هـ) .

## 12- دراسة عفانة ونبهان (2003) :

هدفت الدراسة إلى معرفة أثر أسلوب التعلم بالبحث على التفكير الرياضي والاتجاه، وعلى الاحتفاظ بمهارات التفكير الرياضي والاتجاه نحو الرياضيات ، وتكونت عينة الدراسة من (140) طالباً من طلاب الصف التاسع الأساسي ( الثالث الإعدادي) في إحدى المدارس الإعدادية بقطاع غزة ، قسموا إلى ثلاثة مجموعات كما يلي :

- مجموعة تجريبية أولى عددها (46) طالباً درسوا وحدة الهندسة بأسلوب التعلم بالبحث الفردي.
  - مجموعة تجريبية ثانية عددها (47) طالباً درسوا وحدة في الهندسة بأسلوب التعلم بالبحث الفردي .
  - مجموعة ضابطة عددها (47) طالباً درسوا الوحدة بالطريقة التقليدية.
- وتضمنت أدوات الدراسة اختباراً في التفكير الرياضي يشمل مظاهر التفكير التالية : التفكير الاستدلالي - التفكير الاستباطي - التفكير الاستقرائي - حل

ال المشكلات - التفكير الإبداعي ، كما تضمنت الأدوات مقياساً للاتجاه نحو الرياضيات، طبق كل من اختبار التفكير وقياس الاتجاهات قبلياً وبعدياً ومؤجلاً .

وكان من أبرز نتائج الدراسة ما يلي :

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية الأولى والضابطة في التطبيق البعدى لكل من اختبار التفكير الرياضي وقياس الاتجاه نحو الرياضيات لصالح المجموعة التجريبية الأولى.
- عدم وجود فرق ذي دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والثانوية والضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضي.
- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية الثانية والضابطة في التطبيق البعدى لمقياس نحو الرياضيات لصالح المجموعة التجريبية الثانية .
- عدم وجود فرق ذي دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية الأولى والتجريبية الثانية في التطبيق البعدى لكل من اختبار التفكير الرياضي وقياس الاتجاه نحو الرياضيات .
- عدم وجود فرق ذي دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية الأولى في التطبيقين البعدى والمؤجل لكلٍ من اختبار التفكير الرياضي وقياس الاتجاه نحو الرياضيات .
- عدم وجود فرق ذي دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية الثانية في التطبيقين البعدى والمؤجل لكلٍ من اختبار التفكير الرياضي وقياس الاتجاه نحو الرياضيات .

13- دراسة التودري (2003م) :

هدفت الدراسة إلى معرفة أثر إستراتيجية مقتربة لتدريس الرياضيات (إستراتيجية التعليم والتعلم النشط) على تحصيل تلاميذ الصف الثالث الابتدائي ، واحتفاظهم بالتعلم ، وقدرتهم على ترجمة التمارين اللفظية ، كما هدفت الدراسة إلى معرفة أثر الإستراتيجية المقتربة في تنمية التفكير الرياضي لدى التلاميذ ، وتكونت عينة الدراسة من (84) تلميذاً وتلميذة بالصف الثالث في مدرستين من المدارس الابتدائية بمحافظة أسيوط ، تم تقسيمهم إلى مجموعتين متساوietين إحداها تجريبية درست مقرر الرياضيات وفق الإستراتيجية المقتربة ، والأخرى ضابط ه درست المقرر بالطريقة التقليدية ، وطبق على عينة الدراسة ثلاثة اختبارات الأول اختبار تحصيلي في رياضيات الصف الثالث الابتدائي طبق بعد ياً ومؤجلاً ، والثاني اختبار في ترجمة التمارين اللفظية طبق بعدياً ، والثالث اختبار في التفكير الرياضي يقيس مظاهر التفكير التالية : الاستقراء – الاستبطاط – التعبير بالرموز – إدراك العلاقات- البرهان الرياضي ، طبق قبلياً وبعدياً.

وكان من أهم نتائج الدراسة ما يلي :

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) بين متوسطي درجات تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لكل من الاختبار التحصيلي واختبار ترجمة التمارين اللفظية واختبار التفكير الرياضي (للختبار ككل ولكل مظهر من مظاهره) لصالح المجموعة التجريبية .
- عدم وجود فرق ذي دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات تلاميذ المجموعة التجريبية في التطبيقين البعدى والمؤجل لاختبار التحصيلي .
- وجود فرق ذي دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) بين متوسطي درجات تلاميذ المجموعة الضابطة في التطبيقين البعدى والمؤجل للختبار التحصيلي لصالح التطبيق البعدى .

14 - دراسة روبين (Robin,2004) :

هدفت الدراسة إلى معرفة أثر استخدام برنامج كمبيوتر مكتوب باستخدام لغة لوجو (Logo) على التحصيل وتنمية مهارات التفكير الرياضي لدى طلاب المرحلة الثانوية ، وتكونت عينة الدراسة من عدد من طلاب المرحلة الثانوية ، تم تقسيمهم إلى مجموعتين إداتها تجريبية درست باستخدام البرنامج ، والأخرى ضابطة درست بالطريقة التقليدية، وتوصلت الدراسة إلى أن البرنامج المقترن ساعد في تحسين تحصيل الطلاب للمفاهيم الرياضية ، وساهم في تنمية مهارات التفكير الرياضي لديهم ، كما توصلت الدراسة إلى وجود علاقة ارتباطية مرتفعة بين التحصيل والتفكير الرياضي لدى الطلاب عينة الدراسة .

### 15- دراسة أبو الغيط (2005) :

هدفت الدراسة إلى معرفة فاعلية إستراتيجية تدريسية تقوم على التكامل بين المناقشة والاكتشاف الموجه في تنمية بعض مهارات التفكير الرياضي والتحصيل والاتجاه نحو مادة الرياضيات ، وتكونت عينة الدراسة من (51) تلميذاً من تلاميذ الصف الرابع الابتدائي في مدرستين من المدارس الابتدائية التابعة لإدارة الباجور التعليمية بمحافظة المنوفية ، تم تقسيمهم إلى مجموعتين إداتها تجريبية عددها (25) تلميذاً درسوا وحدتي الكسور الاعتيادية والهندسة في رياضيات الصف الرابع الابتدائي وفق الاستراتيجية المقترنة ، والأخرى ضابطة عددها (26) تلميذاً درسوا الوحدتين بالطريقة التقليدية ، وتضمنت أدوات الدراسة اختباراً في التفكير الرياضي لقياس مظاهر التفكير التالية: الاستقراء - الاستباط - التعبير بالرموز - إدراك العلاقات، واختباراً تحصيليًّا في وحدتي الكسور الاعتيادية والهندسة في مقرر الرياضيات للصف الرابع الابتدائي ، وقياس الاتجاهات نحو الرياضيات ،طبق كل منها قبلياً وبعدياً .

وكان من أهم نتائج الدراسة ما ظهر :

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لكل من الاختبار

التحصيلي وقياس الاتجاه نحو الرياضيات واختبار التفكير الرياضي (للاختبار ككل ولكل مظهر من مظاهره) لصالح المجموعة التجريبية.

### 16- دراسة العمري (1426هـ) :

هدفت الدراسة إلى معرفة أثر استخدام الحاسب الآلي في تدريس الرياضيات على التحصيل وتنمية التفكير الرياضي لدى التلميذ ، وتكونت عينة الدراسة من (66) تلميذاً من تلاميذ الصف السادس في القسم الابتدائي بمجمع الملك سعود التعليمي بمدينة الرياض ، قسموا إلى مجموعتين متساوietين إحداهما تجريبية درست وحدة المضاعفات (المضاعف المشترك الأصغر - القاسم المشترك الأكبر ) في رياضيات الصف السادس باستخدام الحاسب الآلي، والأخرى ضابطة درست الوحدة نفسها بالطريقة التقليدية ، وطبق على عينة الدراسة اختباراً، أحدهما اختبار تحصيلي في الوحدة ، والآخر في التفكير الرياضي لقياس مظاهر التفكير التالية : الاستقراء - الاستبطاط - التعبير بالرموز - إدراك العلاقات - البرهان الرياضي، وطبق كل من الاختبارين قبلياً وبعدياً .

وكان من أهم نتائج الدراسة ما يلي :

- عدم وجود فرق ذي دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى للاختبار التحصيلي .
- وجود فرق ذي دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضي لصالح المجموعة التجريبية .

## **التعليق على دراسات المحور الثاني :**

- 1 يتضح من عرض الدراسات السابقة تعدد المهارات أو المكونات التي يتضمنها التفكير الرياضي، وعدم اتفاق الدراسات على مظاهر ثابتة محددة للتفكير الرياضي، وهذا بدوره يعكس اختلاف الباحثين في تحديد مفهوم التفكير الرياضي.
- 2 بالرغم من تعدد مهارات التفكير الرياضي التي تضمنتها الدراسات السابقة ، إلا أن هناك مظاهر تكاد تكون ثابتة ، فهي مهارات مشتركة بين كثير من الدراسات وتعد بمثابة مكونات رئيسية للتفكير الرياضي ، ومن مهارات التفكير الرياضي التي وردت في كثير من الدراسات السابقة مهارات الاستقراء والاستبعاد (الاستنتاج)، حيث ورداً كمهاراتي للتفكير الرياضي في دراسات عيد (1998م) ونصر (1999م) والليثي (1999م) وحسن (1999م) وعفانة ونبهان(2003م) والتودري(2003م) وأبو الغيط (2005م)، ومن مهارات التفكير التي تضمنتها عدد من الدراسات السابقة أيضاً التعبير بالرموز حيث أعتبر التعبير بالرموز مظهراً للتفكير الرياضي في دراسات نصر (1998م) وحسن (1999م) والتودري (2003م) وأبوالغيط (2005م) ، كما أن مهارة التعميم والبرهان الرياضي والتفكير المنطقي تعتبر من أكثر مهارات التفكير التي تضمنتها الدراسات السابقة .
- 3 بالرغم من أن التفكير الناقد والتفكير الابتكاري (الإبداعي) نمطان رئيسان من أنماط التفكير بشكل عام ، إلا أن دراستي الليثي (1999م) وعفانة ونبهان (2003م) جعلتا التفكير الناقد والتفكير الابتكاري ضمن التفكير الرياضي، وهذا يؤكد شمولية مفهوم التفكير الرياضي ، وبالتالي قدرة الرياضي ات و المناسبتها لتنمية أنماط التفكير المختلفة .
- 4 في ضوء استعراض مهارات أو مكونات التفكير الرياضي من خلال الدراسات السابقة وغيرها من الأدبيات ، حدد الباحث مهارات التفكير

الرياضي التي تتضمنها الدراسة الحالية ، حيث تم تحديد مهارات التفكير الرياضي التالية : الاستقراء- الاستنتاج- البرهان الرياضي .

-5 بالرغم من أن نتائج كثير من الدراسات السابقة أوضحت تدني مستوى الطالب في التفكير الرياضي بشكل عام حتى لدى الطلاب المتقوفين في الرياضيات كما أوضحت ذلك نتائج دراسة هسيا (Hsieh,1996) ، إلا أن بعض مهارات التفكير الرياضي كان مستوى أداء الطلاب فيها ضعيفاً أكثر من غيرها ، ومن مهارات أو مكونات التفكير الرياضي التي كان مستوى الطالب فيها منخفضاً البرهان الرياضي والاستنتاج ، حيث أوضحت ذلك نتائج منصور (1998م) وحسن (1999م) والجفري (1421هـ) .

-6 اهتمت بعض الدراسات السابقة بقياس مستوى مهارات التفكير الرياضي لدى الطالب كدراسة الجفري (1421هـ) ، بينما حاولت دراسات أخرى معرفة أثر برنامج مقترن أو استراتيجية معينة أو طريقة تدريس معينة في تنمية مهارات التفكير الرياضي لدى الطلاب ، حيث تناولت دراسات عيد (1998م) وربين (Robin,2004) والعمرى (1426هـ) ) أثر استخدام الكمبيوتر (الحاسوب الآلي ) في تنمية مهارات التفكير الرياضي ، بينما تناولت دراسات ترونر وآخرون (Turner and Others,1997) و منصور (1998) وللبيثى (1999) والباز والرياشى (2000) وزينب عبد الغنى (1999) أثر برنامج مقترن في تنمية التفكير الرياضي ، وحسن (1999م) (2000) وعفانة ونبهان (2003م) والتودري (2003م) وأبو الغيط (2005م) أثر إستراتيجية معينة أو طريقة تدريس معينة في تنمية التفكير الرياضي .

-7 وقد تباينت نتائج تلك الدراسات في فاعلية أو أثر تلك المدخل أو البرامج أو الطرق والاستراتيجيات في تنمية التفكير الرياضي ، حيث أكدت نتائج دراسات ترونر وآخرون (Turner and Others,1997) و وكارلسون (Carlson,1997) وعيد (1998م) و منصور (1998) وللبيثى (1999) وحسن ( 1999م) والباز والرياشى(2000) وزينب عبد الغنى (2000)

والتدري (2003) وربين (Robin,2004) وأبو الغيط (2005) والعمري (1426هـ) فاعالية المدخل المستخدم أو البرنامج المقترن أو الطريقة المتبعة في تنمية التفكير الرياضي ، في حين أوضحت نتائج دراسة عفانة ونبهان (2003) (بالنسبة لأسلوب التعلم بالبحث الجماعي) عدم وجود أثر أو فاعالية للطريقة أو الإستراتيجية أو الأسلوب المقترح في تنمية التفكير الرياضي ، والدراسة الحالية تعتبر ضمن الدراسات التي تتناول أثر استخدام طريق ونماذج تدريس ترتكز على نظريات تعلم حديثة ، حيث تهدف الدراسة الحالية إلى معرفة أثر تصميم مقترن لمحتوى وحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي لدى الطالب ، وبالتالي يتمّ - في ضوء نتائج الدراسة - الكشف عن محتوى يتم من خلاله تنمية مهارات التفكير الرياضي لدى الطالب .

تم الاستفادة من الدراسات السابقة في كثير من الجوانب المتعلقة بالدراسة الحالية، ومنها تأكيد الدراسات السابقة على أهمية التفكير الرياضي وضرورة البحث عن طرق ونماذج تدريس ومحنتى يتم من خلاله تنمية مهارات التفكير الرياضي لدى الطالب، وحيث أن المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري يساعد على تنمية مهارات التفكير الرياضي ، فقد يتم تحديد التفكير الرياضي متغيراً تابعاً في الدراسة الحالية ، ليتم معرفة أثر المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري في تربيته لدى الطالب ، كما تمت الاستفادة من الدراسات السابقة في الاطلاع على عدد من مقاييس واختبارات التفكير الرياضي ، وتم في ضوء مظاهر التفكير التي حدتها الدراسة اختيار أحد هذه المقاييس ، حيث تم اختيار مقياس التفكير الرياضي إعداد الدكتور عوض التودري كأداة لقياس مظاهر التفكير الرياضي التي تم تحديدها في الدراسة الحالية .

## **الفصل الثالث**

### **إجراءات الدراسة**

- ❖ مقدمة
- ❖ منهج الدراسة
- ❖ متغيرات الدراسة
- ❖ مجتمع الدراسة
- ❖ عينة الدراسة
- ❖ أدوات الدراسة
- ❖ إجراءات تطبيق الدراسة
- ❖ الأساليب الإحصائية

## **مقدمة :**

يتضمن هذا الفصل عرضاً مفصلاً لإجراءات الدراسة ، من حيث تحديد المنهج المستخدم في الدراسة ، وتحديد مجتمع الدراسة والعينة وطريقة اختيارها، كما يتناول أدوات الدراسة والخطوات التفصيلية لإعدادها ، كما يتناول أيضاً خطوات تطبيق الدراسة ، والأساليب الإحصائية المستخدمة في تحليل البيانات واختبار الفرضيات .

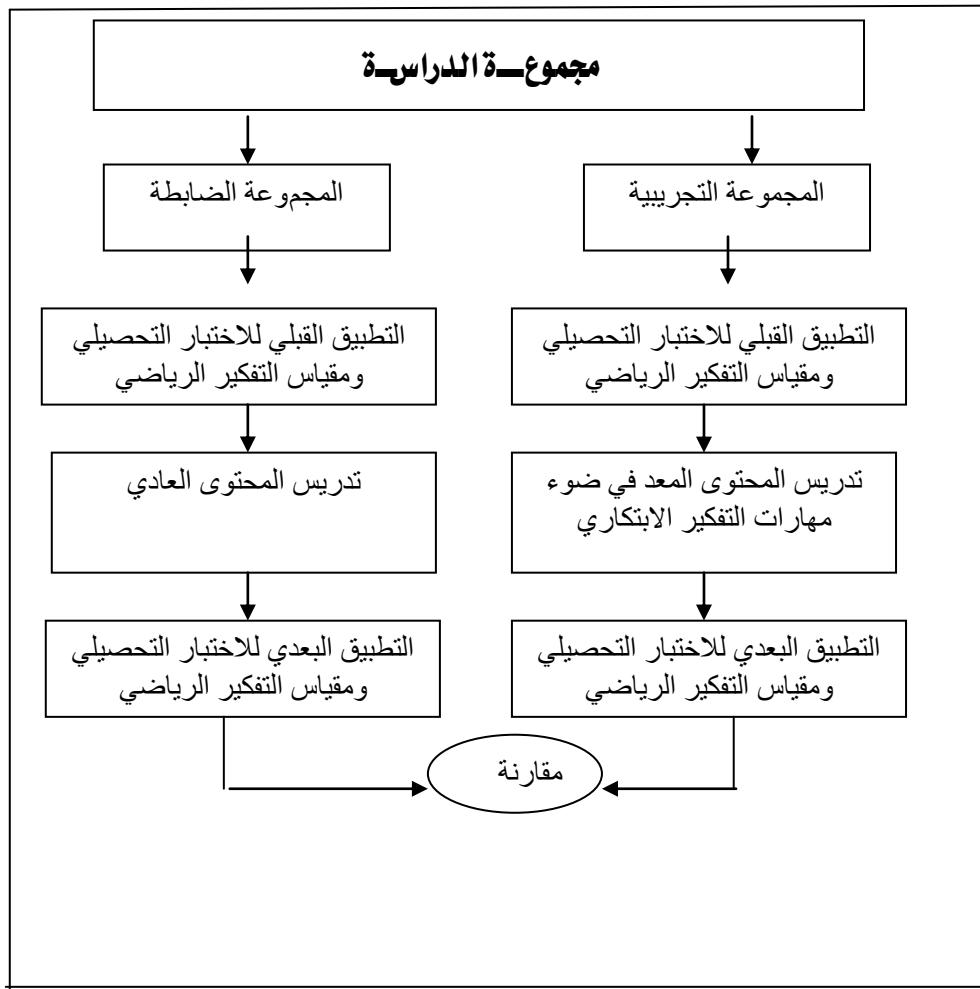
## **منهج الدراسة:**

منهج هذه الدراسة هو المنهج شبه التجاري Quasi- Experimental Method وقد عرفه عبيات وآخرون (2001م) " تغيير معتمد ومضبوط للشروط المحددة الواقع أو الظاهره - التي تكون موضوعاً للدراسة وملاحظة ما ينتج عن هذا التغيير من آثار في هذا الواقع أو الظاهره " ص240.

حيث تسعى الدراسة الحالية لمعرفة أثر تصميم مقترن لمحتوى وحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي لطلاب الصف الثالث متوسط

واعتمدت الدراسة على التصميم التجاري Group Design Pre- test Post :  
ويتم فيه إجراء اختبار قبلى وبعدى لمجموعتين اختيرت عشوائياً  
إحداهما تمثل المجموعة التجريبية (Experimental Group ) والتي ستطبق المحتوى المقترن تصميمه، والأخرى تمثل المجموعة الضابطة (Controlled Group ) والتي تدرس بالمحتوى العادى

والشكل التالي يوضح التصميم التجريبي المتبّع في البحث .



شكل (1)

#### التـصـمـيمـ التجـريـبيـ المـتبـعـ فيـ الـبـحـثـ

وقد قام الباحث وفق هذا التصميم باختيار مجموعتين إحداهما تمثل المجموعة التجريبية والأخرى تمثل المجموعة الضابطة، ثم طبق الباحث الاختبار التصحيلى القبلي واختبار التفكير الرياضي القبلي على أفراد المجموعتين التجريبية والضابطة ، ثم طبق العامل التجربى (المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ) على المجموعة التجريبية في حين طبق على المجموعة الضابطة (المحتوى العادي)، ثم طبق الاختبار التصحيلى البعدى واختبار التفكير الرياضي البعدى على المجموعتين وبمقارنة نتائج التحليل الإحصائي للمجموعتين أمكن معرفة

الأثر الذي أحدثه المتغير المستقل (المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ) على المتغير التابع ( التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي) .

### **متغيرات الدراسة :**

**1- المتغير المستقل** :Independent Variable

المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري

**2- المتغيرات التابعية** Dependent Variables

- التفكير الرياضي0

- التحصيل الدراسي في مادة الرياضيات 0

**المتغيرات الضابطة** : Variables Control

تم تحديد عدد من المتغيرات المرتبطة بخصائص عينة التجربة وإجراءاتها

- لضبطها على النحو التالي :

- العمر الزمني : بما أن العينة ممثلة في طلاب الصف الثالث المتوسط فإن  
أعمارهم في المجموعتين تتفاوت ما بين (14-16) سنة 0

- المستوى الاجتماعي والثقافي والاقتصادي : تم اختيار عينة الدراسة من إدارة  
 التعليمية واحدة وفي أحياط متقاربة بما يضمن توافر التجانس بين مجموعات  
 الدراسة في المستوى الاقتصادي الاجتماعي والثقافي 0

وتم تحقيق الضبط الإحصائي باستخدام المعالجة الإحصائية المناسبة لضمان  
ضبط المتغيرات إحصائياً 0

### **مجتمع الدراسة : The Population of The Study**

يشمل مجتمع الدراسة جميع طلاب الصف الثالث المتوسط الذين يدرسون في  
المدارس الحكومية التابعة لإدارة التربية والتعليم بمحافظة الطائف في الفصل  
الدراسي الأول للعام الدراسي 1430/1429هـ والبالغ عددهم ( 5914 )

طالباً ) الإدارة العامة للتربية والتعليم بمحافظة الطائف ، مركز المعلومات والحاسب ، 1429/1430هـ (

### عينة الدراسة :

تكونت عينة الدراسة من (56) طالباً من طلاب الصف الثالث المتوسط في مدرسة أبو بكر الصديق المتوسطة ، وقد مررت عملية اختيار العينة بالخطوات والإجراءات التالية :

- 1 - حصر جميع المدارس المتوسطة في مدينة الطائف في الفصل الدراسي الأول للعام الدراسي 1429/1430هـ ، حيث بلغ عددها (69) مدرسة (الإدارية العامة للتربية والتعليم بمحافظة الطائف ، مركز المعلومات والحاسب ، العادة للدراسات والعلوم والحاسب ، 1430/1429هـ).
- 2 - تم استخدام طريقة العينة العشوائية لاختيار مدرسة من المدارس السابقة ، وقد جاءت نتيجة الاختيار على مدرسة أبي بكر الصديق المتوسطة 0
- 3 - تم تحديد عدد فصول الصف الثالث المتوسط في المدرسة ، حيث يتكون الصف الثالث المتوسط في مدرسة أبو بكر المتوسطة من ستة فصول من . 6/3 - 1/3 .
- 4 - تم استخدام طريقة العينة العشوائية لاختيار فصلين من فصول الصف الثالث المتوسط لتمثل عينة الدراسة ، وقد جاءت نتيجة الاختيار على الفصلين 1/3 و 3/3 .
- 5 - تم استخدام طريقة العينة العشوائية لاختيار فصل ليمثل المجموعة التجريبية والأخر ليمثل المجموعة الضابطة ، وقد جاءت نتيجة الاختيار على فصل 1/3 ليمثل المجموعة التجريبية وفصل 3/3 ليمثل المجموعة الضابطة ، والجدول التالي يوضح عدد أفراد العينة وتوزيعهم إلى مجموعة تجريبية ومجموعة ضابطة 0

## 6 - جدول (2)

**جدول عدد أفراد العينة وتوزيعهم إلى مجموعة تجريبية ومجموعة ضابطة**

النسبة	عدد الطلاب	الفصل	المجموعة
48	27	1/3	التجريبية
52	29	3/3	الضابطة
<b>56</b>			<b>المجموع</b>

### **أدوات الدراسة :**

**تضمنت الدراسة الأدوات التالية :**

أ- مادة تعليمية محتوى وحدة الدائرة - في كتاب الرياضيات للصف الثالث المتوسط الفصل الدراسي الأول - أعيد صياغته في ضوء مهارات التفكير الابتكاري وقد مررت صياغة المحتوى في ضوء مهارات التفكير الابتكاري بالخطوات التالية :

1- الاطلاع على المراجع العلمية والدراسات السابقة التي تناولت المحتوى الرياضي وطريقة صياغته وتصميم الوحدة الرياضية .

2- اختيار الوحدة الدراسية تم اختيار وحدة الدائرة بناءً على فحص مبدئي لمقررات الرياضيات في التعليم العام ، حيث تعتبر وحدة الدائرة لطلاب الصف الثالث المتوسط من أكثر الوحدات الدراسية التي يمكن تصميم محتواها الرياضي (مفاهيم ، تعاميم ، مهارات ) تصميم ابتكاري في ضوء مهارات التفكير الابتكاري .

3- تحليل محتوى وحدة الدائرة تم تحليل محتوى وحدة الدائرة إلى (مفاهيم ، تعاميم ، مهارات ) .

4 - تصنیف أهداف دروس وحدة الدائرة حيث تم تصنیف الأهداف السلوكية لكل درس من دروس وحدة الدائرة .

#### 5- تصميم المحتوى في ضوء مهارات التفكير الابتكاري

صمم المحتوى في ضوء مهارات التفكير الابتكاري و تم مراعاة مهارة الطلقة وذلك من خلال إتاحة المجال أمام الطلاب لتوسيع أكبر عدد ممكن من الأفكار والإجابات لتدريبات وطرح أسئلة مفتوحة الإجابات ، تقديم المحتوى الرياضي تقديم يساعد على البحث والاستكشاف والتجريب وتنوع الإجابات وهذا راعى مهارة المرونة ، وتم طرح تمارين تتناسب مع مهارة الأصالة حيث يتطلب حلها أفكار جديدة ومبتكرة ، تم إتاحة الفرصة أمام الطلاب لتحديد خطوات البرهان الأساسية والمراحل التي مر بها وذلك يساعدهم في اختصار خطوات الحل .

6 - تم اخذ آراء السادة المحكمين على المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري .

#### ب - أدوات بحثية ( أدوات قياس ) :

1- اختبار تحصيلي من إعداد الباحث في وحدة الدائرة.

هدف هذه الدراسة إلى المقارنة بين مجموعتين مجموعة تجريبية تدرس المحتوى المصمم لوحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ومجموعة ضابطة تدرس المحتوى العادي على التحصيل الدراسي لطلاب الصف الثالث المتوسط في وحدة الدائرة وبالتالي فإن الأداة المناسبة لقياس تحصيل الطلاب هو اختبار تحصيلي في وحدة الدائرة ونظرًا لعدم تمكن الباحث من الحصول على اختبار يناسب أهداف وحدود الدراسة الحالية ، تم بناء اختبار تحصيلي لطلاب الصف الثالث المتوسط لوحدة الدائرة وقد مرت عملية بناء الاختبار بالخطوات التالية:

- 1 - تحليل لمحوى وحدة الدائرة من كتاب الصف الثالث المتوسط وتحديد المفاهيم والمهارات والتعاميم المتضمنة في الوحدة.
  - 2 - إعداد جدول الموصفات للأهداف السلوكية وتحديد الوزن النسبي لكل هدف في المستويات الثلاث لتصنيف بلوم .
  - 3 - صياغة مفردات الاختبار لوحدة الدائرة بناءً على المستويات الثلاثة وتكون الاختبار في صورته المبدئية من عدد (28) فقرة.
  - 4 - وضع الاختبار في صورته المبدئية وبطاقة تحليل المحتوى وجدول الموصفات للأهداف السلوكية معاً . وأرفق لهم خطاب إلى عدد من المحكمين المتخصصين في طرق تدريس الرياضيات لأخذ رأيهم بشأن صلاحية الاختبار من حيث : هل الاختبار شامل لكل مفاهيم ومهارات وتعاميم الوحدة ؟ هل الاختبار يقيس المستويات الثلاثة؟ صحة تصنيف كل سؤال في المستوى الذي يقيسه . صحة الصياغة اللغوية والعلمية هل الاختبار في مستوى نمو الطالب؟ هل الخيارات المطروحة للإجابة مناسبة علمياً؟
  - وتم التعديل وفق أراء المحكمين وبالتالي تم التأكيد من صدق المحكمين للاختبار التصيلي وأصبح الاختبار في صورته النهائية يتكون من (27) فقرة وتم وضع درجة واحدة لكل فقرة لتصبح الدرجة الكلية للاختبار 27 درجة.
  - 5- التجربة الاستطلاعية:
- تهدف التجربة الاستطلاعية إلى ما يلي:
- 1 - تحديد زمن الاختبار.
  - 2 - حساب معامل الصعوبة والسهولة لأسئلة الاختبار.
  - 3 - حساب معاملات التمييز لأسئلة الاختبار 0

4 - حساب ثبات الاختبار.

5 - معرفة مدى وضوح تعليمات الاختبار

حيث تم تطبيق الاختبار على عينة استطلاعية  
وأظهرت نتائج التطبيق الاستطلاعي ما يلي:

1 - زمن الاختبار:

لتحديد الزمن المناسب للاختبار تم تحديد المعادلة التالية :

$$\frac{\text{مجموع الزمن الذي استغرقه الطالب}}{\text{عدد الطالب}} = \frac{\text{الزمن المناسب للاختبار}}{\text{الطلاب}}$$

وبتطبيق المعادلة السابقة وجد أن :

$$\frac{1500}{25} = \frac{1500}{60} = 25 \text{ دقيقة}$$

2 - حساب معاملات الصعوبة والسهولة لأسئلة الاختبار:

يذكر عودة (1998م ، ص289) أن معامل صعوبة السؤال يعني

نسبة عدد الطالب الذين أجابوا على السؤال إجابة صحيحة إلى العدد الكلي للطلاب، وبناءً على ذلك تكون أدنى قيمة لمعامل الصعوبة صفرًا وأعلى قيمة واحداً، بمعنى أن الأسئلة الصعبة جداً تقترب قيم معاملات صعوبتها من الصفر ، والأسئلة السهلة جداً تقترب بقيم معاملات صعوبتها من الواحد أي أنه كلما زادت قيمة معامل الصعوبة كلما كان ا

يرى أبو لبدة (1996م،ص342) أن يسمى معامل السهولة 0

أ - حساب معاملات الصعوبة لأسئلة المزاوجة : النوع الأول من

الاختبار (5-1):

تم حساب معاملات الصعوبة لأسئلة المزاوجة من متعدد باستخدام  
المعادلة التالية :

$$\text{معامل صعوبة السؤال} = \frac{\text{العدد الكلي للطلاب}}{\text{عدد الطالب الذين أجابوا على السؤال إجابة صحيحة}}$$

أبو زينة (1998م، ص284)

وقد جاءت قيم معاملات الصعوبة لأسئلة المزاوجة في الفترة [0,0,33,83] ، وتعتبر قيم مقبولة وتدل على أن الأسئلة ذات مستوى مناسب من الصعوبة 0 حساب معاملات الصعوبة لأسئلة المزاوجة :

(5-1)

تم حساب معاملات الصعوبة لأسئلة المزاوجة من متعدد باستخدام المعادلة التالية :

عدد الطالب الذين أجابوا على السؤال إجابة صحيحة

$$\text{معامل صعوبة السؤال} = \frac{\text{العدد الكلي للطلاب}}{\text{عدد الطالب الذين أجابوا على السؤال إجابة صحيحة}}$$

أبو زينة (1998م، ص284)

وقد جاءت قيم معاملات الصعوبة لأسئلة المزاوجة في الفترة [0,83,33] ، وتعتبر قيم مقبولة وتدل على أن الأسئلة ذات مستوى مناسب من الصعوبة 0

ب- حساب معاملات الصعوبة لأسئلة الاختيار من متعدد : النوع الثاني من الاختبار (13-1) :

تم حساب معاملات الصعوبة لأسئلة المزاوجة من متعدد باستخدام المعادلة التالية :

$$\text{معامل صعوبة السؤال} = \frac{\text{العدد الكلي للطلاب}}{\text{عدد الطالب الذين أجابوا على السؤال إجابة صحيحة}}$$

أبو زينة (1998م، ص284)

وقد جاءت قيم معاملات الصعوبة لأسئلة الاختبار من متعدد في الفترة [0,63، 43] ، وتعتبر قيم مقبولة وتدل على أن الأسئلة ذات مستوى مناسب من الصعوبة 0

ج - حساب معاملات الصعوبة لأسئلة الصواب والخطأ : النوع الثالث من الاختبار (1-6) :

تم حساب معاملات الصعوبة لأسئلة المزاوجة من مت عدد باستخدام المعادلة التالية :

$$\text{معامل صعوبة السؤال} = \frac{\text{عدد الطالب الذين أجابوا على السؤال إجابة صحيحة}}{\text{العدد الكلي للطلاب}}$$

أبو زينة (1998م، ص284)

وقد جاءت قيم معاملات الصعوبة لأسئلة الصواب والخطأ في الفترة [0,71، 53] ، وتعتبر قيم مقبولة وتدل على أن الأسئلة ذات مستوى مناسب من الصعوبة 0

3 - حساب معاملات التمييز لأسئلة الاختبار :

يشير الرافعي وصبري (1424هـ ، ص 292) إلى أن معامل التمييز يعني قدرة كل بند من بنود الاختبار على التمييز بين المتعلمين الذين حصلوا على درجات عالية في الاختبار والمتعلمين الذين حصلوا على درجات منخفضة ، ومعامل التمييز يؤخذ أي قيمة في الفترة [-1+1] وأفضل معامل تميز كما يذكر أبو لبدة(1996م ص ص 351- 352) هو ما كانت قيمتها واحداً صحيحاً أو قريباً منه ، ولكنه يرى أنه من الصعب الحصول على معاملات تميز لها هذه القيمة أما بالنسبة للأسئلة التي تكون قيم معاملات تميزها سالبة فيرى أن تمحى لأنها لا تقيس ما يقيسه الاختبار ويشير عودة (1998م ص ص294- 295) إلى أنه ليس هناك تحديد قطعي للمدى المقبول لمعامل التمييز وأنه يجب عدم الاعتماد فقط على نتائج

التحليل الإحصائي في اختيار فقرات الاختبار وإنما يعتمد على التحليل المنطقي إلى جانب التحليل الإحصائي ولحساب معاملات تمييز أسئلة الاختبار تم اتباع الخطوات التالية : ع ودة (1998م ص ص 285-286) والدوسري (1421هـ ص ص 216-218)

- تصحيح إجابات طلاب العينة الاستطلاعية على كل سؤال وإيجاد الدرجة الكلية لكل طالب بجمع درجاته على جميع الأسئلة 0
  - ترتيب درجات الطلاب على الاختبار من الأعلى إلى الأدنى (تنازلياً)
  - تقسيم الدرجات إلى ثلات فئات (27%) تمثل الفئة المحتوية على أعلى الدرجات و (27%) تمثل الفئة المحتوية على أدنى الدرجات و (46%) وتمثل الفئة المحتوية على باقي الدرجات وقد بلغ عدد الطلاب في كل من الفئة العليا والدنيا (14) طالباً وبالرغم من انه يمكن تقسيم الطلاب كما يشير الدوسري (1421هـ ص 218) وفق نسب أخرى إلا إن اختيار نسبة (27%) يؤدي إلى تقسيم الطلاب إلى فئتين على نحو يزيد التمايز بينهم من حيث الأداء مع الحصول على أكبر عدد ممكن من الطلاب في كل فئة .
  - حساب عدد الطلاب في كل من الفئة العليا والفئة الدنيا ، الذين أجابوا على السؤال إجابة صحيحة وذلك بالنسبة لكل سؤال من الأسئلة الموضوعية التي تكون إجابتها إما صحيحة أو غير صحيحة .
  - حساب مجموع درجات طلاب الفئة العليا وكذلك مجموع درجات طلاب الفئة الدنيا على كل سؤال من الأسئلة المقالية .
- أ - حساب معاملات التمييز لأسئلة المزاوجة (1 - 5) :

تم حساب معاملات التمييز لأسئلة المزاوجة باستخدام العلاقة التالية:

معامل التمييز =  $\frac{\text{عدد طلاب الفئة العليا الذين أجابوا على السؤال إجابة صحيحة} - \text{عدد طلاب الفئة الدنيا الذين أجابوا على السؤال إجابة صحيحة}}{\text{عدد الطلاب في إحدى الفئتين}}$

م ز = ص ع - ص د

أبو زينة (1998م ، ص 285)

ن

حيث :

م ز : معامل التمييز

ص ع : عدد طلاب الفئة العليا الذين أجابوا على السؤال إجابة صحيحة.

ص د : عدد طلاب الفئة الدنيا الذين أجابوا على السؤال إجابة صحيحة.

ن : عدد الطلاب في إحدى الفئتين 0

وقد جاءت قيم معاملات التمييز للأسئلة المزواجهة في الفترة [ 0, 24, 0, 28]

وهي قيمة جيدة تدل على أن الأسئلة لها القدرة على التمييز .

**ب - حساب معاملات التمييز لأسئلة الاختيار من متعدد (13-1)**

تم حساب معاملات التمييز لأسئلة الاختيار من متعدد باستخدام العلاقة التالية:

معامل التمييز= عدد طلاب الفئة العليا الذين أجابوا على السؤال إجابة صحيحة - عدد طلاب الفئة الدنيا الذين أجابوا على السؤال إجابة صحيحة

عدد الطلاب في إحدى الفئتين

م ز = ص ع - ص د

أبو زينة (1998م ، ص 285)

ن

وقد جاءت قيم معاملات التمييز للأسئلة الاختيار من متعدد في الفترة

[ 0, 26 ، 0, 29 ] وهي قيمة جيدة تدل على أن الأسئلة لها القدرة على

التمييز .

**ج- حساب معاملات التمييز لأسئلة الصواب والخطأ (6-1)**

تم حساب معاملات التمييز لأسئلة الصواب والخطأ باستخدام العلاقة التالية:

معامل التمييز= عدد طلاب الفئة العليا الذين أجابوا على السؤال إجابة صحيحة - عدد طلاب الفئة الدنيا الذين أجابوا على السؤال إجابة صحيحة

عدد الطلاب في إحدى الفئتين

$$م ز = ص ع - ص د$$

أبو زينة (1998م ، ص 285)

ن

وقد جاءت قيم معاملات التمييز للأسئلة الصواب والخطأ في الفترة

[ 0,27 ، 0, 26]

وهي قيم جيدة تدل على أن الأسئلة لها القدرة على التمييز .

#### د - حساب معاملات التمييز للأسئلة المقالية :

معامل التمييز = مجموع درجات طلاب الفئة العليا على السؤال - مجموع درجات طلاب الفئة الدنيا على السؤال

درجة السؤال X عدد الطلاب في إحدى الفئتين

$$م ز = م ج - ص ع - م ج - ص د$$

أبو زينة (1998م ص 285)

س x ن

حيث:

م ز : معامل التمييز

مج ص ع : مجموع درجات طلاب الفئة العليا على السؤال .

مج ص د : مجموع درجات طلاب الفئة الدنيا على السؤال.

س : درجة السؤال

ن : عدد الطلاب في إحدى الفئتين .

وقد جاءت قيم معاملات التمييز للأسئلة المقالية في الفترة [ 0,12 ، 0,51 ، 0,51 ]

وهي قيم مقبولة وتدل على أن الأسئلة ذات تمييز مناسب 0

3 - حساب معامل ثبات الاختبار : تم حساب معامل الثبات باستخدام معامل

الفالكونباخ وقد بلغ معامل الثبات ( 91 % ) وهو معامل ثبات جيد

ومطمئن وبالتالي تم التأكد من صدق الاختبار التحصيلي كما ذكر سابقاً

والثبات كما سبق وبالتالي ي أصبح الاختبار جاهز لقياس التحصيل المعرفي لطلاب الصف الثالث المتوسط في وحدة الدائرة .

2 - اختبار قياس التفكير الرياضي حيث تم تطبيق الاختبار المعد من قبل د عوض التودري : حيث تكون الاختبار من ثلاثة اختبارات فرعية ، الاختبار الأول يقيس قدرة الطالب على التفكير الاستقرائي ويكون من ثمان فقرات وتم وضع درجة على كل فقرة ، الاختبار الثاني يقيس قدرة الطالب على التفكير الاستنتاجي ويكون من ثمان فقرات وتم وضع درجة على كل فقرة الاختبار الثالث يقيس قدرة الطالب على البرهان الرياضي ويكون من ثمان فقرات وتم وضع درجة على كل فقرة ، وتم أخذ الإذن من معد الاختبار كما هو مبين في الملحق رقم (8)

#### إجراءات تطبيق الدراسة :

بعد أن تم إعداد الصورة النهائية لوحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ، وبعد إعداد الأدوات والتحقق من صدقها وثباتها ، وأخذ الخطاب من سعادة عميد كلية التربية بمكة إلى مدير التربية والتعليم بالطائف بالسماح للباحث بتطبيق دراسته على عينة من طلاب الصف الثالث المتوسط بمدينة الطائف ومن ثم الحصول على موافقة الإدارة العامة للتربية والتعليم بمحافظة الطائف على تطبيق الدراسة على مدرسة العينة- أبو بكر الصديق- تم البدء في إجراءات الدراسة وذلك وفق الخطوات التالية:

- زيارة المدرسة ، ومقابلة المدير وإعطاءه فكرة عن أهداف وأهمية الدراسة وخطوات تنفيذها 0
- تحديد عدد فصول الصف الثالث المتوسط بالمدرسة ، حيث بلغ عدد الفصول ستة فصول 0
- استخدام طريقة العينة العشوائية لاختيار فصلين لتمثل عينة الدراسة وقد جاءت نتيجة الاختيار العشوائي على الفصول 1/3 ، 3/3 ثم استخدمت العينة العشوائية أيضاً لاختيار فصل ليمثل المجموعة التجريبية وقد جاءت نتيجة الاختيار العشوائي على الفصل 1/3 وبالتالي يمثل 3/3 المجموعة الضابطة0

- الالقاء مع معلم الرياضيات في المدرسة المختارة و تعريفه بكيفية تدريس المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري.
- الالقاء بطلاب فصل المجموعة التجريبية وإعطائهم فكرة عن طبيعة الدراسة وأهدافها وأهميتها ، وتوضيح أبرز الإجراءات والخطوات التي سيتم إتباعها في دراسة موضوعات وحدة الدائرة وتعريفه بم بأجزاء وإجراءات تنفيذ الأنشطة 0
- إجراء التطبيق القبلي للاختبار التحصيلي على طلاب المجموعة الضابطة والمجموعة التجريبية يوم الأربعاء الموافق 1429/11/14 هـ
- إجراء التطبيق القبلي لاختبار قياس التفكير الرياضي على طلاب المجموعة الضابطة والمجموعة التجريبية يوم السبت الموافق 1429/11/17 هـ 0
- تصحيح أوراق إجابات الطالب في التطبيق القبلي ، وفق الإجابة النموذجية لكل منها 0
- البدء في تدريس المحتوى لوحدة الدائرة للمجموعة التجريبية يوم الأحد الموافق 1429/11/18 هـ من قبل معلم المادة في مدرسة العينة وقد استغرق تدريس المجموعة الضابطة والتجريبية (16 حصة) ، حيث تم الانتهاء من تدريس موضوعات الوحدة يوم الأربعاء الموافق 19 /12 /1429 هـ .
- إجراء التطبيق البعدي للاختبار التحصيلي على طلاب المجموعة الضابطة والمجموعة التجريبية يوم السبت الموافق 1429/12/22 هـ 0
- إجراء التطبيق البعدي لاختبار قياس التفكير الرياضي على طلاب المجموعة الضابطة والمجموعة التجريبية يوم الأحد الموافق 23 /12 /1429 هـ .
- تصحيح أوراق إجابات الطالب في التطبيق البعدي ، وفق الإجابة النموذجية لكل منها 0
- تحليل البيانات إحصائياً ، وإبراز نتائج الدراسة وتفصيلها ، وتقديم عدد من التوصيات والمقترنات .

## **الأساليب الإحصائية المناسبة للدراسة :**

تم استخدام البرنامج الإحصائي SPSS لإجراء المعالجات الإحصائية المتفق عليها وهي :

- تحليل التباين المصاحب (ANCOVA) بعد التأكد من شروط استخدامه وهي:
  - 1 - تجانس التباين في المجتمعات التي تنتهي إليها المجموعات الجزئية في التصميم التجريبي 0
  - 2 - تتوزع البيانات الإحصائية على المتغير التابع في المجتمع الذي تنتهي إليه المجموعة الجزئية الواحدة توزيعاً اعتدالياً 0
  - 3 - تجانس الانحدار ، أي أن تكون معاملات الانحدار لخطوط انحدار المتغير التابع على المتغير المصاحب للمجتمعات التي تنتهي إليها المجموعات الجزئية متساوية إحصائياً 0

## **الفصل الرابع**

## **تحليل النتائج :**

### **جدول (٢)**

**قيم المتوسطات الحسابية المعدلة والانحرافات المعيارية لمجموعتي الدراسة التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لكل من الاختبار التحصيلي و اختبار التفكير الرياضي**

المجموعة الضابطة		المجموعة التجريبية		المتوسطات والانحرافات المعيارية أجزاء الاختبار	الاختبار - المقياس
الانحراف المعياري	المتوسط المعدل	الانحراف المعياري	المتوسط المعدل		
2,7175	6,103	2,4235	6,928	التذكر	الاختبار

التحصيلي				
الفهم	التطبيق	الاختبار التحصيلي ككل	الاستقرار	الاستنتاج
2,2871	6,501	2,2891	7,539	مقاييس التفكير الرياضي
0,4804	1,072	0,9092	0,314	
4,1787	12,961	4,556	15,522	
1,6701	4,096	1,1299	5,216	
1,2484	3,181	1,1662	4,124	
1,3661	3,316	1,5089	4,179	
3,1288	10,416	3,65	13,663	

أظهرت نتائج الدراسة كما يتضح من الجدول السابق ، تفوق طلاب المجموعة التجريبية الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري على طلاب المجموعة الضابطة الذين درسوا با لمحتوى العادي ، وذلك في كل من الاختبار التحصيلي عند مستويات (التذكر ، الفهم ، التطبيق ) ومقاييس التفكير الرياضي في مظاهر ( الاستقرار ، الاستنتاج ، البرهان الرياضي) .

## اختبار الفرض الأول :

ينص الفرض الأول على ما يلي : لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$ , بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحتوى العادي ) في الاختبار التحصيلي البعدي عند مستوى التذكر بعد ضبط التحصيل القبلي.

اختبار تحليل التباين ولاختبار صحة الفرض السابق تم استخدام المصاحب ( ANCOVA ).

والجدول التالي يوضح النتائج الخاصة بذلك 0

### جدول (4)

نتائج تحليل التباين المصاحب لدرجات اختبار التحصيل البعدي للمجموعتين الضابطة والتجريبية عند مستوى التذكر

مصدر التباين	المجموع المربعات	درجة الحرية	متوسط المربعات	قيمة F (F)	مستوى الدلالة
التغير (المتغير المصاحب)	263,693	1	263,693	186,538	0,000
الأثر التجريبي	8,811	1	8,811	6,233	0,016
الخطأ	69,267	49	1,414		
المجموع	2544,000	52			
المجموع المصحح	347,000	51			

من الجدول السابق يتضح أن قيمة "F" تساوي (6,233) وهي دالة إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  وهذا يؤدي إلى رفض الفرض الصافي الأول والذي ينص على أنه:

لا يوجد فرق دال إحصائية عند مستوى  $\geq 05$ , بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحنوي المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحنوي العادي ) في الاختبار التحصيلي البعدى عند مستوى التذكر بعد ضبطه للتحصيل القبلي.

وقبول الفرض البديل الذي ينص على أنه إحصائياً عند مستوى  $\geq 05$ , بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحنوي المصمم ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحنوي العادي ) في الاختبار التحصيلي البعدى عند مستوى التذكر بعد ضبطه للتحصيل القبلي.

وبالرجوع إلى الجدول (3) لمعرفة اتجاه الفروق بين مجموعتي الدراسة يتبيّن أن المتوسط المعدل لدرجات طلاب المجموعة التجريبية في الاختبار التحصيلي البعدى عن مستوى التذكر بلغ (6,928) وهو أكبر من المتوسط المعدل لدرجات طلاب المجموعة الضابطة في الاختبار التحصيلي البعدى عند مستوى التذكر الذي بلغ (6,103) ، مما يعني تفوق طلاب المجموعة التجريبية ( الذين درسوا بالمحنوي المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ) على طلاب المجموعة الضابطة ( الذين درسوا بالمحنوي المصمم في ضوء مهارات التفكير ) في التحصيل البعدى لمستوى التذكر .

اختبار الفرض الثاني :

ينص الفرض الثاني على ما يلي :

لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية (الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري) والضابطة (الذين درسوا بالمحتوى العادي) في الاختبار التحصيلي البعدى لمستوى الفهم بعد ضبط التحصيل القبلي.

ولاختبار صحة الفرض السابق تم استخدام اختبار تحليل التباين المصاحب

(ANCOVA) والجدول التالي يوضح النتائج الخاصة بذلك

### جدول (5)

نتائج تحليل التباين المصاحب لدرجات اختبار التحصيل البعدى للمجموعتين الضابطة

والتجريبية عند مستوى الفهم

مصدر التباين	مجموع المربعات	درجة الحرية	متوسط المربعات	قيمة F (F)	مستوى الدلالة
التغير (المتغير المصاحب)	180,983	1	180,983	109,786	0,000
الأثر التجربى	13,890	1	13,890	8,426	0,006
الخطأ	69,267	49	1,414		
المجموع	2544,000	52			
المجموع المصحح	347,000	51			

ويتبين من الجدول السابق أن قيمة "F" تساوي (8,426) وهي دالة إحصائية عند مستوى  $\geq 0,05$  وهذا يؤدي إلى رفض الفرض الصفرى الثانى والذي ينص على أنه : لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية (الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري) والضابطة (الذين درسوا بالمحتوى العادي) في الاختبار التحصيلي البعدى لمستوى الفهم بعد ضبط التحصيل القبلي.

وقبول الفرض البديل والذي ينص على أنه : يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحتوى العادي) في الاختبار التحصيلي البعدى لمستوى الفهم بعد ضبط التحصيل القبلي.

وبالرجوع إلى الجدول (3) لمعرفة اتجاه الفروق بين مجموعتي الدراسة يتبيّن أن المتوسط المعدل لدرجات طلاب المجموعة التجريبية في الاختبار التحصيلي البعدى عند مستوى الفهم بلغ (7,539) وهو أكبر من المتوسط المعدل لدرجات طلاب المجموعة الضابطة في الاختبار التحصيلي البعدى عند مستوى الفهم الذي بلغ (6,501) ، مما يعني تفوق طلاب المجموعة التجريبية على طلاب المجموعة الضابطة في التحصيل البعدى لمستوى الفهم.

### اختبار الفرض الثالث :

ينص الفرض الثالث على ما يلي :

لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ) والضابطة( الذين درسوا بالمحتوى العادي ) في الاختبار التحصيلي البعدى عند مستوى التطبيق بعد ضبط التحصيل القبلي.

ولاختبار صحة الفرض السابق تم استخدام اختبار تحليل التباين المصاحب (ANCOVA) والجدول التالي يوضح النتائج الخاصة بذلك

### جدول (6)

#### نتائج تحليل التباين المصاحب لدرجات اختبار التحصيل البعدى للمجموعتين الضابطة والتجريبية عند مستوى التطبيق

مستوى الدلالة	قيمة F (F)	متوسط المربعات	درجة الحرية	مجموع المربعات	مصدر التباين
0,251	1,352	0,694	1	,694	التغير (المتغير المصاحب)
0,001	13,445	6,900	1	6,900	الأثر التجربىي
		0,513	49	25,146	الخطأ
			52	58,000	المجموع
			51	33,077	المجموع المصحح

من الجدول السابق يتضح أن قيمة "F" تساوي (13,445) وهي دالة إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  وهذا يؤدي إلى رفض الفرض الصفرى الثالث الذي ينص على أنه : لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحنوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكارى ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحنوى العادى ) في الاختبار التحصيلي البعدى عند مستوى التطبيق بعد ضبط التحصيل القبلي وقبول الفرض البديل والذي ينص على أنه : يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحنوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكارى ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحنوى العادى ) في الاختبار التحصيلي البعدى عند مستوى التطبيق بعد ضبط التحصيل القبلي.

وبالرجوع إلى الجدول (3) لمعرفة اتجاه الفروق بين مجموعتي الدراسة يتبين أن المتوسط المعدل لدرجات طلاب المجموعة التجريبية في الاختبار التحصيلي البعدى عند مستوى التطبيق بلغ (1,072) وهو أكبر من المتوسط المعدل لدرجات طلاب المجموعة الضابطة في الاختبار التحصيلي البعدى عند مستوى

التطبيق الذي بلغ (341)، مما يعني تفوق طلاب المجموعة التجريبية (الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري) على طلاب المجموعة الضابطة (الذين درسوا بالمحتوى العادي) في التحصيل البعدى لمستوى التطبيق.

#### اختبار الفرض الرابع :

ينص الفرض الرابع على ما يلى :

لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية (الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري) والضابطة (الذين درسوا بالمحتوى العادي) في الاختبار التحصيلي البعدى ككل بعد ضبط التحصيل القبلي.

ولاختبار صحة الفرض السابق تم استخدام اختبار تحليل التباين

المصاحب (ANCOVA) والجدول التالي يوضح النتائج الخاصة بذلك 0

جدول (7)

نتائج تحليل التباين المصاحب لدرجات اختبار التحصيل البعدى ككل للمجموعتين

**الضابطة والتجريبية**

مستوى الدلالة	قيمة F (F)	متوسط المربعات	درجة الحرية	مجموع المربعات	مصدر التباين
0,000	185,188	752,999	1	752,999	التغير (المتغير المصاحب)
0,000	20,931	85,106	1	85,106	الأثر التجربى
		4,066	49	199,241	الخطأ
			52	58,000	المجموع

من الجدول السابق يتضح أن قيمة "F" لاختبار الفرق بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في الاختبار التحصيلي البعدى ككل تساوي (20,931) وهي دالة إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  وهذا يؤدي إلى رفض

الفرض الصفرى الرابع والذى ينص على أنه : لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحتوى المصمم فى ضوء مهارات التفكير الابتكارى ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحتوى العادى ) في الاختبار التحصيلي البعدى ككل بعد ضبط التحصيل القبلي.

وقبول الفرض البديل الذى ينص على أنه : يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحتوى المصمم فى ضوء مهارات التفكير الابتكارى ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحتوى العادى ) في الاختبار التحصيلي البعدى ككل بعد ضبط التحصيل القبلي.

وبالرجوع إلى الجدول (3) لمعرفة اتجاه الفروق بين مجموعتي الدراسة يتبيّن أن المتوسط المعدل لدرجات طلاب المجموعة التجريبية في الاختبار التحصيلي البعدى ككل بلغ (15,522) وهو أكبر من المتوسط المعدل لدرجات طلاب المجموعة الضابطة في الاختبار التحصيلي البعدى ككل الذي بلغ (12,961)، مما يعني تفوق طلاب المجموعة التجريبية على طلاب المجموعة الضابطة في التحصيل البعدى ككل .

#### اختبار الفرض الخامس :

ينص الفرض الخامس على ما يلى : لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحتوى المصمم فى ضوء مهارات التفكير الابتكارى ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحتوى العادى ) في التطبيق البعدى لمقاييس التفكير الرياضي في مظاهر الاستقراء بعد ضبط التفكير القبلي.

ولاختبار صحة الفرض السابق تم استخدام اختبار تحليل التباين المصاحب (ANCOVA) والجدول التالي يوضح النتائج الخاصة بذلك 0

جدول (8)

نتائج تحليل التباين المصاحب لدرجات مقياس التفكير الرياضي البعدى للمجموعتين الضابطة والتجريبية في مظهر الاستقراء

مستوى الدلالة	قيمة F	متوسط المربعات	درجة الحرية	مجموع المربعات	مصدر التباين
0,000	207,410	83,445	1	83,445	التغير (المصاحب)
0,000	37,977	15,279	1	15,279	الأثر التجربى
		0,402	49	19,714	الخطأ
			52	1223,000	المجموع
			51	106,058	المجموع المصحح

من الجدول السابق يتضح أن قيمة "F" لاختبار الفرق بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في مقياس التفكير الرياضي البعدى في مظهر الاستقراء بلغت (37,977) وهي دالة إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  وهذا يؤدي إلى رفض الفرض الصفرى الخامس والذي ينص على أنه : لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية (الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحتوى العادى ) في التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضي في مظهر الاستقراء بعد ضبط التفكير القبلي .

وقبول الفرض البديل والذي ينص على أنه : يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحتوى العادى ) في التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضي في مظهر الاستقراء بعد ضبط التفكير القبلي.

وبالرجوع إلى الجدول (3) لمعرفة اتجاه الفروق بين مجموعتي الدراسة يتبيّن أن المتوسط المعدّل لدرجات طلاب المجموعة التجريبية في مقياس التفكير الرياضي البعدّي في مظاهر الاستقرار بلغ (5,216) وهو أكبر من المتوسط المعدّل لدرجات طلاب المجموعة الضابطة في مقياس التفكير الرياضي البعدّي في مظاهر الاستقرار الذي بلغ (4,096)، مما يعني تفوق طلاب المجموعة التجريبية على طلاب المجموعة الضابطة في التفكير الرياضي في مظاهر الاستقرار.

#### اختبار الفرض السادس:

ينص الفرض السادس على ما يلي : لا يوجد فرق دال إحصائياً عن د مستوٍ  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحفوٍ المصمّم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحفوٍ العادي ) في التطبيق البعدّي لمقياس التفكير الرياضي في مظاهر الاستنتاج بعد ضبط التفكير القبلي .

ولاختبار صحة الفرض السابق تم استخدام اختبار تحليل التباين المصاحب (ANCOVA) والجدول التالي يوضح النتائج الخاصة بذلك :

**جدول (9)**

نتائج تحليل التباين المصاحب لدرجات مقياس التفكير الرياضي البعدّي للمجموعتين الضابطة والتجربيّة في مظاهر الاستنتاج

مستوى الدلالة	قيمة F (F) المحسوبة	متوسط المربعات	درجة الحرية	مجموع المربعات	مصدر التباين
<b>0,000</b>	111,718	50,854	1	50,854	التغير (المتغير المصاحب)
<b>0,000</b>	24,005	10,927	1	10,927	الأثر التجريبي
		0,455	49	22,305	الخطأ
			52	763,000	المجموع
			51	76,058	المجموع المصحح

من الجدول السابق يتضح أن قيمة "ف" لاختبار الفرق بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في مقاييس التفكير الرياضي البعدى في مظهر الاستنتاج بلغت (24,005) وهي دالة إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  وهذا يؤدى إلى رفض الفرض الصفرى السادس والذي ينص على أنه : لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحلى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكارى ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحلى العادى ) في التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضي فى مظهر الاستنتاج بعد ضبط التفكير القبلي .

وقبول الفرض البديل والذي ينص على أنه : يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحلى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكارى ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحلى العادى ) في التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضي فى مظهر الاستنتاج بعد ضبط التفكير القبلي .

وبالرجوع إلى الجدول (3) لمعرفة اتجاه الفروق بين مجموعتي الدراسة يتبيّن أن المتوسط المعدل لدرجات طلاب المجموعة التجريبية في مقاييس التفكير الرياضي البعدى في مظهر الاستنتاج بلغ (4,124) وهو أكبر من المتوسط المعدل لدرجات طلاب المجموعة الضابطة في مقاييس التفكير الرياضي البعدى في مظهر الاستنتاج الذي بلغ (3,0181) ، مما يعني تفوق طلاب المجموعة التجريبية على طلاب المجموعة الضابطة في التفكير الرياضي في مظهر الاستنتاج .

#### اختبار الفرض السابع :

ينص الفرض السابع على ما يلى : لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحلى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكارى ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحلى العادى ) في التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضي فى مظهر البرهان الرياضي بعد ضبط التفكير القبلي .

ولاختبار صحة الفرض السابق تم استخدام اختبار تحليل التباين المصاحب (ANCOVA) والجدول التالي يوضح النتائج الخاصة بذلك 0

#### جدول (10)

نتائج تحليل التباين المصاحب لدرجات مقياس التفكير الرياضي البعدى للمجموعتين الضابطة والتجريبية في مظهر البرهان الرياضي

مستوى الدلالة	قيمة F (F) المحسوبة	متوسط المربعات	درجة الحرية	مجموع المربعات	مصدر التباين
0,000	104,623	70,255	1	70,255	التغير (المتغير المصاحب)
0,001	13,552	9,100	1	9,100	الأثر التجربى
		0,672	49	32,904	الخطأ
			52	828,000	المجموع
			51	104,231	المجموع المصحح

من الجدول السابق يتضح أن قيمة "F" بلغت (13,552) وهي دالة إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  وهذا يؤدي إلى رفض الفرض الصفرى السادس والذى ينص على أنه : لا يوجد فرق دلالاً إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$ , بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحلى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكارى ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحلى العادى ) في التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضي في مظهر البرهان الرياضي بعد ضبط التفكير القبلي .

وقبول الفرض البديل والذى ينص على أنه إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$ , بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحلى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكارى ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحلى العادى ) في التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضي في مظهر البرهان الرياضي بعد ضبط التفكير القبلي .

وبالرجوع إلى الجدول (3) لمعرفة اتجاه الفروق بين مجموعتي الدراسة يتبين أن المتوسط المعدل لدرجات طلاب المجموعة التجريبية في مقاييس التفكير الرياضي البعدى في مظهر البرهان ال رياضي بلغ (4,179) وهو أكبر من المتوسط المعدل لدرجات طلاب المجموعة الضابطة في مقاييس التفكير الرياضي البعدى في مظهر الاستنتاج الذى بلغ (3,416) ، مما يعني تفوق طلاب المجموعة التجريبية (الذين درسوا بالمحلى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكارى ) على طلاب الم جموعة الضابطة (الذين درسوا بالمحلى العادى ) في التفكير الرياضي في مظهر البرهان الرياضي.

#### اختبار الفرض الثامن:

**ينص الفرض الثامن على مايلي :**

لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية (الذين درسوا بالمحلى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكارى ) والضابطة (الذين درسوا بالمحلى العادى) في التطبيق البعدى لمقاييس التفكير الرياضي ككل بعد ضبط التفكير القبلي.

ولاختبار صحة الفرض السابق تم استخدام اختبار تحليل التباين المصاحب (ANCOVA) والجدول التالي يوضح النتائج الخاصة بذلك :

#### جدول (11)

**نتائج تحليل التباين المصاحب لدرجات مقياس التفكير الرياضي البعدى ككل للمجموعتين  
الضابطة والتجريبية ، بعد ضبط التفكير الرياضي القبلي**

مستوى الدلالة	قيمة F(F) المحسوبة	متوسط المربعات	درجة الحرية	مجموع المربعات	مصدر التباين
0,000	209,301	343,792	1	343,792	التغير (المتغير المصاحب)
0,000	70,680	116,097	1	116,097	الأثر التجربى
		1,643	49	80,486	الخطأ
			52	7932,000	المجموع
			51	444,000	المجموع المصحح

من الجدول السابق يتضح أن قيمة "F" بلغت (70,680) وهي دالة إحصائية عند مستوى  $\geq 0,05$  وهذا يؤدي إلى رفض الفرض الصفرى الثامن والذي ينص على أنه : لا يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحتوى العادى ) في التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضي ككل بعد ضبط التفكير القبلي.

وقبول الفرض البديل والذي ينص على أنه : يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية ( الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ) والضابطة ( الذين درسوا بالمحتوى العادى ) في التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضي ككل بعد ضبط التفكير القبلي.

وبالرجوع إلى الجدول (3) لمعرفة اتجاه الفروق بين مجموعتي الدراسة يتبيّن أن المتوسط المعدل لدرجات طلاب المجموعة التجريبية في مقياس التفكير الرياضي البعدى ككل بلغ (13,633) وهو أكبر من المتوسط المعدل لدرجات طلاب المجموعة الضابطة في مقياس التفكير الرياضي ككل والذي بلغ (10,461) مما يعني تفوق طلاب المجموعة التجريبية ( الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء

مهارات التفكير الابتكاري) على طلاب المجموعة الضابطة ( الذين درسو ا بالمحتوى العادي) في التفكير الرياضي ككل .

### تفسير نتائج الدراسة ومناقشتها :

كان الهدف من الدراسة معرفة أثر تصميم مقترن لمحتوى وحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي لدى طلاب الصف الثالث المتوسط وقد أظهرت نتائج الدراسة كما يتضح من العرض السابق ، تفوق طلاب المجموعة التجريبية الذين درسوا بالمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري على طلاب المجموعة الضابطة الذين درسوا بالمحتوى العادي ، وذلك في كل من الاختبار التحصيلي عند مستويات (الذكر ، الفهم ، التطبيق) ومقاييس التفكير الرياضي في مظاهر ( الاستقراء ، الاستنتاج ، البرهان الرياضي ) حيث :

- أظهرت نتائج الدراسة وجود فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\leq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى للاختبار التحصيلي عند مستوى التذكر لصالح طلاب الـ مجموعة التجريبية ، وهذه النتيجة تعنى أن المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري يسمح للطلاب بـان يعيدوا صياغة المفهوم أو التعميم الرياضي بـأسلوبه الخاص وذلك من خلال مهارة الطلاقة اللفظية والتي تضمنها المحتوى المصمم ولذلك يسهل على الطالب تذكر هذا المفهوم أو التعميم والذي أعاد صياغته بـأسلوبه الخاص ، وأيضاً مراعاة المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري إلى مبدأ الاستمرار والتتابع في اكتساب وتنظيم الخبرات ، وتذكر المعلومات هنا لا يعني مجرد الحفظ والاسترجاع ، بل إنه يعتبر إحدى العمليات الضرورية لحدوث التعلم والكتساب الخبرات الجديدة ، وبناء الطالب للمعرفة بأنفسهم كما يتم في المحتوى المصمم ، تجعل التعلم ذا معنى بالنسبة للمتعلم ، وبذلك ترسخ المعلومات في ذهنه فتتكامل وتندمج المعلومات والخبرات الجديدة مع الخبرات السابقة وتنتفق هذه النتيجة مع ما توصلت إليه دراسة تورنر وآخرون (1997م) حيث أوضحت نتائج الدراسة

أن لاستخدام برنامج قائم على الأنشطة الابتكارية التي تعتمد على تحدي العقل تأثيراً إيجابياً في التحصيل الدراسي عند مستوى التذكر، ودراسة الليثي (1999م) حيث أوضحت نتيجة الدراسة أن لاستخدام برنامج مقترن في الرياضيات أثر إيجابياً في التحصيل الدراسي عند مستوى التذكر ، ودراسة زينب عبد الغني (2000م) حيث أوضحت نتيجة الدراسة أن لاستخدام برنامج لتعليم التفكير في الهندسة تأثيراً إيجابياً في التحصيل الدراسي عند مستوى التذكر 0

- 2 - أظهرت نتائج الدراسة وجود فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى للاختبار التصصيلي عند مستوى الفهم لصالح طلاب المجموعة التجريبية ، ويمكن إرجاع السبب في هذه النتيجة إلى أن المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري يساعد على الفهم ، فهو يجعل المتعلم محوراً للعملية التعليمية ، فهو الذي يقوم بمعظم العمليات التي تؤدي إلى التعلم ، فمهارة المرونة تجعل المتعلم ينوع من إجاباته على السؤال بأكثر من طريقه مما يساعد على فهم المحتوى الرياضي بشكل أكبر ، وأيضاً اعتماد المحتوى المصمم على إيجاد طرق أخرى لحل المسائل الرياضية وإكمال الحل الغير مكتمل يساعد على استيعاب الطالب لهذه المسائل والمفاهيم والنظريات الرياضية وأيضاً صياغة خطوات البرهان الرياضي صياغة لفظية وبأسلوب الطلاب الخاص يساعدهم على استيعاب البرهان وملاحظة الخطوات الأساسية التي مر بها البرهان ، كما أن المحتوى المصمم راعى مهارة الأصللة من خلال ترك الحرية للطلاب أن يفكروا في حلول جديدة للمسائل الرياضية وأن يختصروا خطوات الحل المفصلة في المحتوى مما يساعدهم على الفهم والاستيعاب للمفاهيم والتعاميم والمهارات الرياضية 0 وتنتفق هذه النتيجة مع ما توصلت إليه دراسة تورنر وآخرون (1997م) حيث أوضحت نتيجة الدراسة أن لاستخدام برنا مج قائم على الأنشطة الابتكارية التي تعتمد على تحدي العقل تأثيراً إيجابياً في 1 لتحصيل الدراسي عند

مستوى الفهم، ودراسة الليثي (1999م) حيث أوضحت نتيجة الدراسة أن استخدام برنامج مقترن في الرياضيات أثر إيجابياً في التحصيل الدراسي عند مستوى الفهم ، ودراسة زينب عبد الغني (2000م) حيث أوضحت نتيجة الدراسة أن استخدام برنامج لتعليم التفكير في الهندسة تأثيراً إيجابياً في التحصيل الدراسي عند مستوى الفهم 0

- 3 - أظهرت نتائج الدراسة وجود فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى للاختبار التحصيلي عند مستوى التطبيق لصالح طلاب المجموعة التجريبية، ويمكن إرجاع السبب في هذه النتيجة إلى أن المحتوى المصمم راعى مهاراتي الأصالة والتفاصيل والتي تعطى الطالب الفرصة في إيجاد أفكار جديدة وغير مألوفة لحل المسائل الرياضية وأيضاً إعطاء الطالب موافق تحتوي على عناصر جديدة بالمقارنة مع الموقف الذي تم فيه تعلم التجريد وأيضاً ترك الحرية للطلاب بإجراء مقارنات واكتشاف العلاقات بين المفاهيم و ا لتعاميم التي تضمنتها وحدة الدائرة مما ساعد الطالب على القدرة على تحليل المعلومات وتطبيقها في موافق جديدة وذلك يتناسب مع مستوى التطبيق 0 وتنتفق هذه النتيجة مع ما توصلت إليه دراسة تورنر وآخرون (1997م) حيث أوضحت نتيجة الدراسة أن استخدام برنامج قائم على الأنشطة الابتكارية التي تعتمد على تحدي العقل تأثيراً إيجابياً في التحصيل الدراسي عن مستوى التطبيق ، ودراسة الليثي (1999م) حيث أوضحت نتيجة الدراسة أن استخدام برنامج مقترن في الرياضيات أثر إيجابياً في التحصيل الدراسي عند مستوى التطبيق ، ودراسة زينب عبد الغني (2000م) حيث أوضحت نتيجة الدراسة أن استخدام برنامج لتعليم التفكير في الهندسة تأثيراً إيجابياً في التحصيل الدراسي عند مستوى التطبيق 0

- 4 - أظهرت نتائج الدراسة وجود فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى للاختبار التحصيلي ككل لصالح طلاب المجموعة التجريبية ، و لهذه النتيجة

ارتباطاً مباشراً بالنتيجةين السابقتين ، فالتحصيل ككل يتكون من التحصيل عند مستوى التذكر والفهم والتطبيق ، كما أنه قد أشير إلى بعض المبررات والأسباب التي له دور في هذه النتيجة ، والمتمثلة إجمالاً في المزايا التي يتسم بها المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ، فهو يتيح للطلاب المشاركة الإيجابية في أنشطة التعلم المختلفة ، مما يساعدهم على اكتشاف المفاهيم والتعويضات والوصول إليها بأنفسهم ، و بالقالي فهمهم واستيعابهم لها ، والقدرة على توظيفها واستخدامها في حلول التمارين والمشكلات الرياضية التي تقدم لهم والتي تساهم بدورها في تنمية مهارات حل المشكلات بشكل عام ، كما أن المناقشات والمداولات وتبادل الأفكار التي تناح للطلاب من خلال طريقة عرض المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ، تساهم في خلق جو تعليمي تعلمٍ يساعد على الفهم والاستيعاب وتطبيق الخبرات في موافق جديدة ، وعموماً فإن المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري يتيح للطلاب الفرصة لاكتساب وبناء المعرفة بأنفسهم وبالتالي يصبح التعلم ذا معنى بالنسبة لهم 0 وتنتفق هذه النتيجة مع ما توصلت إليه دراسة تورنر وأخرون (1997م) حيث أوضحت نتيجة الدراسة أن لاستخدام برنامج قائم على الأنشطة الابتكارية التي تعتمد على تحدي العقل تأثيراً إيجابياً في التحصيل الدراسي ككل ، ودراسة الليثي (1999م) حيث أوضحت نتيجة الدراسة أن لاستخدام بر ناج مقترن في الرياضيات أثر إيجابياً في التحصيل الدراسي ككل ، ودراسة زينب عبد الغني (2000م) حيث أوضحت نتيجة الدراسة أ لاستخدام برنامج لتعليم التفكير في الهندسة تأثيراً إيجابياً في التحصيل الدراسي ككل 0 -5 أظهرت نتائج الدراسة وجود فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضي بالنسبة للمقياس ككل ولمظاهر الاستقراء ، الاستنتاج ، البرهان الرياضي 0

و هذه النتيجة تعني أن للمحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري أثراً إيجابياً في تربية التفكير الرياضي لدى الطلاب ، ويمكن إرجاع السبب في تفوق طلاب المجموعة التجريبية على طلاب المجموعة الضابطة في التفكير الرياضي إلى المزايا التي يتسم بها المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ، فهو يساعد الطالب على اكتساب وتنمية العديد من أنماط التفكير ، وذلك من خلال الأنشطة والعمليات التي يتضمنها المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري ، حيث إنه يتيح للطلاب الفرصة للقيام بعمليات الاستقراء والاستنتاج ، والبحث والاكتشاف ، وفرض الفروض واختبارها ، واستخلاص النتائج والحكم عليها ، وهذه تعتبر قدرات ومهارات أساسية لكثير من مظاهر التفكير الرياضي ، فعندما يقوم الطالب أثناء عرض المحتوى بعمليات الملاحظة والتأمل وإجراء المقارنات والاكتشاف القواعد ، فإن ذلك يؤدي إلى تربية التفكير الاستقرائي ، إذ إن هذه العمليات تعتبر مهارات رئيسية للتفكير الاستقرائي ، بينما لا يتيح المحتوى العادي للطلاب ممارسة هذه العمليات ، وبالتالي لا تتهيأ لهم الفرصة لتنمية مهارات التفكير الاستقرائي ٠

كما أن المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري يفرض على الطلاب القيام بعمليات الاستكشاف والاكتشاف من خلال مهارات الطلاقة والمرنة والأصالة للوصول إلى المفاهيم والنظريات والنتائج ، فالهدف الرئيس لمرحلة الاستكشاف والاكتشاف والتي تعتبر من أهم مراحل المحتوى هو اكتشاف المفهوم أو القاعدة ، وتتضمن عملية اكتشاف المفهوم أو القاعدة قيام الطالب في نهاية مرحلة الاستكشاف بصياغة ما توصل إليه من نظريات وقواعد ونتائج في جمل لفظية أو صيغ رمزية ، أي أن الطالب في هذه المرحلة يقوم بصياغة تعليمات وقواعد عامة ثم تطبيقها على حالات خاصة ، وهذا يعني أن المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري يتيح للطلاب تنمية مهارة الاستنتاج والتي تعتبر أحد مظا هر التفكير الرياضي ، أما في المحتوى العادي فلا يترك للطلاب المجال في صياغة التعليمات واكتشافها ولكن يطلب منهم ذكرها كما ترد في الكتاب المدرسي ، وبالتالي

يفقد الطالب اكتساب وتنمية المهارات والقدرات التي تتمي قدرتهم على التفكير الاستنتاجي .

كما أن من الأنشطة والمهام الرئيسية التي يتضمنها المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري قيام الطالب بالتحقق من صحة النظريات والنتائج التي يتم اكتشافها ، وهذا يتطلب من الطالب أن يكون قادرًا على فرض الفروض ، وإجراء المحاكمات العقلية واستخدام القواعد المنطقية ، والقدرة على تحديد القضايا المرتبطة بالمشكلة أو المسألة وتلك التي ليس لها علاقة بالمشكلة ، وتعتبر هذه العمليات من القدرات والمهارات التي يجب أن يمتلكها الطالب ليتمكن من إجراء وتنفيذ البراهين الرياضية ، فالبرهان الرياضي عبارة عن محاكمات عقلية منطقية يتم من خلالها فرض الفروض واختبارها ، والانتقال من خطوة إلى أخرى بناءً على أدلة وشواهد صحيحة كال المسلمات والبديهيات والنظريات والنتائج ، وهذا يعني أن المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الابتكاري يساهم بطريقة مباشرة في إكساب الطالب عدداً من المهارات الخاصة بالبرهان الرياضي ، أما في المحتوى العادي فإنه يتم البرهنة على النظريات والنتائج بطريقة آلية وفق خطوات منتظمة ومرتبة بشكل ثابت ، مما يجعل البرهان الرياضي يمثل صعوبة أمام كثير من الطلاب في جميع المراحل التعليمية حتى من ذوي مستويات التحصيل المرتفعة ٠

ومما سبق يتضح أن المحتوى المصمم في ضوء مهارات التفكير الرياضي يتيح للطلاب اكتساب وتنمية العديد من الخبرات التي تعتمد عليها مهارات التفكير الرياضي المختلفة ٠

وتتفق هذه النتيجة مع ما توصلت إليه دراسة تورنر وآخرون (1997م) حيث أوضحت نتائج الدراسة أن لاستخدام برنا مج قائم على الأنشطة الابتكارية التي تعتمد على تحدي العقل تأثيراً إيجابياً في تنمية مهارات التفكير الرياضي لدى الطلاب ، ودراسة منصور (1998م) حيث أوضحت نتائج الدراسة إن لبرنامج مقترن لتنمية مهارات التفكير تأثيراً إيجابياً في تنمية التفكير الرياضي لدى الطلاب ، ودراسة الليثي (1999م) حيث أوضحت نتائج الدراسة أن لاستخدام برنامج مقترن

في الرياضيات أثر إيجابياً في تربية مهارات التفكير الرياضي لدى الطالب ،  
ودراسة زينب عبد الغني (2000م) حيث أوضحت نتيجة الدراسة أن لاستخدام  
برنامـج لـتـعلـيم التـفـكـير فـي الـهـندـسـة تـأثـير إـيجـابـيـاً فـي تـرـمـيمـة مـهـارـات التـفـكـير الرـياـضـي  
لـدى الطـلـاب 0

## **الفصل الخامس**

### **ملخص نتائج الدراسة والتوصيات والمقترنات**

- ❖ **أولاً : ملخص نتائج الدراسة**
- ❖ **ثانياً: التوصيات**
- ❖ **ثالثاً: المقترنات**

## **أولاً- ملخص نتائج الدراسة :**

**توصلت الدراسة إلى النتائج التالية :**

- 1 يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية الذين درسوا المحتوى المعد في ضوء مهارات التفكير الابتكاري وطلاب المجموعة الضابطة الذين درسوا بالطريقة العادلة في الاختبار التحصيلي البعدي ، عند مستوى التذكر لصالح طلاب المجموعة التجريبية 0
- 2 يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية الذين درسوا المحتوى المعد في ضوء مهارات التفكير الابتكاري وطلاب المجموعة الضابطة الذين درسوا بالطريقة العادلة في الاختبار التحصيلي البعدي ، عند مستوى الفهم لصالح طلاب المجموعة التجريبية 0
- 3 يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية الذين درسوا المحتوى المعد في ضوء مهارات التفكير الابتكاري وطلاب المجموعة الضابطة الذين درسوا بالطريقة العادلة في الاختبار التحصيلي البعدي ، عند مستوى التطبيق لصالح طلاب المجموعة التجريبية 0
- 4 يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية الذين درسوا المحتوى المعد في ضوء مهارات التفكير الابتكاري وطلاب المجموعة الضابطة الذين درسوا بالطريقة العادلة في الاختبار التحصيلي البعدي كل ، لصالح طلاب المجموعة التجريبية 0
- 5 يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية الذين درسوا المحتوى المعد في ضوء مهارات التفكير الابتكاري وطلاب المجموعة الضابطة الذين درسوا بالطريقة العادلة في

**التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضى فى مظهر الاستقراء ، لصالح**

**طلاب المجموعة التجريبية 0**

-6 يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب

المجموعة التجريبية الذين درسوا المحتوى المعد في ضوء مهارات التفكير

الابتكارى وطلاب المجموعة الضابطة الذين درسوا بالطريقة العادلة فى

التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضى فى مظهر الاستنتاج ، لصالح طلاب

**المجموعة التجريبية 0**

-7 يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب

المجموعة التجريبية الذين درسوا المحتوى المعد في ضوء مهارات التفكير

الابتكارى وطلاب المجموعة الضابطة الذين درسوا بالطريقة العادلة فى

التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضى فى مظهر البرهان الرياضى ،

**لصالح طلاب المجموعة التجريبية 0**

-8 يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى  $\geq 0,05$  بين متوسطي درجات طلاب

المجموعة التجريبية الذين درسوا المحتوى المعد في ضوء مهارات التفكير

الابتكارى وطلاب المجموعة الضابطة الذين درسوا بالطريقة العادلة فى

التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضى كل ، لصالح طلاب المجموعة

**التجريبية 0**

### **ثانياً - توصيات الدراسة :**

في ضوء النتائج التي توصلت إليها الدراسة ، يوصي الباحث بما يلى :

5 - تصميم وتنظيم كتب الرياضيات المدرسية في ضوء مهارات التفكير

**الابتكارى 0**

6 - حث معلمي الرياضيات على إعداد أنشطة ومهام تعليمية يتم من خلالها تربية

**التفكير الابتكارى لدى الطلاب 0**

- 7 - تدريب الطلاب وتشجيعهم على إقامة البراهين الرياضية على بعض النظريات ، وإتاحة الفرصة لهم لتقديم البراهين وعرضها بطرقهم الخاصة ، مع عدم الإخلال بخطوات البرهان وصحته العلمية 0
- 8 - تضمين كتب معلم الرياضيات في المراحل التعليمية المختلفة دروساً معدة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري 0
- 9 - تدريب معلمي الرياضيات أثناء الخدمة ، من خلال الندوات والدورات والورش التربوية وغيرها من أساليب التدريب على استخدام التدريس الابتكاري في ضوء مهارات التفكير الابتكاري 0

### **ثالثاً- المقترنات :**

استكمالاً للدراسة الحالية ، ولتناول بعض المشكلات ذات الصلة بموضوع الدراسة الحالية ، التي شعر بها الباحث أثناء إجرائه لهذه الدراسة ، يقترح الباحث إجراء الدراسات المستقبلية التالية :

- 1 - إجراء دراسات مماثلة في موضوعات رياضية أخرى ولصفوف دراسية أخرى في مدارس البنين والبنات ، لمعرفة أثر تصميم المحتوى في ضوء مهارات التفكير الابتكاري في تدريس تلك الموضوعات 0
- 2 - دراسة أثر تصميم المحتوى في ضوء مهارات التفكير الابتكاري على نوافذ تعلم أخرى ، كالاتجاه ، والاحتفاظ بالتعلم ، وتنمية أنماط التفكير الأخرى كالتفكير الناقد والتفكير العلمي 0
- 3 - دراسة أثر تصميم المحتوى في ضوء مهارات التفكير الابتكاري في تدريس الرياضيات للطلاب الموهوبين والطلاب المتأخرین دراسياً 0
- 4 - إعداد برنامج لتدريب معلمي الرياضيات على تنمية التفكير الابتكاري لدى الطلاب ، بحيث يتخرج في النهاية معلم قادر على استثارة وتنمية ابتكارية الطلاب 0

# المراجع

## أولاً : المراجع العربية

- 1 - إبراهيم ، مجدى عزيز تدریس الرياضيات في التعليم قبل الجامعى ، النهضة المصرية ، 1989م، ص 2
- 2 - إبراهيم ، مجدى عزيز دراسات في المنهج التربوي المعاصر رؤية لمنهج حديث من أجل جيل جديد في عصر العولمة ، الأنجلو المصرية ، ط 2 ، 2000 م 0
- 3 - إبراهيم ، مجدى عزيز . التدریس الإبداعي وتعلم التفكير . عالم الكتب ، القاهرة 2005،
- 4 - أبو حطب ، فؤاد القدرات العقلية ، ط 5 ، القاهرة ، مكتبة الإنجلو المصرية 1996، 0 م
- 5 - أبو زينة ، فريد كمال الرياضيات منهجها وأصول تدریسها 0 ط4، عمان، دار الفرقان للنشر والتوزيع ، 1990 م 0
- 6 - أبو عميرة ، محبات تعليم الرياضيات بين النظرية والتطبيق 0 ط1 ، عمان، دار الفرقان للنشر والتوزيع ، القاهرة ، مكتبة الدار العربية للكتاب ، 2000 م 0
- 7 - الإبداع في تعليم الرياضيات 0 ط1، القاهرة ، مكتبة الدار العربية للكتاب ، 2002 م
- 8 - أبو الغيط ، رفعت عبد الصمد فعالية استراتيجية تقوم على التكامل بين المناقشة والاكتشاف الموجه في تنمية التفكير الرياضي والتحصيل والاتجاه نحو مادة الرياضيات لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائي . رسالة ماجستير غير منشورة ، كلية التربية ، جامعة الأزهر ، 2005
- 9 - إدواردى بونو . تعليم التفكير ، ترجمة عاطف عبد الكريم وآخرون ، الكويت ، مؤسسة الكويت للتقدم العلمي ، ط 1 ، 1989 م 0
- 10 - ارثركوستا . أداء المعلم الذي يمكن التلاميذ من التفكير . في تعليم من أجل التفكير ، تعریب : صفاء يوسف الأعسر ، القاهرة ، دار قباء للطباعة والنشر والتوزيع ، 1998 م 0

- 11- الاعسر ، صفاء يوسف . قراءات في تعليم التفكير والمنهج . تعریب جابر عبد الحميد جابر ، القاهرة ، دار النهضة العربية ، 1997 م 0
- 12- التودري ، عوض حسين . "استراتيجية مقترحة لتدريس رياضيات الصف الثالث الابتدائي وأثرها على التفكير الرياضي وترجمة التمارين اللفظية والاحتفاظ بالتعلم" 0 مجلة كلية التربية ، جامعة أسيوط ، المجلد العشرون ، ع 1 ، يناير 2004 من صص 62-0
- 13- الحارثي، إبراهيم احمد . تعليم التفكير . الرياض ، مطابع الرواد ، 1999 م 0
- 14- الزيات ، فتحي مصطفى. الأسس المعرفية للتكيّن العقلي وتجهيز المعلومات المنصورة ، دار الوفاء للطباعة والنشر ، ط 1 ، 1995 م 0
- 15- الشريفي ، كوثر عبد الرحيم . تنمية التفكير ورعاية الموهوبين والمتفوقين . مؤتمر مناهج التعليم وتنمية التفكير ، المجلد الثاني ، الجمعية المصرية للمناهج وطرق التدريس ، 2000 م
- 16- الباز ، عادل إبراهيم والرياشي ، حمزه عبد الحكيم . "برنامج مقترن في التقدير التقريري والحساب الذهني لنواتج العمليات الحسابية وتأثيره على تنمية الحس العددي والتفكير الرياضي لدى تلاميذ المرحلة الابتدائية" . مجلة تربويات الرياضيات ، الجمعية المصرية لتربويات الرياضيات ، المجلد الثالث ، يوليوليو 2000 م ، ص ص 209 - 226.
- 17- البكر ، رشيد بن النوري . تنمية التفكير من خلال المنهج المدرسي . ط 1 ، الرياض ، مكتبة الرشد للنشر والتوزيع ، 1423 هـ ، 2002 م .
- 18- أبو جاللة ، صبحي . مناهج العلوم وتنمية التفكير الإبداعي . عمان ، دار الشروق ، 2006 م .
- 19- الكثيري ، راشد حمد ، النذير ، محمد عبد الله . التفكير ماهيته وأنواعه وأهميته . مؤتمر مناهج التعليم وتنمية التفكير ، الجمعية المصرية للمناهج وطرق التدريس ، المجلد الثاني ، 2000 م 0

- 20-أبو جادو ، صالح محمد . تطبيقات عملية في تنمية التفكير الإبداعي باستخدام نظرية الحل الابتكاري للمشكلات . عمان ، دار الشروق للنشر والتوزيع . 2004م .
- 21-السواعي ، عثمان نايف . تعليم الرياضيات للقرن الحادي والعشرين ط1، دبي، دار القلم للنشر والتوزيع،2004م .
- 22-السرور ، ناديل هادل . مدخل إلى تربية المتميزين والموهوبين . دار الفكر :عمان 1998 .
- 23-السرور ، ناديا هايل . مقدمة في الإبداع . ط1، عمان ، دار وائل للنشر والتوزيع 2002م .
- 24-العزّة، سعيد حسني . تربية الموهوبين والمتوفقيين . عمان ، دار الثقافة . 2000م .
- 25-الكرش ، عاطف أحمد إبراهيم . "استراتيجية مقترحة في تدريس الرياضيات لتنمية بعض مهارات التفكير الرياضي لدى تلاميذ الحلقة الإعدادية" . رسالة ماجستير غير منشورة ، كلية التربية ، جامعة الزقازيق، 2000م .
- 26 - المعا يطة ، خليل عد الرحمن ،البوايز ، محمد عبد السلام . الموهبة والتفوق . دار الفكر ، عمان، 1999م .
- 27-الليثي ، خالد جمال الدين . "أثر استخدام برنامج مقترح في الرياضيات على تنمية مهارات التفكير الرياضي لطلاب المرحلة الثانوية".رسالة دكتوراة غير منشورة ، كلية البنات ، جامعة عين شمس ، 1999م
- 28-المفتى ، محمد أمين . فرق التفكير وحل المشكلات العالمية . ورقة عمل دعوة إلى الحوار ، مؤتمر مناهج التعليم وتنمية التفكير ، 2000، المجلد الأول0
- 29-المفتى ، محمد أمين .توجهات مقترحة في تخطيط المناهج لمواجهة العولمة . المؤتمر القومي الحادي عشر ، العولمة ومناهج التعليم ، الجمعية المصرية للمناهج وطرق التدريس 0، 1992م .

- 30 - بدوي ، رمضان مسعد . استراتيجيات في تعليم و تقويم الرياضيات . ط1، عمان، دار الفكر للطباعة والنشر والتوزيع 1424 هـ / 2003 م .
- 31 - بل ، فريديريك هـ . طرق تدريس الرياضيات ، ج 1 . ترجمة : محمد أمين المفتى و آخرون . القاهرة ، الدار العربية للنشر والتوزيع ، 1986م .
- 32 - بلوم ، بنجامين و آخرون . نظام تصنيف الأهداف التربوية . ترجمة : محمد محمود الخوالة و صادق إبراهيم عودة . ط1 ، جدة ، دار الشروق للنشر والتوزيع والطباعة ، 1405 هـ / 1985 م .
- 33 - بوليا ، ح . البحث عن الحل . الأسلوب الرياضي من زاوية جديدة . ترجمة : ، أحمد سليم سعيدان و وصفي حجاب . بيروت ، منشورات دار مكتبة الحياة . 1960 م .
- 34 - حبيب ، مجدي عبد الكريم . التفكير الأسس النظرية والاستراتيجيات . القاهرة، النهضة المصرية ، ط1 ، 1996 م 0
- 35 - حميدة، إمام مختار و آخرون . مهارات التدريس . مكتبة زهرة الشرق : القاهرة . 2000 م .
- 36 - حسانين ، علي عبد الرحيم 0 "فعالية استخدام التعلم التعاوني والتعليم الفردي في تدريس الرياضيات على تنمية التفكير الابتكار و الدافع للإنجاز لدى تلميذ المرحلة الإعدادية 0" مجلة كلية التربية ، جامعة الزقازيق، ع 31
- 37 - حسن، محمود حمد 0 "أثر استخدام طريقة حل المشكلات على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي لدى طلاب المرحلة المتوسطة بالمملكة العربية السعودية " 0 مجلة كلية التربية ، جامعة أسيوط ، ع 15 ، الجزء الأول ، يناير 1999م، ص ص 15- 41
- 38 - حضر ، نظلة حسن . " دراسة استكشافية حول فعالية الحكايات والألغاز الرياضية مدمجة معاً في تبني التفكير الرياضي و الابتكاري للتلميذ المتفوق والتلميذ المنخفض التحصيل في الرياضيات . مجلة التربية ، اللجنة الوطنية القطرية للتربية والثقافة والعلوم ، العدد 17 ، السنة 20 ، 1991 م .

- 39 - خليفة ، خليفة سعيد . فاعلية استخدام الكمبيوتر في تدريس الرياضيات للصف الرابع في تنمية التحصيل والتفكير الرياضي والاتجاه نحو المادة  
رسالة دكتوراة ، تربية طنطا ، 1998 م 0.
- 40 - جابر ، عبد الحميد جابر 0 قراءات في تنمية الابتكار ، دار النهضة العربية  
0 م 1997،
- 41 - جروان ، فتحي عبد الرحمن 0 تعليم التفكير مفاهيم وتطبيقات ، الإمارات ،  
دار الكتاب الجامعي ، 1999 م 0
- 42 - جيمس كيف وهيربرت ويلبرج . التدريس من أجل تنمية التفكير . ترجمة  
عبد العزيز عبد الوهاب الباطين ، مكتب التربية العربي لدول الخليج ،  
الرياض ، م ، ص 370 ، 1995 م 0
- 43 - دروزة ، أفنان . اجراءات في تصميم المنهج. عمان ، دار الفكر ، 1986 م .
- 44 - درويش ، زين العابدين تنمية الإبداع ، منهج وتطبيقات . دار المعارف  
القاهرة 1983 م .
- 45 - دي بونو . تعليم التفكير . ترجمة عادل ياسين وآخرون ، الكويت ، مؤسسة  
الكويت للتقدم العلمي ، سنة 1989 م 0
- 46 - دباب ، بسام عبد القادر محمود . "فاعلية برنامج مقترن في تنمية مستويات  
التفكير الرياضي وانتقال أثر التعلم لدى تلاميذ الصف السادس ب استخدام  
إستراتيجية تتضمن العصف الذهني بمحافظة غزة" . رسالة ماجستير غير  
منشورة ، كلية التربية ، جامعة الأقصى : غزة ، 2001 م 0
- 47 - زهران ، العز ب عبد القادر ، محمد . "تصور مقترن لمناهج الرياضيات  
بالمدرسة الابتدائية" . مجلة تربويات الرياضيات ، الجمعية المصرية لتربويات  
الرياضيات ، المجلد السادس ، أكتوبر 2003 م .
- 48 - سلامة ، عبد الحافظ محمد . تصميم التدريس . الرياض ، دار الخريجي للنشر  
والتوزيع ، 2003 م .

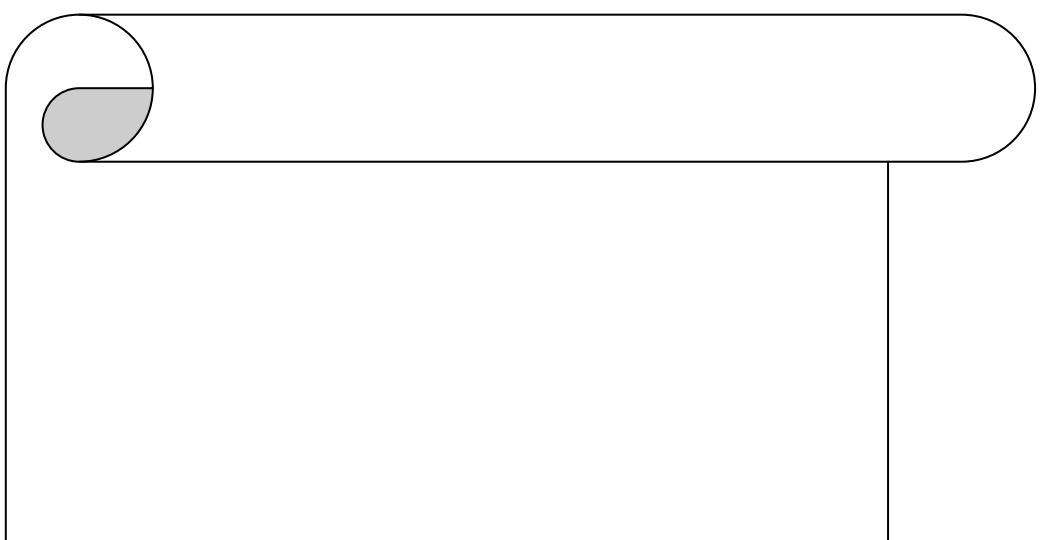
- 49 - سلامة ، عبد الحافظ محمد . أساسيات تصميم التدريس . عمان ، دار اليازوري ، 2001 م .
- 50 - طه ، فرج عبد القادر وآخرون . موسوعة علم النفس والتحليل الإ حصائي . الكويت ، دار سعاد الصباح ، 1993 م .
- 51 - عبادة ، أحمد عبد اللطيف . التفكير الإبداعي . القاهرة ، مركز الكتاب للنشر ، 2001 م .
- 52 - عبد الحميد ، جابر . قراءات في تعليم التفكير والمنهج . القاهرة ، دار النهضة العربية ، 2002 م .
- 53 - عبيد ، وليم وآخرون . طرق تدريس الرياضيات (1) ، برنامج تأهيل معلمي المرحلة الابتدائية للمستوى الجامعي ، القاهرة ، مجموعة شركات الهلال ، 1989 م 0
- 54 - عبيد ، وليم وعفانة . التفكير والمنهج المدرسي . الكويت ، مكتبة الفلاح للنشر والتوزيع 2003 م .
- 55 - عدس ، محمد عبد الرحيم . المدرسة وتعليم التفكير . ط 1 ، عمان ، دار الفكر للطباعة والنشر والتوزيع ، 1996 م 0
- 56 - عفانة ، عزو إسماعيل ، نبهان ، سعد . أثر أسلوب التعلم بالبحث في تنمية التفكير في الرياضيات والاتجاه نحو تعلمها والاحتفاظ بهما لدى طلاب الصف التاسع الأساسي بغزة . مجلة التربية العلمية العدد الثالث ، الجمعية المصرية للتربية العلمية ، جامعة عين شمس ، القاهرة ، 2003 م .
- 57 - علي ، محمود محمد . تنمية مهارات التفكير من خلال المناهج التعليمية . جدة ، دار المجتمع للنشر والتوزيع ، 2002 م .
- 58 - عيد ، خليفة سعيد . "فاعالية استخدام الكمبيوتر في تدريس الرياضيات لتلاميذ الصف الرابع الابتدائي في التحصيل وتنمية التفكير الرياضي والاتجاه نحو المادة" . رسالة دكتوراة غير منشورة ، كلية التربية ، جامعة طنطا ، 1998 م .

- 59 - فخرو ، عبد الناصر . ال Barrett في التفكير . مؤتمر الأردن الثاني للموهبة والإبداع ، من 2-4 إبريل ، فندق هوليدي آن ، عمان الأردن ، 2002 م 0
- 60 - مينا ، فايز مراد . قضايا في تعليم وتعلم الرياضيات . القاهرة ، 1 لأنجلو المصرية ، ط 2 ، 1994 م 0
- 61 - منصور ، عبد المجيد عبد العزيز . فعالية برنامج مقترن لتنمية التفكير الرياضي والاتجاه نحو الرياضيات لدى طلاب الصف الأول الثانوي الأزهري. رسالة دكتوراه غير منشورة ، معهد الدراسات والبحوث التربوية ، جامعة القاهرة ، 1998 م 0
- 62 - موافي ، سوسن محمد . فعالية استخدام برنامج الكورت للتفكير في تدريس وحدة المنطق الرياضي على التحصيل والتفكير الاستدلالي لدى طلاب الصف الأول الثانوي بمدينة جدة . الجمعية المصرية لتنبويات الرياضيات ، المؤتمر العلمي الثالث ، تعليم وتعلم الرياضيات ، دار الضيافة ، جامعة عين شمس ، 2003 م 0
- 63 - نشواتي ، عبد المجيد . علم النفس التربوي . عمان ، دار الفرقان ، 1989 م 0
- 64 - هلال ، سامية حسنين . برنامج لتنمية مهارات التفكير الرياضي لدى طلاب كلية التربية شعبة الرياضيات . رسالة دكتوراه غير منشورة ، كلية التربية ، جامعة الزقازيق ، 2002 م 0
- 65 - هنadam ، يحيى حامد ، تدريس الرياضيات ، القاهرة ، دار النهضة العربية ، 1980 م

### **ثانياً : المراجع الأجنبية :**

1. Renner, J. 1986: The sequence of learning cycle activities school chemistry journal of research in science :eaching, Vol. 23, pp. 121-143.
2. Al shannag, Q. 1998: Knowledge, Beliefs and performance of new high school chemistry teachers: study of teachers, characteristics and teacher preparation program influences, unpublished dissertation. Michigan state university, Michigan, East fanning, V. S. A. U. S. A.

- 3 . Ambai le, T. 1986: The personal ity of creative living, 15 . 13.
4. Beyer, B . K. 1987: Practical strategies for the teaching of thinking boston, MA: Allyn and bacon, Inc.
5. Burns, D. E. 1990: The effects of Group training Activities on students, initiation of creative, investigations, Gifted child quarterly, Vo. 34, No. 1, PP. 31-35.
6. Cambell, T . C. & Fullur, R. G. 1982: A Teachers Guide to the learning cycle piagetion programs in higher education university of Nebraska, lenclon, P. 144.
7. Can, Martha bor Kowski, John G. 1987: Metamemory in Gifted Children. Gifted child Quarterly, Vo. 31, No. 1, PP. 40-44, Washington.
8. Costa, A . L. , Lowery, L . F. 1989: Techniques for teaching thi nking pacific Grove, CA:  
Midwest Publications.
9. Claxton, G. 1986: The alternative conceivers: conceptions, studies in science education. Vol. 31, pp. 123-130.
10. Clark, B. 1992: Growing up giftedness 4th ed. New York: Macmillan Publishing Company.
11. Da'is, G . A. 1986: Creative of ever, 2nd ed, Dibgue, lA, Kendll & hunt publishing company,Inc.
12. Davis, G. A. 1996: Measuring and predicting issue and strategy paper presented at the family and society of Qatar, Doha, 25-28 March.
13. Downs, Judy R. 1993: Amini workshop incritical and creative thinking paper presented at international conference on critical thinking sonoam, CA, Agu, pp. 1-4.
14. Feasey, R. 1994: The Challenge of Science in C. Auberg ed. role of subject knowledge in the early years. London: FlameI'.
15. Fildhusen J. 1996: How to identify and develop special talents, Education leadership, pp. 68-69.
16. Freeman, J. 1991: Gifted children growing up London, UK. Cassell educational Ltd. 17 . Gallagher, J. 1996: Research summary on Gifted children education spring field, Ill. Illinois department of program planning for the Gifted.



## **ملاحق الدراسة**

❖ ملحق رقم (1) : تحليل المحتوى لموضوعات وحدة الدائرة في كتاب

الرياضيات للصف الثالث المتوسط الفصل الأول

❖ ملحق رقم (2) : التصميم المقترن لمحتوى وحدة الدائرة في ضوء

مهارات التفكير الابتكاري

❖ ملحق رقم (3) : جدول مواصفات الأهداف لموضوعات وحدة الدائرة

في كتاب الرياضيات للصف الثالث المتوسط الفصل الأول .

❖ ملحق رقم (4) : اختبار تحصيلي في وحدة الدائرة في كتاب

الرياضيات للصف الثالث المتوسط

❖ ملحق رقم (5) : مقياس التفكير الرياضي

❖ ملحق رقم (6) : أسماء محكمي مواد وأدوات الدراسة

❖ ملحق رقم (7) : خطابات تطبيق أدوات الدراسة .

❖ ملحق رقم (8) : خطاب موافقة الأستاذ الدكتور / عوض التودري

**ملحق ( ١ )**

**تحليل المحتوى لموضوعات وحدة الدائرة في كتاب  
الرياضيات لصف الثالث المتوسط الفصل الأول**

بسم الله الرحمن الرحيم

## سعادة الحكم الفاضل /

السلام عليكم ورحمة الله وبركاته وبعد ، ،

يقوم الباحث بإجراء دراسة تكميلية للحصول على درجة الماجستير من قسم المناهج وطرق التدريس من كلية التربية بجامعة أم القرى وهي بعنوان : "أثر تصميم مقترن لمحتوى وحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي لطلاب الصف الثالث المتوسط بمدينة الطائف".

وتهدف هذه الدراسة إلى التعرف على أثر التصميم المقترن في تدريس وحدة الدائرة على تحصيل طلاب المجموعة التجريبية مقارنة بتحصيل زملائهم الذين يدرسون هذه الوحدة بالطريقة التقليدية .

وفي سبيل ذلك قام الباحث بإعداد استماره لتحليل محتوى وحدة الدائرة في كتاب الصف الثالث المتوسط الفصل الأول، ويشمل التحليل العناصر التالية:

المفاهيم .	التعليمات .	مهارات .	المحتوى .
------------	-------------	----------	-----------

حيث يضع الباحث علامة (\*) أمام المحتوى من حيث كونه مفهوم أو تعليم أو مهارة . فإن كانت وجهة نظرك تتفق مع وجهة نظر الباحث فتضع علامة (\*) تحت خانة موافق ، وإن كانت لك وجهة نظر مغایرة فامل وضع علامة (\*) تحت كلمة (غير موافق) مع التصويب تحت خانة (التصويب) . وعلى سبيل المثال الجدول التالي :

التصويب	غير موافق	موافق	تعليم	مهارة	مفهوم	المحتوى
					*	الدائرة هي مجموعة النقاط من المستوى والتي تبعد بعد نفسه عن نقطة محددة وثبتة

وضع الباحث علامة \* تحت خانة مفهوم فإن كانت وجهاً نظركم مؤيداً تضع علامة (\*) تحت كلمة (موافق)، وإن كانت معايرة تضع علامة (\*) تحت كلمة (غير موافق) مع التصويب تحت كلمة (التصويب)، وبيان إن كانت مهارة أم تعليم 0

ولما لسعادتكم من خبرة ودرأية ورؤى علمية في هذا المجال فإني حريص على الإفادة من آرائكم القيمة التي سوف تساعدني في عملي، و سيكون لجهودكم معنا أثر فعال على الدراسة ونتائجها ومحل تقدير كبير في نفس الباحث، والله يحفظكم ويرعاكم . علماً بأن الباحث سيلتزم بالتعريف التالية لعناصر المحتوى: المفهوم : كما يعرفه بل (1989م)" هو فكرة مجردة تمكن الناس من تصنيف الأشياء والأحداث وتحددتها إذا كانت الأشياء والأحداث تمثل أمثلة أو ليست أمثلة لفكرة مجردة" ص 72.

التعليم : ويعرفه أبو زينه (1997م) "أنه عبارة تحدد العلاقة بين مفهومين أو أكثر من المفاهيم الرياضية والتعليمات الرياضية في معظمها عبارات رياضية يتم برهنتها أو استبعاطها واكتشافها وبعضها الآخر عبارات تسلم بصحتها (المسلمات والبدويات)" . ص 159.

المهارة : يعرفها بل (1989م) : "تلك العمليات أو الخطوات التي يتوقع أن يجريها الطالب بسرعة ودقة ويمكن تحديد كثير من المهارات بواسطة مجموعة من القواعد والتعليمات" ص 72 .

الباحث

خالد مطر عبد القرشي

التصويب	غير موافق	موافق	تميم	مهارة	مفهوم	المحتوى
					*	الدائرة: وهي مجموعة النقاط من المستوى والتي تبعد البعد نفسه عن نقطة محددة .
					*	مركز الدائرة
					*	نصف قطر الدائرة: وهي المسافة بين مركز الدائرة وأي نقطة على الدائرة.
			*			تتعيين الدائرة بمركزها وطول نصف قطرها
				*		رسم الدائرة بمعرفة ثلاثة نقاط منها
				*		تعيين مركز دائرة مرسومة
					*	الوتر : وهو كل قطعة مستقيمة تقع نهايتها على الدائرة.
					*	القطر هو القطعة المستقيمة التي نهايتها على الدائرة وتتمر بمركزها.
					*	القوس: وهو مجموعة نقاط جزئية من الدائرة ومحصور بين نقطتين منها.

التصويب	غير موافق	موافق	تعتميم	مهارة	مفهوم	المحتوى
			*			أي نقطتان تقعان على الدائرة تحصران بينهما قوساً.
			*			القطر أطول أوتار الدائرة
					*	الزاوية المركزية : وهي الزاوية التي رأسها مركز الدائرة.
			*			يتطابق قوسان من دائرة إذا تطابقت الزوايا المركزيتان المقابلتان لهما.
			*			الأقواس المتطابقة تقابل أوتاراً متطابقة.
			*			كل زاوية مركزية تحد قوساً على الدائرة
			*			قياس كل قوس من دائرة يساوي قياس الزاوية المركزية التي تقابل هذا القوس.
			*			قياس زاوية مركزية يساوي قياس القوس المحدود بين ضلعيها
				*		إيجاد قياس الزاوية المركزية بمعلومية قياس القوس المحدود بين ضلعيها
					*	المستقيم المماس لدائرة
					*	المستقيم القاطع لدائرة
					*	نقطة التماس
			*			المماس عمودي على القطر عند نقطة التماس
				*		رسم مماس لدائرة

التصويب	غير موافق	موافق	تعليم	مهارة	مفهوم	المحتوى
			*			إذا تطابق فوسان في الدائرة تطابق قوساهما
					*	الزاوية المحيطة تعريف
			*			قياس الزاوية المحيطة يساوي نصف قياس القوس المقابل لها
				*		تمييز الزاوية المحيطة عن غيرها
			*			قياس زاوية محيطية يساوي نصف قياس القوس المحدود بين ضلعيها
			*			قياس الزاوية المحيطة يساوي نصف قياس الزاوية المركزية المشتركة معها في القوس
			*			كل قوسين محصورين بين وترتين متوازيتين متطابقين
					*	تعريف الزاوية المماسية
			*			قياس الزاوية المماسية يساوي نصف قياس الزاوية المركزية المشتركة معها في القوس
					*	تعريف الشكل الرباعي الدائري
				*		تمييز الرباعي الدائري من بين مجموعة اشكال رباعية
			*			في أي رباعي دائري ، كل زاويتين متقابلتين متكاملتين
			*			إذا وجدي رباعي دائري زاويتان متقابلتان متكاملتان فإنه يكون رباعي دائري

- هل ترى أن المفاهيم التي تضمنتها القائمة هي بالفعل المفاهيم التي تضمنتها الوحدة كما في مقرر الصف الثالث المتوسط الفصل الأول وذلك في ضوء التعريف التي التزم بها الباحث؟

إذا كانت هناك بعض المفاهيم التي يمكن إضافتها للقائمة أو حذفها فما هي ؟-

ما مدى الصحة العلمية للتعريف التي قدمها الباحث ؟-  
الرجاء ذكر جوانب أخرى لم يشملها التحليل.-

**ملحق (2)**

**التصميم المقترن لحتوى وحدة الدائرة**

**في ضوء مهارات التفكير الابتكاري**

# بسم الله الرحمن الرحيم

## أولا الدائرة وعناصرها

### - تمهيد :

كثيراً ما نستخدم العبارة التالية في أحاديثنا فنقول : إن هذا الموضوع كالدائرة لا تعرف بدايته من نهايته، وهذه فعلاً حقيقة نواجهها حينما نحاول أن نعطي الدائرة تعريفاً، حيث نجد صعوبة في نقطة البداية للتعریف، فمن أين ما بدأنا سنجد أنها تنطوي إلى مفاهيم أخرى لم ندرسها بعد مثل مركز الدائرة ومحيطها.

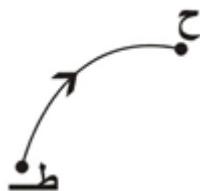
### - بعض المفاهيم الأساسية للدائرة :

حينما تتحرك نقطة على سطح مستوى فإنها حسب حركتها ، تنتج عدداً لا حصر له من الأشكال ، وهذه بعض الأمثلة حيث السهم ( $\leftarrow$ ) يشير إلى اتجاه الحركة.

النقطة ك تحركت إلى النقطة ل ففتح نصف المستقيم [ك ل.



النقطة ط تحركت إلى النقطة ح بصورة مائلة لرسم الخط المنحني ط ح.

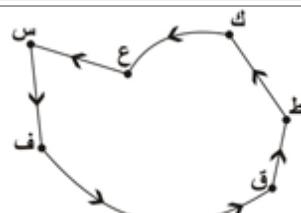


النقطة ق تحركت كما هو ظاهر في الشكل حتى وصلت إلى س.

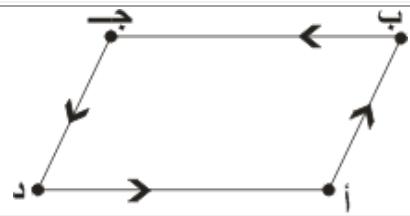


النقطة ه تحركت إلى و، ثم إلى ز، ثم إلى ه لرسم المثلث ه و ز.

النقطة ع بدأت الحركة لرسم الشكل غير المنتظم ع س ف ق ط ك.

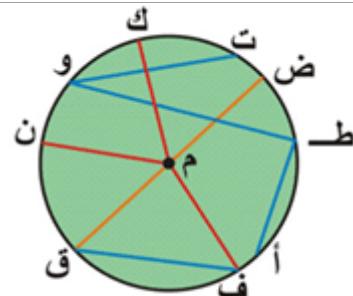


النقطة أ تحركت إلى ب ثم إلى ج و د ورجعت إلى نفس المكان لترسم متوازي الأضلاع أ ب ج د.



## بعض المفاهيم الأساسية للدائرة.

في الشكل النقطة (ن) متحركة ، والنقطة (م) ثابتة . تحركت النقطة (ن) حول النقطة الثابتة (م) واستمرت في حركتها حتى عادت إلى موقعها الأصلي وفي أثناء حركتها يبقى بعدها عن (م) ثابتاً وهو (م ن) وهذا يعني أن  $|م ن| = |م ك| = 100$  إلخ



### ومن الشكل أعلاه نلاحظ:

السطح الملون بالأخضر هو سطح (الدائرة). الخط المنحني المقل الملون بالأسود هو المحيط (محيط الدائرة). القطعة المستقيمة (م ن) الملون بالأحمر هو نصف قطر الدائرة. عموماً أي قطعة مستقيمة تتصل بين مركز الدائرة وأي نقطة على محيطها هي (نصف قطر) فيها (رمز له عادة نق). النقطة الثابتة (م) التي تبعد بعضاً ثابتاً عن محيط الدائرة هي مركزها (مركز الدائرة).

### تعريف الدائرة:

هي جميع نقاط المستوى التي تبعد البعد نفسه عن نقطة ثابتة مثلاً. النقطة م هي مركز الدائرة وبعد نقاط الدائرة عنها هو طول نصف قطر الدائرة

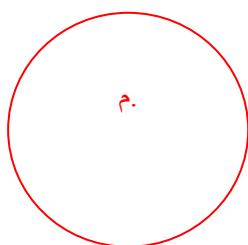
- اعد صياغة التعريف السابق بأسلوبك الخاص؟
- سمي خمس أشياء من البيئة تتضمن دائرة؟

## 2. الوتر والقوس

### نشاط (2) :

أمامك دائرة (م)

- ضع النقطة أ والنقطة ب والتي تقع على الدائرة (م)

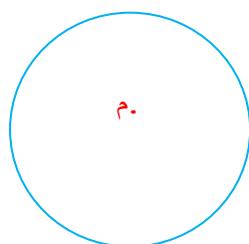
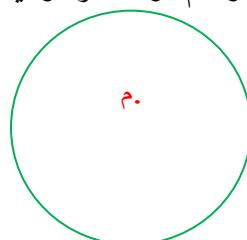


- صل بين النقطتين السابقتين .
- ماذا نسمي الخط الواصل بين النقطتين .
- نسمى القطعة المستقيمة [أ ب] وترًا في الدائرة (م) .
- الوتر هو كل قطعة مستقيمة طرفاها .....**
- النقطتان أ ، ب قسمتا الدائرة إلى .....
- كل جزء يسمى قوساً طرافاً أ ، ب ونرمز للقوس بالرمز أ بـ

#### تدريب (4)

أ) كم وترًا يمكن رسمه في الدائرة . ولماذا ؟

ب) ارسم أربعة أوتار في الدائرة (م) .



#### نشاط (3) :

- أمامك الدائرة (م) ، عين النقطة أ  $\exists$  (م)
- ارسم عدة أوتار لها الطرف المشترك أ
- ارسم الوتر الذي طرفه أ ، ويمر في م ، سمي طرفه الآخر ب .
- هل يمكن رسم وترًا يمر في النقطتين أ ، ب ويختلف عن الوتر الأول
- أوجد :  $|م| = |أ ب| = |م ب|$
- أين تقع النقطة م بالنسبة للنقطتين أ ، ب ؟
- قارن بين  $|أ ب|$  و  $|م|$  .
- قارن بين  $|أ ب|$  و  $|م ب|$  .
- ماذا تلاحظ ؟ .....

•• الوتر المار في مركز الدائرة يسمى قطرًا ، وطوله ضعف طول نصف قطر الدائرة .

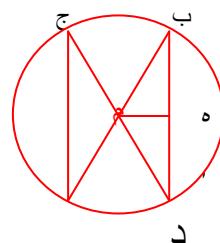
تدريب (2) :

رسم قطرتين للدائرة (م) ثم بين طوالهما ؟

تدريب (3) :

في الدائرة (م) سُمِّيَ ما يلي :

1. وترًا ليس قطرًا    2. قوسًا    3. قطرًا    4. نصف قطر

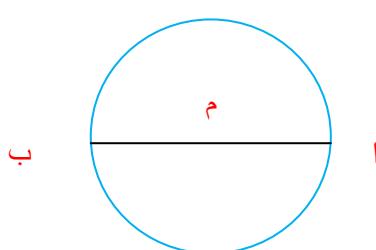


تدريب (4): أجب عما يلي :

- مالفرق بين قطر الدائرة ووتر فيها.
- ما وجه الشبه بين قطر الدائرة ووترها.
- ناقش صحة أو عدم صحة هذه العبارة : قطر الدائرة هو أكبر وتر يمكن رسمه فيها.
- كل قطر في الدائرة هو وتر فيها ولكن العكس ليس صحيحاً، لماذا؟

## 4. مركز تناظر الدائرة .

نشاط (4) :



على الشكل المعاور : [أ ب] قطر في الدائرة (م)

- هل أ ، ب متناظران حول م ؟ تتحقق من ذلك

- هل يوجد نظير آخر لنقطة أ حول م ؟

- عين النقطة جـ ثم عين نظيرها بالتناظر حول م .

- أين تقع كل نقطة ونظيرها بالنسبة لدائرة (م) ؟

## مركز الدائرة : هو مركز تناظر لها

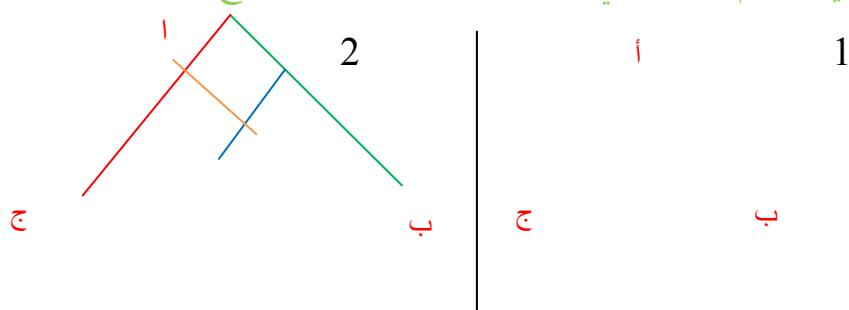
### 5 ) رسم الدائرة .

لكي نرسم دائرة معطاة لا بد من تحديد مركزها وطول نصف قطرها .

أ) رسم دائرة بمعرفة ثلاثة نقاط منها

نشاط 4 :

اتبع النشاط التالي لترسم الدائرة التي تمر في النقاط أ ، ب ، ج .



نرسم العمود المنصف لكل من [أ ب] [ب ج]  
نحدد نقطة تقاطع العمودين لتكون مركز الدائرة

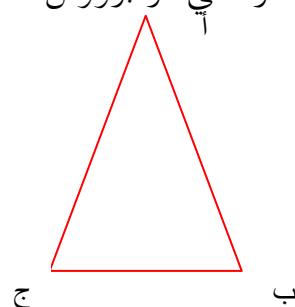
أ ، ب ، ج . ثلاثة نقاط ليست على  
استقامة واحدة .

3. ثبت الفرجار في النقطة م ونضع رأس قلمه على أحد النقاط أ ، ب ، ج لرسم الدائرة المطلوبة  
- عبر عن خطوات الرسم بأسلوبك الخاص .

- هل يمكن تحديد الأجزاء الرئيسية في الرسم .

تدريب (5) :

أ ) ارسم الدائرة التي تمر برؤوس المثلث أ ب ج .

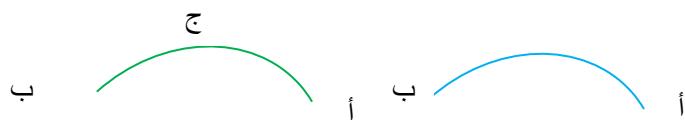


ب ) أ ، ب ، ج . ثلاثة نقاط على استقامة واحدة هل تستطيع أن ترسم دائرة تمر  
بالنقاط الثلاث ؟ اذكر السبب .

جـ ) من الخطوات السابقة استنتج خطوات تعين المركز لدائرة مرسومة .

### بـ) رسم دائرة بمعرفة قوس منها

لرسم دائرة ويكون أ ب قوساً منها نتبع الخطوات التالية :

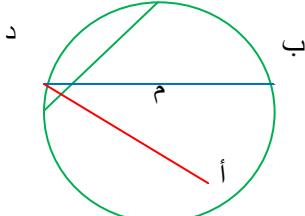


(1) نختار نقطة جـ [أ ب] مختلفة عن النقطتين أ ، ب

- عبر عن الخطوات السابقة بأسلوبك الخاص .

ج

- هل يمكن إيجاد طريقة أخرى لرسم الدائرة بمعرفة القوس .



### ثانياً/ القطر والأوتار

نشاط (1) :

اذكر القطر والأوتار في الدائرة (م)

- قارن بين طول كل وتر بطول القطر ، ماذا تلاحظ ؟

- هل تستطيع تحديد عدد الأوتار المتشابهة في الدائرة ؟

من النشاط السابق نستنتج أن :

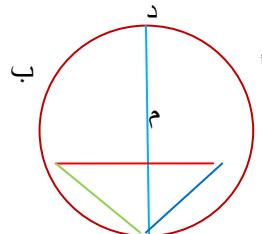
**القطر في دائرة هو أطول وتر فيها**

تدريب (1) :

ما طول أكبر وتر في الدائرة ( م ، 4 سم ) ؟

2) القطر العمودي على وتر .

نشاط (2) :



جـ

في الشكل المجاور [ جـ ، دـ ] قطر في الدائرة (م) ، جـ د عمودي على الوتر [ أـ بـ ] ويقطعه في النقطة ن .

[ مـ أـ ] ، [ مـ بـ ] .

| مـ أـ | = | مـ بـ | لماذا ؟

المثلث مـ أـ بـ متطابق الضلعين

وحيث إن مـ نـ  $\perp$  أـ بـ . لماذا ؟

▪ مـ نـ يمر في منتصف [ أـ بـ ] لماذا ؟

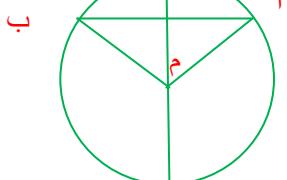
من النشاط السابق نستنتج أن المستقيم جـ د إذا مر في مركز الدائرة وكان عمودياً فإنه يمر في منتصفه وعلى العموم

### القطر العمودي على وتر في دائرة يمر في منتصف ذلك الوتر

ضع صياغة للإستنتاج السابق بأسلوبك الخاص .

### 3. القطر المار في منتصف وتر

#### نشاط (3)



على الشكل المجاور مـ نـ قطر في الدائرة (م) ، نـ هي منتصف الوتر [ أـ بـ ] رسمنا [ مـ أـ ] ، [ مـ بـ ]

- نلاحظ أن | مـ أـ | = | مـ بـ | لماذا ؟  
نـ بـ = | أـ | لماذا ؟

وبالتالي فإن : مـ نـ محور تناظر للوتر [ أـ بـ ]

وبالتالي فإن : مـ نـ محور تناظر للوتر [ أـ بـ ]

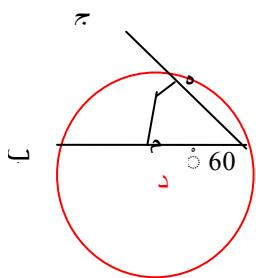
▪ مـ نـ  $\perp$  أـ بـ

- هل يمكن الإثبات بطريقة أخرى .

### قطر الدائرة المار بمنتصف وتر فيها يكون عموديا على هذا الوتر

- عبر عن الاستنتاج السابق بأسلوبك الخاص .

### مثال (1)



على الشكل (4) :  $\widehat{AB}$  ،  $\widehat{AJG}$  وتران في الدائرة (م) ، بحيث  $\widehat{AJG} = 60^\circ$  هـ ، د هما متصفا [أ ب] ، [أ جـ] توالياً .  
أثبت أن  $\widehat{MD} = 120^\circ$

المعطيات : هـ ، د متصفا الوترين [أ ب] ، [أ جـ] في (م)  
 $\widehat{BJA} = 60^\circ$

المطلوب : إثبات أن  $\widehat{MD} = 120^\circ$

الإثبات : مـ قطر في الدائرة (م) ويمر في منتصف الوتر [أ ب]  
هـ  $\perp$  أ بـ أي :  $\widehat{AO} = 90^\circ$  (1) ←

أيضاً مـ د قطر في (م) ويمر في منتصف الوتر [أ جـ]

هـ  $\perp$  دـ جـ أي :  $\widehat{DA} = 90^\circ$  (2) ←

في الشكل الرباعي  $ADMH$  ومن (1) ، (2) ينتج :

$$\begin{aligned} \widehat{AD} + \widehat{MD} + \widehat{HA} + \widehat{HM} &= 360^\circ \\ 90^\circ + 90^\circ + \widehat{MD} &= 360^\circ \\ \widehat{MD} &= 360^\circ - 240^\circ = 120^\circ \end{aligned}$$

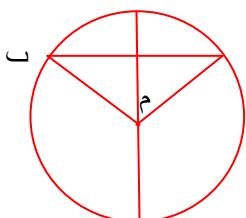
- هل يمكن اختصار الحل السابق ؟

### (4) العمود المنصف لوتر :

نشاط (4) :

- ارسم وترًا [أ ب] في دائرة (م) . ثم ارسم العمود المنصف له .  
ماذا تلاحظ ؟

على الشكل (5) : جـ د عمود منصف للوتر [أ ب] عند رسمنا [م أ] ، [م ب]  
إن  $|MA| = |MB|$  لماذا ؟



وهذه يعني أن مـ تبعد البعد نفسه عن طرفي [أ ب]  
هـ مـ تقع على العمود المنصف للوتر [أ ب]

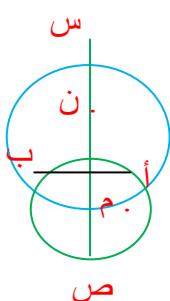
- أوجد الحل بطريقة أخرى ؟

وعلى العموم :

## العمود المنصف لوتر في دائرة يمر في مركز الدائرة

### مثال (2)

أ، ب نقطتان في المستوى . ارسم دائرتين على أن يكون  $|AB|$  وترًا في كل منهما .



**الحل :** نرسم القطعة المستقيمة  $|AB|$

- نرسم العمود المنصف لها ونسميها  $s$  ص .

- نختار  $M \in s$  ص ، ونرسم الدائرة  $(M, |AM|)$

- نختار  $N \in s$  ص ، ونرسم الدائرة  $(N, |NA|)$  فتحصل على الدائرتين  $(M)$  ،  $(N)$  مشتركتين في الوتر  $[AB]$  ، شكل (6).

- عبر عن الخطوات السابقة بأسلوبك الخاص .

### تدريب (2)

أ) كم دائرة يمكن أن نرسم بحيث يكون  $|AB|$  وترًا فيها ؟

ب) ارسم الدائرة التي يكون  $|AB|$  أطول وتر فيها .

### تدريب (3)

$[AB]$  وتر في الدائرة  $(M)$  نصف  $M \widehat{AB}$  بالمنصف  $[AJ]$  الذي لا في الدائرة في جـ ،

أثبت أن  $M \widehat{J} // AB$

وإذا نصف  $[AB]$  في دـ . فأثبت أن  $D \widehat{M \widehat{J}}$  قائمة .

## (5) محاورة تناظر الدائرة :

### نشاط (5) : —

\* أرسم دائرة على ورقة شفافة .

\* أرسم مستقيماً يمر في مركزها . إلى كم قوس يقسم هذا المستقيم الدائرة ؟

\* أطو الورقة حول المستقيم الذي رسمته . ماذا تلاحظ حول انطباق قوسي الدائرة .

\* أرسم مستقيماً آخر يمر في مركز الدائرة ، ثم أطو الورقة حوله . كرر العمل عدة مرات

.. ماذا تلاحظ في كل حالة طي ؟

\* لو عينا نقطة على أحد القوسين ، هل يمكن تعين نقطة مناظرة لها على القوس الآخر ؟

\* ماذا يسمى المستقيم المرسوم بالنسبة للدائرة ؟

من عملية الطyi في النشاط السابق نستنتج :

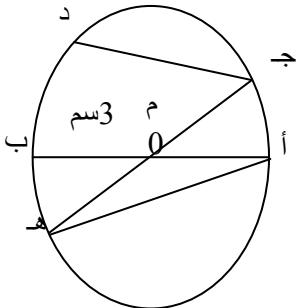
القطر في دائرة هو محور تناظر لها .. ويقسمها إلى قوسين متطابقين يسمى كل منهما نصف دائرة .

### تدريب (5)

أ) كم محور تناظر للدائرة ؟

ب) إذا تقاطع معاً في دائرة ما الشكل الناتج ؟

## تمارين (1)



ت) س1: انظر إلى الشكل المجاور ثم أكمل ما يأتي:-

ث) اسم الدائرة هو ..... أو .....

ج) الأقطار هي ..... ، .....

ح) الأوتار هي ..... ، ..... ، ..... ، .....

خ) أنصاف الأقطار هي ..... ، ..... ، ..... ، .....

د) الأقواس هي ..... ، ..... ، ..... ، ..... ، .....

ذ) نظير A حول M هي ..... ونظير جـ حول M هي .....

س2: ارسم الدائرة (M، 2 سم)، ثم ارسم أطول وتر فيها 0

• ما طول هذا الوتر؟ .....

ما اسم هذا الوتر؟ .....

س3: على الشكل المجاور  $OAB$  مثلث فيه  $|AB| = 4$  سم،  $|AJ| =$

$3$  سم،  $|BJ| = 5$  سم

ر) ما نوع المثلث  $OAB$  بالنسبة لزواياه؟ .....

ز) ارسم الدائرة التي تمر في رؤوسه وسمها (M) 0

س) أين يقع مركز الدائرة (M)؟ .....

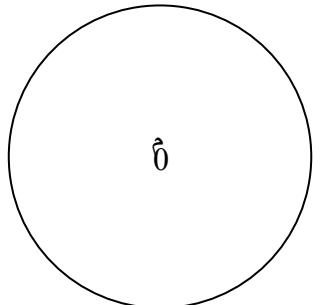
ش) ماطول قطر الدائرة (M)؟ .....

ص) ما طول نصف قطر الدائرة (M)؟ .....

ض)  $|AM| =$  .....

ط) ماذا تلاحظ؟ .....

س4: على الشكل المقابل الدائرة (م ، 2 سم) 0



ظ) ارسم وتر طوله 3 سم 0

ع) ارسم وتر طوله 4 سم 0

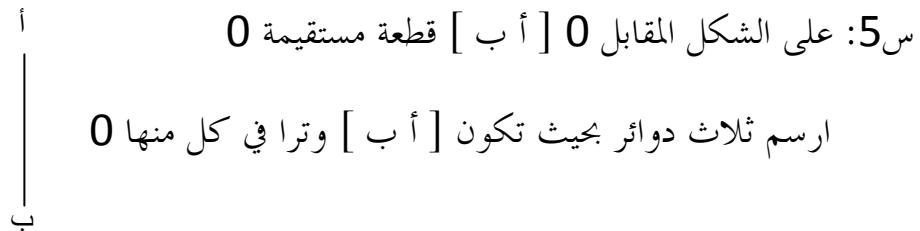
غ) ما اسم هذا الوتر؟ 0 .....

ف) هل يمكن رسم وتر في هذه الدائرة طوله 6 سم؟ .....

ق) لماذا؟ 0 .....

س5: على الشكل المقابل 0 [أ ب] قطعة مستقيمة 0

ارسم ثلاث دوائر بحيث تكون [أ ب] وتر في كل منها 0

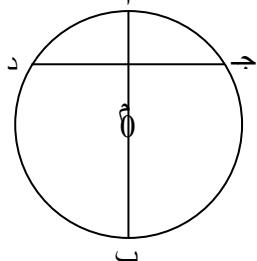


س6: [جـ دـ] وتر في الدائرة (م ، 4 سم) ، [أ بـ] عمود منصف للوتر

[جـ دـ] ، ويقطع

الدائرة في النقطتين أ ، ب 0

ك) بين لماذا أب يمر في النقطة م؟ .....

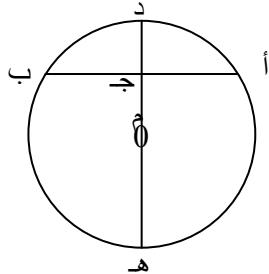


ل) | أ ب | ..... سم لأن

م) هل [أ ب] يقسم الدائرة إلى قوسين متطابقين؟ .....

ن) لماذا ؟

س 7: على الشكل المقابل  $AB$  [ وتر في الدائرة (م) ، جـ هي متنصف [ أـ بـ ] ،



مـ جـ يقطع  
الدائرة في النقطتين دـ هـ 0

أكمل ما يأتي :-

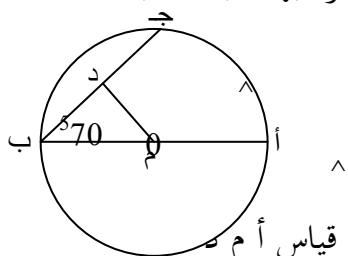
[ دـ هـ ] عمود منصف ل [ أـ بـ ] لأن

$$|DA| = |DB| \text{ لأن}$$

أـ بـ متناظران حول دـ هـ لأن

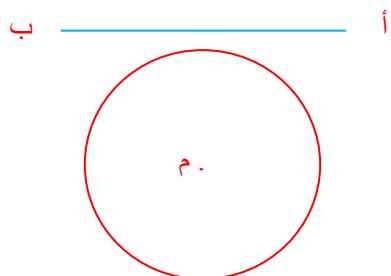
س 8: [ أـ بـ ] قطر في الدائرة (م) ، [ بـ جـ ] وتر فيها بحيث  $A\hat{B}J =$

0 570



إذا كانت دـ هي متنصف [ بـ جـ ] فاحسب قياس  $A\hat{M}D$

## ثالثاً / المماس



1 تعريف المماس : —

نشاط (1) : —

\* أمامك مستقيم ودائرة ما الأوضاع المختلفة للمستقيم ؟

\* نلاحظ أن للمستقيم والدائرة ثلاثة أوضاع مختلفة : —

أ) مستقيم لا يقطع الدائرة في ويسمى مستقيم خارج الدائرة ..... .

ب) مستقيم يقطع الدائرة في ..... ويسمى مستقيم قاطع لدائرة ..... .

ج) مستقيم يشتراك مع الدائرة في ..... ويسمى مماساً للدائرة ونقطة التقاطع تسمى نقطة التماس .

المماس للدائرة هو المستقيم ..... .

نشاط (2) : —

سمي نقطة التماس أ ثم صلها بمركز الدائرة ما هو وضع المماس بالنسبة لنصف القطر [M A] ؟  
تحقق من ذلك ؟

من ذلك نستنتج أن : —

المماس لدائرة عمودي على نصف القطر المار في نقطة التماس .

— عبر عن الاستنتاج السابق بأسلوبك الخاص ؟

مثال (1) : —

| A B | قطر في دائرة (M) ، أ ج ماس للدائرة (M) عند A ، رسمنا جـ د بحيث : —

| M جـ | = | M D | ، أثبت أن بـ د ماس للدائرة (M) عند B : —

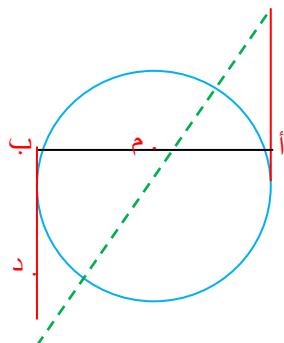
المعطيات : أ جـ ماس للدائرة (M) عند A ، [A B] قطر فيها ، | M جـ | = | M D |

المطلوب : إثبات أن بـ د ماس للدائرة (M) عند B : —

البرهان : لـ [A جـ] ماس للدائرة (M) عند A .

لـ A جـ  $\perp$  أم عند A ، أي : جـ A = 90° .

المثلثان أم جـ ، بـ M د فيهما : —



(نصف قطرين في الدائرة "م")

$$1 - |مأ| = | Mb|$$

من المعطيات

$$2 - |م ج| = |Md|$$

بالتقابل بالرأس

$$3 - \hat{م ج} = \hat{Mb} \quad \hat{Md}$$

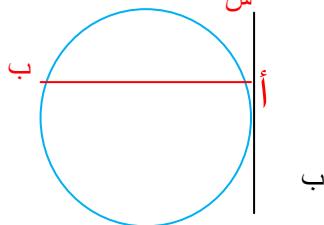
إالمثلثان متطابقان ، وينتج أن :  $\hat{M ج} = \hat{Mb} = 90^\circ$  ، أي :  $M \perp Mb$  .

إ  $Mb$  مماس للدائرة (م) عند النقطة ب .

هل يمكنك الحل بطريقة أخرى .

**تدريب (1) :**

على الشكل المجاور : [أ ب] قطر في الدائرة (م) ، س ص مماس للدائرة عند أ : —

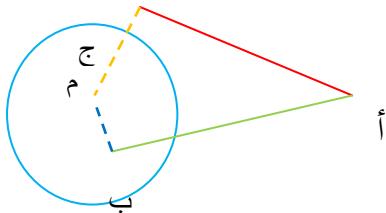


أ — أرسم ع ط مماساً للدائرة (م) عند ب .

ب — أثبت أن : س ص // ع ط

3- أ تمثل موقع قمر صناعي يبعد 25000 كيلومتر عن النقطة ب على الأرض

أوجد |أ ج|



**3) المماسان المنطلقات من نقطة واحدة :** —

**نشاط (3) :** —

على الشكل المجاور : أ ب ، أ ج مماسان للدائرة (م) ب ، ج نقطتا المماس .

رسينا [مأ] .

— ما نوع كل من المثلثين  $|Mab|$  ،  $|Maj|$  بالنسبة لزواياهما ؟ ولماذا ؟

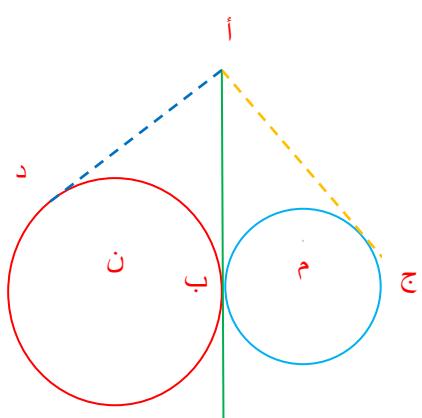
— أثبت تطابق هذين المثلثين ، واستنتج أن :  $|Ab| = |Aj|$  .

من النشاط السابق أثبتنا النتيجة التالية : —

**إذا انطلق مماسان لدائرة من نقطة خارجها ، فالقطعان المصورتان  
بين النقطة الخارجية ونقطتي التماس متطابقتان**

- عبر عن النتيجة السابقة بصورة لفظية أخرى .

**مثال (2) : -**



على الشكل (7) :  $\angle A$  مماس مشترك للدائرتين (م) ، (ن) عند ب .

$\angle AJ$  مماس للدائرة (م) عند جـ ،  $\angle AD$  مماس للدائرة (ن) عند د .

أثبت أن :  $|\angle AJ| = |\angle AD|$  .

المعطيات :  $\angle A$  مماس مشترك للدائرتين (م) ، (ن) عند ب .

$\angle AJ$  مماس للدائرة (م) عند جـ ،  $\angle AD$  مماس للدائرة (ن) عند د .

المطلوب : إثبات أن :  $|\angle AJ| = |\angle AD|$  .

من المعطيات  $\angle A$  ،  $\angle AJ$  مماسان للدائرة (م) ومنطلقان من نقطة واحدة  $\angle A$  .

$\therefore |\angle A| = |\angle AJ|$  (1)

من المعطيات أيضاً :  $\angle A$  ،  $\angle AD$  مماسان للدائرة (ن) ومنطلقات من نقطة واحدة  $\angle A$  .

$\therefore |\angle A| = |\angle AD|$

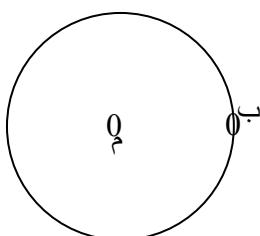
من (1) و (2) ينتج أن  $|\angle AJ| = |\angle AD|$  وهو المطلوب .

## تمارين (2)

س 1: على الشكل المقابل

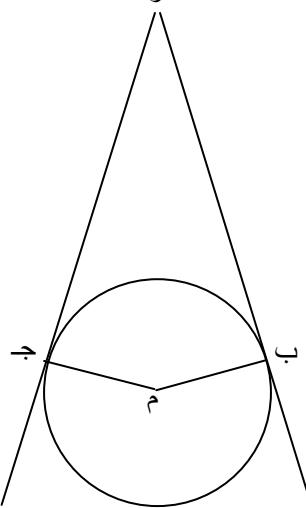
رسم المماس للدائرة ( م )

والمار في النقطتين أ ، ب



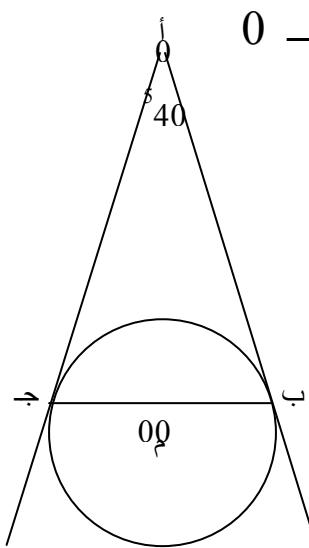
س 2: على الشكل المجاور 0 أ ب ، أ ج ماسان للدائرة ( م ) عند ب ، ج تؤاليا

أثبت أن ب أ ج ، ب ج م م تكاملتان 0



س 3: على الشكل المجاور 0 أ ب ، أ ج ماسان للدائرة ( م ) عند ب ، ج 0 إذا كان

قياس ب أ ج =  $40^\circ$  فأوجد قياس كلا من الزاويتين ب ، ج 0



## رابعاً/ الزاوية المركزية وقياس الأقواس

### (1) الزاوية المركزية

#### نشاط (1)

أرسم دائرة مركزها م .

- عين على جهة من الدائرة نقطتان أ ، ب
- صل بين م المركز و أ ، المركز م و ب
- ∴ [م أ ] تسمى ..... ، [م ب ] تسمى .....
- ما الشكل الناتج عن تقاطع نصفي القصر .....
- ما الشكل المحدود بنصفي القطر .....
- من ذلك نستنتج

أن الزاوية المركزية في دائرة هي زاوية رأسها مركز هذه الدائرة .

أعد صياغة التعريف بأسلوبك الخاص .

وأيضاً نستنتج أن : -

كل زاوية مركزية تحد قوساً على الدائرة وكل قوس على الدائرة محدود بزاوية مركزية .

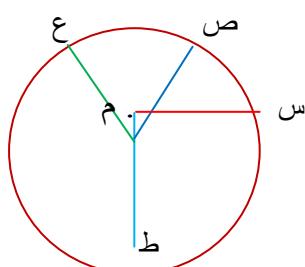
#### تدريب (1) : -

أرسم الدائرة (م، 3 سم) ثم أرسم الزاوية المركزية  $\widehat{م ب}$  ، ثم تقاطع الزاوية المركزية مع الدائرة وما هو الشكل الناتج من تقاطعها ؟

#### تدريب (2) :

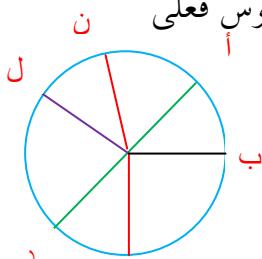
على الشكل المجاور : -

- ما هي الزوايا المركزية التي تحد كلاً من الأقواس س ص ، ع ط ، ع س
- ما هي الأقواس المحدودة بالزوايا المركزية التالية : -  
 $\widehat{س م ط}$  ،  $\widehat{س م ع}$  ،  $\widehat{ص م ط}$  ؟
- هل يمكن رسم قوس يحد زاويتين مركزيتين : -



## 2) قياس الأقواس :

إن ما يحدد قياس قوس على دائرة هو قياس الزاوية المركزية التي تحد ذلك القوس فعلى الشكل (5) مثلاً ، نلاحظ أن : —



$$\text{أ } \widehat{M} \text{ ب} = \text{ج } \widehat{M} \text{ ب} = \text{ل } \widehat{M} \text{ ن}$$

وبالتالي يكون : قياس  $\widehat{A B}$  = قياس  $\widehat{G D}$  = قياس  $\widehat{L N}$

وهذا يعني أننا نستطيع أن نغير عن قياس الأقواس بالطريقة نفسها التي تعبر بها عن قياس الزوايا .

إذا كان قياس الزاوية المركزية  $\text{أ } M \text{ ب} = 30^\circ$  ، فإن : —

قياس القوس  $\widehat{A B} = 30^\circ$  ، ونكتب :  $\text{أ } \widehat{B} = 30^\circ$ .

وبصورة عامة : —

قياس زاوية مركزية يساوي قياس القوس المحدود بين ضلعيها .

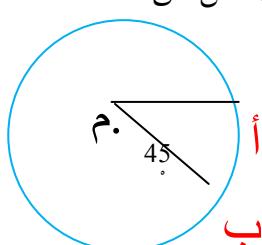
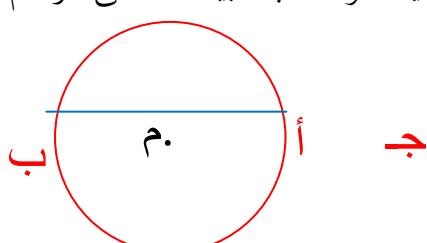
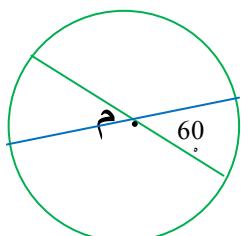
أكمل : قياس الزاوية المركزية يساوي قياس ..... .

### نشاط(2):

إذا كان قياس  $\text{أ } M \text{ ب} = 80^\circ$  فأوجد قياس  $\widehat{A B}$

### تدريب (3) : —

في كل من الأشكال التالية ، وحسب البيانات على الرسم ، ما قياس الأقواس أدناه ؟



$$\text{.....} = \text{ج } \widehat{D} \quad \text{.....} = \text{ب } \widehat{D}$$

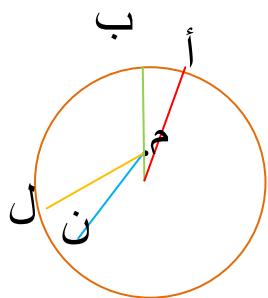
$\text{ج } \widehat{D} = \dots$

$$\text{.....} = \text{أ } \widehat{B} \quad \text{.....} = \text{ب } \widehat{D}$$

$\text{ب } \widehat{D} = \dots$

$$\text{.....} = \text{أ } \widehat{B} \quad \text{.....} = \text{أ } \widehat{J} \text{ ب}$$

$\text{أ } \widehat{J} \text{ ب} = \dots$



(3) العلاقة بين الأقواس والزوايا المركزية : —

نشاط (3) : —

على الشكل المجاور: دائرة (م) ،  $\angle M B = 20^\circ$  ،  $\angle M N = 20^\circ$

— انتسخ  $\angle A B$  ، وقارئه  $\angle B M N$  ما الملاحظ عليهما؟

— هل يمكن إجراء المقارنة بطريقة أخرى.

لعلنا لاحظنا أن : قياس  $\angle A B$  = قياس  $\angle L N$

ونكتب :  $\widehat{A B} = \widehat{L N}$

وقد لاحظنا أن ذلك يحصل لأن  $\angle M \widehat{B} = \angle M \widehat{N}$  ، وعموماً : —

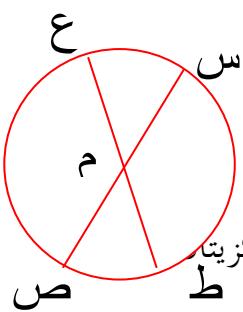
إن تساوت زوايا مركبة في دائرة تطابقت الأقواس الخدودة بها ، وإذا تطابقت الأقواس تساوت الزوايا المركزية التي تحددها .

تدريب (3) :-

أ) هل الزوايا المركزية متطابقة في الدائرة م؟

: ب) أيها تحد قوساً أكبر الزاوية الحادة أم المنفرجة؟

**مثال (3)** : على الشكل المجاور : [س ص] ، [ع ط] قطران في الدائرة ، أثبت أن : س ع



= ص ط

المعطيات : [س ع] ، [ع ط] قطران في الدائرة (م).

المطلوب : إثبات أن : س ع = ص ط

البرهان : س م ع = ص م ط بالتقابل بالرأس ، وهما زاويتان مركزيتان  
س ع = ص ط ، لأنه إذا تساوت زاويتان مركزيتان تطابق قوساهما .

تدريب (4) : —

في المثال السابق أثبتت أن : ع ص = س ط

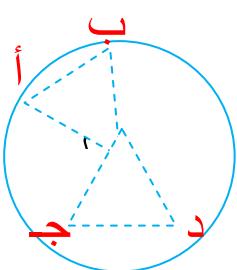
(4) العلاقة بين الأقواس والأوتار : —

نشاط (2) : —

على الشكل المجاور القوسان  $\widehat{A B}$  ،  $\widehat{C D}$  متطابقان ،  $[A B]$  ،  $[C D]$  هما وترانهما .

— أثبت تطابق المثلثين  $\triangle M B$  ،  $\triangle M D$  ، ومنه استنتج تطابق الوترين  $[A B]$  ،  $[C D]$

في النشاط السابق استنتجنا تساوي الزاويتين المركزيتين  $\widehat{AB}$  و  $\widehat{CD}$  لتطابق قوسيهما ، وتوصلنا إلى أن المثلثين  $\triangle ABC$  و  $\triangle CDA$  متطابقان لتطابق زاوية وضعلها في الأول مع نظائرها في الثاني .



ومن ذلك علمنا أن :  $|AB| = |CD|$

ومن ذلك نستنتج : —

إذا تطابق قوسان في دائرة تطابق وترهما .

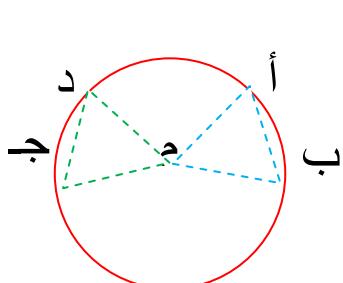
ماذا لو كان الوتران هما المتطابقان هل تتطابق الأقواس ؟

### نشاط (3)

على الشكل المعاور : الوتران  $[AB]$  ،  $[CD]$  متطابقان .

برر كلاً من الخطوات التالية لإستنتاج تطابق القوسين :  $[AB]$  ،  $[CD]$

المثلثات  $\triangle ABC$  و  $\triangle CDA$  متطابقان .



$$\widehat{AB} = \widehat{CD}$$

$$\widehat{BC} = \widehat{DA}$$

إذا نستطيع أن نقول : —

إذا تطابق وتران في دائرة تطابق قوساهما .

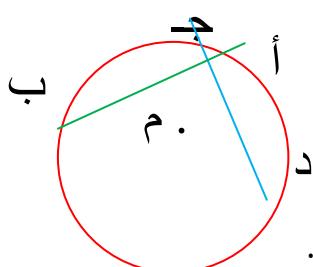
### مثال (2) : —

على الشكل المعاور :  $[AB]$  ،  $[CD]$  وتران متطابقان في الدائرة (م) أثبت أن  $|AB| = |CD|$

المعطيات :  $[AB]$  ،  $[CD]$  وتران متطابقان في الدائرة (م) .

المطلوب : إثبات أن  $|AB| = |CD|$  .

البرهان : لـ  $|AB| = |CD|$  من المعطيات



ويطرح  $\widehat{AD}$  من الطرفين ينتج أن : —

$$\widehat{AB} = \widehat{CD}$$

$$\widehat{AB} - \widehat{AD} = \widehat{CD} - \widehat{AD}$$

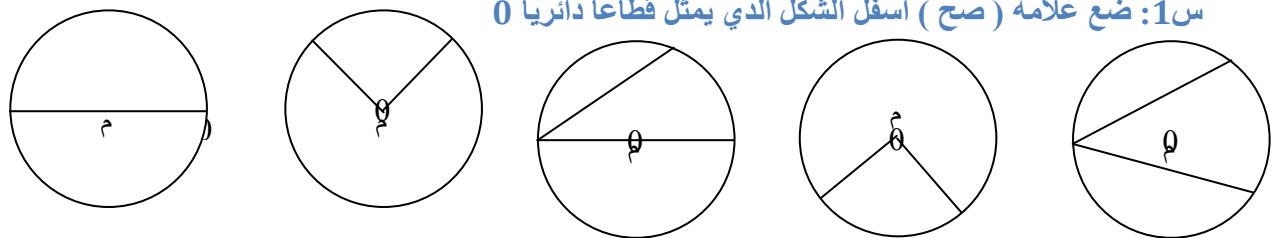
$$\widehat{BD} = \widehat{CA}$$

أي أن :  $|BD| = |CA|$

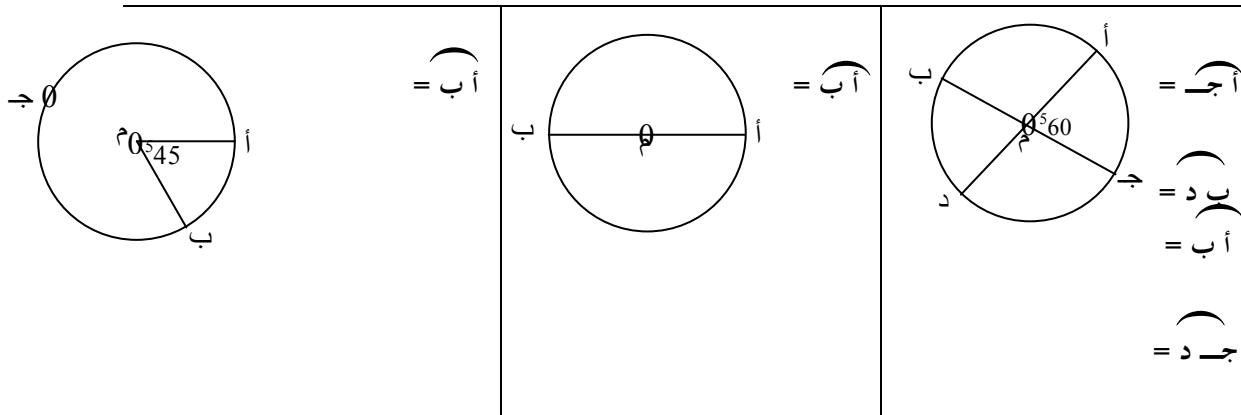
ج | ب جـ | = | أ د | ، وهو المطلوب .  
— عبر عن خطوات البرهان السابق بأسلوبك الخاص .

تمارین(3)

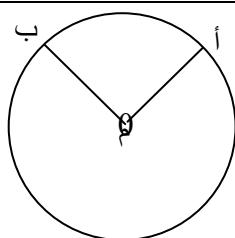
س1: ضع علامة (صح ) أسفل الشكل الذي يمثل قطاعاً دائرياً



س:2: في كل من الأشكال التالية 0 وحسب البيانات على الرسم 0 أوجد قياس الأقواس أدناه 0

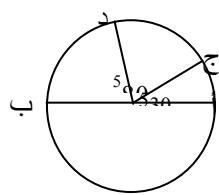


س3: على الشكل المجاور ٠ إرسم منصف الزاوية أ م ب بحيث يقطع الدائرة في النقطة ج

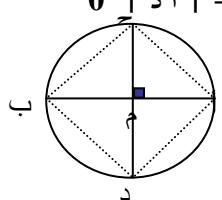


س4: على الشكل المجاور  $|AD| = |BG|$  أثبت أن  $|AB| = |GD|$

٥: على الشكل المجاور ٠ وحسب البيانات على الرسم أوجد د ب ٠



**س6:** على الشكل المجاور أب  $\perp$  جـ دـ ثـ أثبت أن  $|أـ جـ| = |بـ جـ| = |بـ دـ| = |أـ دـ|$



## خامساً / الزاوية المحيطية

### (1) تعريف الزاوية المحيطية

- أرسم دائرة طول نصف قطرها 2 سم .
  - ارسم وتران لدائرة يلتقيان في النقطة A التي تقع على الدائرة وسمى أحد أطرافه بـ والأخر ج .
    - ما هو الشكل الناتج من تقاطع الوترتين .
    - أين يقع رأس الشكل الناتج بالنسبة لدائرة .
- .....
- .....
- لاحظ أن الزاوية المحيطية تقع بين ضلعيها قوساً من الدائرة .
  - ما الزاوية المركزية التي تحد القوس [بـ جـ] ماذا تلاحظ ؟
- تدريب 3 : —
- كيف تميز بين الزاوية المركزية والمحيطة ؟
- نلاحظ أن لكل زاوية محيطية في دائرة زاوية مركزية تشتراك معها في القوس نفسه المحدود بها .

في الشكل الذي رسمته : الزاوية المحيطية بـ A والزاوية المركزية بـ M جـ تشتراكان في القوس بـ جـ .

### تدريب(1):

أرسم زاوية مركزية وزاوية محيطية تحدان قوساً واحداً ثم قارن بين قياسهما؟

قياس الزاوية المحيطية : —

- 1) قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس الزاوية المركزية التي تشتراك معها في القوس.
- 2) قياس الزاوية المحيطية يساوي ..... قياس القوس المحدود بها.

## سادسا / الأوتار والأقواس

كل قوسين مخصوصين بين وترتين متوازيين متطابقان  
الأوتار التي تحصر أقواساً متطابقة إذا حصر وتر بين متوازيان ...  
على الشكل (2) : [أـ جـ] ، [بـ دـ] قوسان متطابقان محدودان فهما .....  
الوترتين [أـ بـ] ، [جـ دـ] في الدائرة (م) رسمنا الوتر [أـ دـ]  
نلاحظ : —

$$بـ أـ دـ = \frac{بـ دـ}{2} \text{ لماذا ؟}$$

$$أـ دـ جـ = \frac{أـ جـ}{2} \text{ لماذا ؟}$$

$$بـ دـ = أـ جـ \text{ معطى .}$$

بـ أـ دـ = أـ دـ جـ وهمما زاوياً متبادلتان بالنسبة للمستقيمين أـ بـ ، جـ دـ وقاطعهما أـ دـ .  
أـ بـ // جـ دـ .

ومن ذلك نستنتج : —

كل وترین لا يتقاطعان داخل الدائرة .. ويحصاران قوسين متطابقين ، يكونان متوازيين .

مثال (1) : —

[أـ دـ] ، [بـ جـ] قوسان متطابقان في الدائرة (م) . أثبت أن : أـ بـ جـ دـ شبه منحرف متطابق الساقين .

المعطيات : أـ دـ = بـ جـ

المطلوب : إثبات أن أـ بـ جـ دـ شبه منحرف متطابق الساقين .

البرهان : أـ دـ = بـ جـ من المعطيات .

أـ بـ // جـ دـ ، لأن كل قوسين متطابقين يحصاران وترتين متوازيين ، وبالتالي : أـ بـ جـ دـ شبه منحرف .

أـ دـ = بـ جـ من المعطيات

|أـ دـ| = |بـ جـ| ، لأنه إذا تطابق قوسان تطابق وترانهما .

وبالتالي :  $\angle A = \angle D$  منحرف متطابق الساقين ..

هل يمكن الإثبات بطريقة أخرى .

مثال (2) :

[ $\triangle ABD$ ] ، [ $\triangle GCD$ ] وتران متوازيان في الدائرة (م) ،  $\angle A = \angle G$  هي  $\angle D = \angle C$  .  
أثبت أن المثلث  $\triangle ABC$  متطابق الضلعين .

المعطيات :  $\angle A = \angle G$  ،  $\angle D = \angle C$  هي  $AB = GC$  .

المطلوب : إثبات أن المثلث  $\triangle ABC$  متطابق الضلعين .

البرهان : لخ  $\angle A = \angle G$  من المعطيات .

$$\angle A = \angle G$$

ولكن :  $\angle A = \frac{\angle B}{2}$  زاوية محصورة

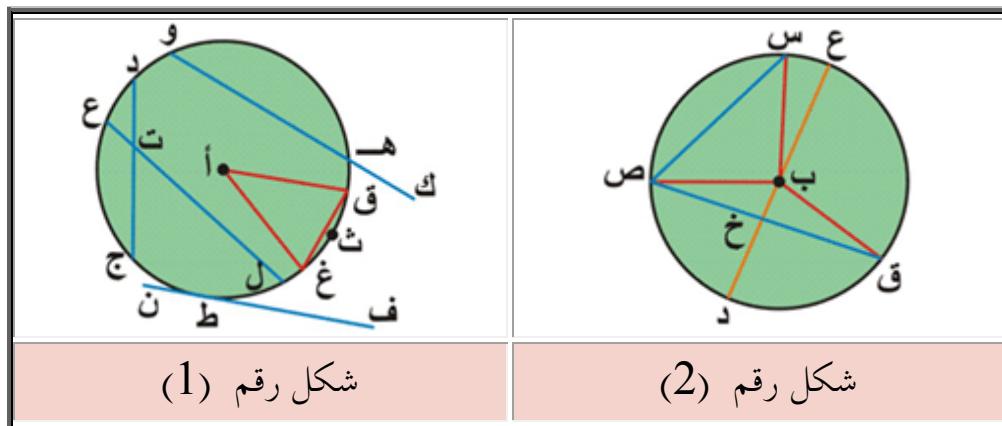
$\angle G = \frac{\angle C}{2}$  زاوية محصورة

$\angle A = \angle G$  ، وهما زاويتان في المثلث  $\triangle ABC$  .

التالي :  $|AN| = |NB|$  ، أي أن المثلث  $\triangle ABC$  متطابق الضلعين ، وهو المطلوب .

## تدریب (2):

استخدم الشكلين (1) و (2) في الإجابة عن الأسئلة الآتية، أعط الدليل على صحة إجابتك  
في كل حالة:



1. وتر في الشكل (1). وتر في الشكل (2).
  2. زاوية مركبة في شكل (1)، وأخرى في شكل (2).
  3. قوس في الشكل (1)، وآخر في شكل (2).
  4. قطر في الشكل (1) وآخر في شكل (2).
  5. قاطع في شكل (1) وآخر في شكل (2).
  6. زاوية ليست مركبة ولا محصورة في شكل (1) وأخرى في شكل (2).
  7. مماس في شكل (1) وآخر في شكل (2).
  8. زاوية محصورة في شكل (1) وأخرى في شكل (2).
  9. قطاع دائري في شكل (1) وآخر في شكل (2).
  10. قطعة دائرية في شكل (1) وأخرى في شكل (2).
  11. وتران متتقاطعان في شكل (1) وآخران في شكل (2).
  12. نصف قطر في الشكل (1) وآخر في شكل (

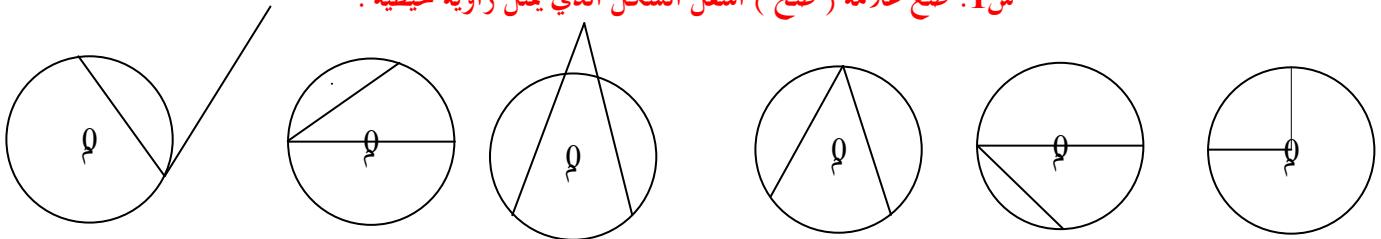
**تدريب (3):**

**أكمل الفراغات في العبارات التالية بوضع الكلمة واحدة في الفراغ الواحد:**

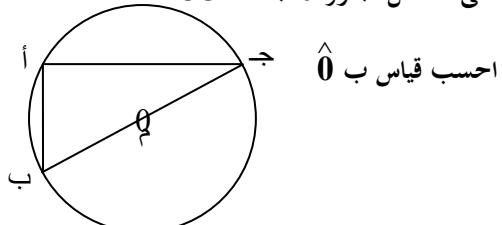
- المماس ف ط ن يمس الدائرة (1) في نقطة ..... .
- النقاط هـ، و، ع، غ، تقع على ..... الدائرة (1).
- النقطة ب هي ..... الدائرة (2).

## تمارين (4)

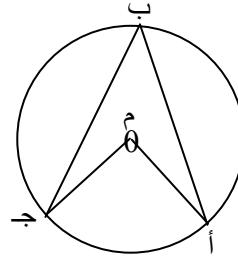
س 1: ضع علامة (صح) أسفل الشكل الذي يمثل زاوية محاطة :-



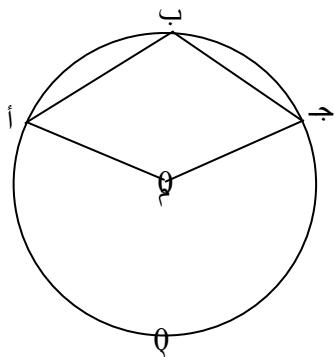
س 3: على الشكل المجاور  $0 ج = 35^{\circ}$



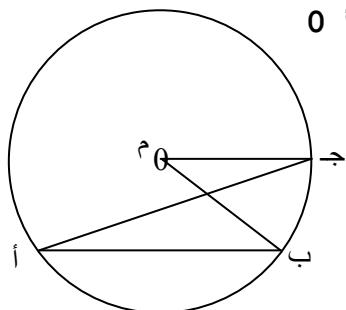
س 2: على الشكل المجاور  $0 \overset{\wedge}{ج} = 90^{\circ}$   
احسب قياس  $ب$



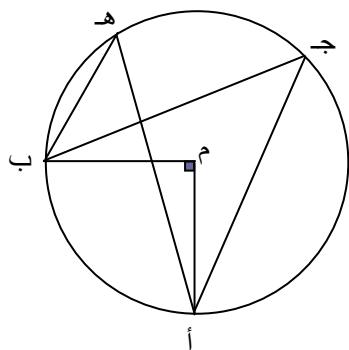
س 4: على الشكل المجاور  $0 \overset{\wedge}{ج} = 140^{\circ}$  احسب قياس  $ب$



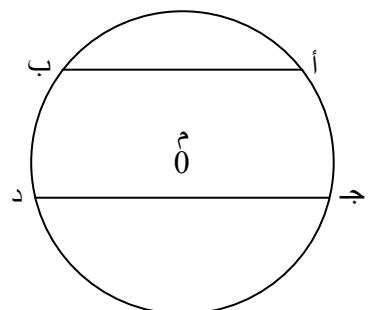
س 5: على الشكل المجاور  $0 \overset{\wedge}{ج} = 40^{\circ}$  ،  $م ج // أ ب$  إحسب قياس  $أ$



س6: على الشكل المجاور  $0 \angle ب = 59^\circ$  ،  $أ ج // ب ه$   
أوجد قياسات الزوايا التالية  $أ ج \hat{ب}$  ،  $أ ه \hat{ب}$  ،  $ج \hat{ب} ه$  ،  $ج - أ ه 0$



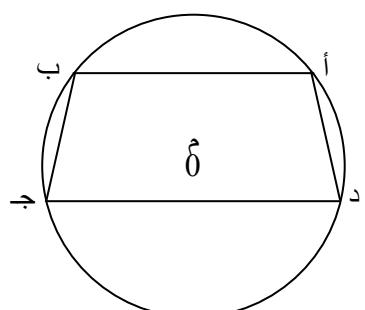
س7: [أ ب] ، [ج د] وتران في الدائرة (م) بحيث  $أ ب // ج د$



$$\text{أثبت أن } \overset{\frown}{ج أ} = \overset{\frown}{د ب} 0$$

س8: أ ب ج د شبه منحرف مرسوم داخل الدائرة (م) بحيث  $أ ب // ج د$

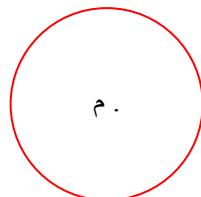
$$\text{أثبت أن } |أ د| = |ب ج| 0$$



## سابعاً/ الزاوية المماسية:

(١) تعريف الزاوية المماسية:

نشاط (١):



في الشكل المجاور أرسم مماس دائرة تمر عند النقطة  $\text{أ}$ .

أرسم وتر يمر في النقطة  $\text{أ}$  ،  $\text{ب}$ .

ما الشكل المخصوص بين الوتر والدائرة.

إذا الزاوية المماسية .....

لعلنا لاحظنا من النشاط السابق أن الزاويتين المماسية والمحيطية اللتين تحداان القوس نفسه على الدائرة متطابقان.

وكم نعلم أن الزاوية المحيطية تساوي نصف القوس المحدود بها.

إذا الزاوية المماسية تساوي نصف القوس المحدود بها.

لاحظ الشكل المجاور:

س ص مماس للدائرة في ب ، أب وتر فيها:

نسمى أ ب س

و أ ب ص زاويتين مماسيتين .

تدريب:

المماس ع ل يمس دائرة في نقطة ك . كم وترأ يمر في نقطة ك ، يمكنك

أن ترسم داخل الدائرة؟

كم زاوية مماسية (رأسها ك) يمكنك أن ترسم؟

نظرية:

قياس الزاوية المماسية المخصوصة بين مماس الدائرة وأي وتر فيها مار

بنقطة التماس في إحدى جهتي الوتر، يساوي قياس الزاوية المحيطية

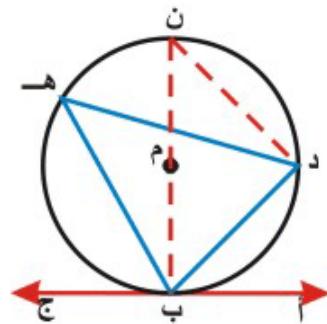
المرسومة على هذا الوتر من الجهة الأخرى.

#### المعطيات :

ـ ص مماس لدائرة مركزها (م) في نقطة (ب) ، أب وتر في الدائرة ، د هـ ب زاوية محاطية مرسومة على الوتر .

#### المطلوب :

إثبات أن  $\angle ABD = \angle ADC$



#### العمل :

نرسم القطر بـ ن ونصل نـ د.

#### البرهان :

بما أن بـ ن قطر إذن بـ دـ ن قائمة إذن دـ بـ ن تتمم دـ نـ بـ في المثلث بـ دـ نـ.

أي أن مجموعهما يساوي  $90^\circ$  ..... (1)

و بما أن أـ بـ مماس إذن أـ بـ ن قائمة حسب النظرية.

إذن دـ بـ ن تتمم أـ بـ د ..... (2)

من (1) و (2) ينتج أن  $\angle ABD = \angle ADC$  لأن كلاً منهما تتم دـ بـ نـ.

لكن دـ نـ بـ = دـ هـ بـ (محاطيتان مرسومتان على القوس بـ دـ)

إذن  $\angle ABD = \angle ADC$  وهو المطلوب .

وعموماً  $\angle ABD = \angle ADC$  أي زاوية محاطية مرسومة على الوتر دـ بـ من الجهة الأخرى البعيدة عن طرف المماس أـ بـ .

#### مثال (1):

في الشكل التالي د ب ه مماس للدائرة في ب ، د

أ ج قاطع لها فإذا كانت:

$$\angle ADB = 30^\circ,$$

$$\angle JBC = 68^\circ$$

فأوجد قياس  $\angle ABD$ .

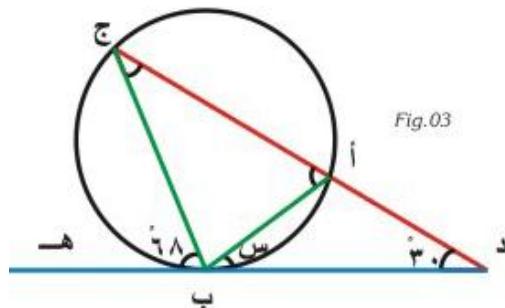


Fig.03

### مثال (2):

في الشكل المجاور قياس  $\angle ABD = 80^\circ$  ، قياس  $\angle AJB =$

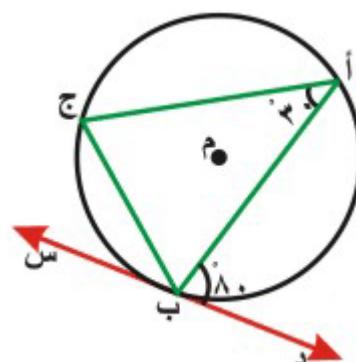
$$30^\circ$$

$\longleftrightarrow$   
د س مماس للدائرة في ب

جد قياس كل من :

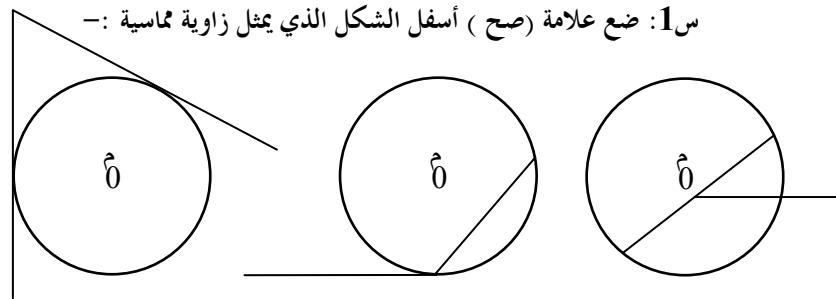
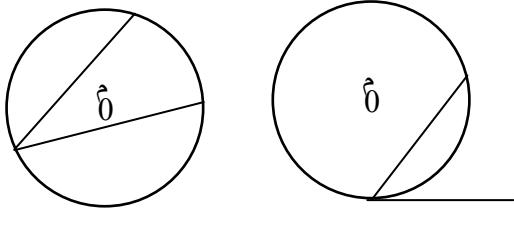
$$\angle ABD ,$$

$$\angle ABC .$$



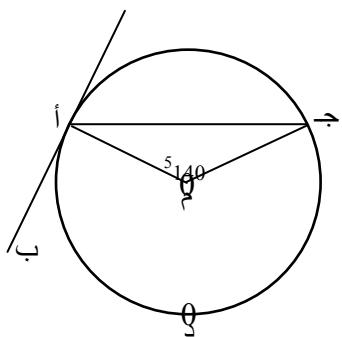
### تمارين(5)

**س1:** ضع علامه (صح) أسفل الشكل الذي يمثل زاوية مماسية :-



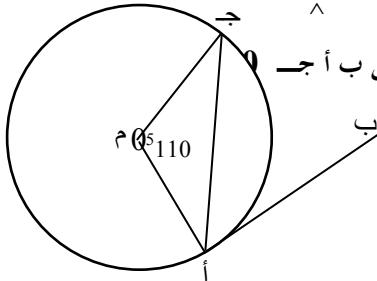
### س3: على الشكل المجاور ٠

احسب قیاس جـ اب ٠



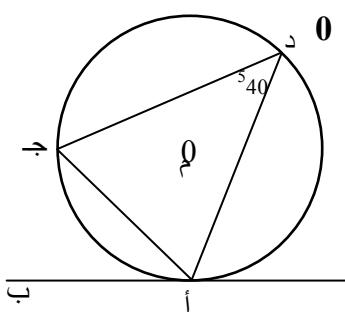
س2: على الشكل المجاور ٠

A  
N  
D



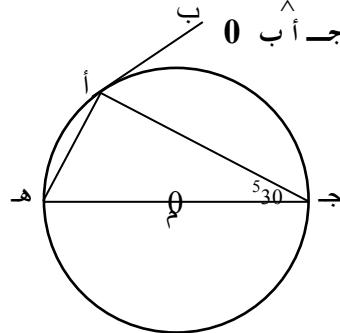
## ٥: على الشكل المجاور

## احسب قیاس جـ اب



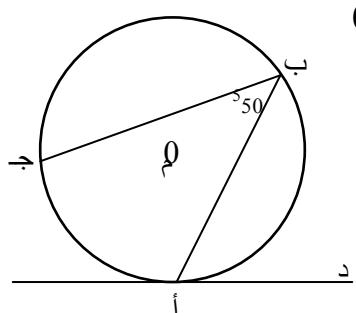
س4: على الشكل المجاور ٠

## احسب قياس جـ أـ بـ ^



$$س 7: على الشكل المجاور 0 بسم = 120^{\circ}$$

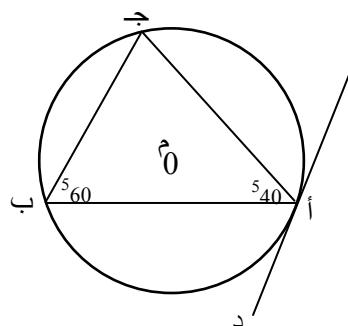
احسب قیاس دأب ٠



س6: على الشكل المجاور ٠

8

احسب قیاس دأب



ثامناً/الرابعى الدائري

## تھیڈ :-

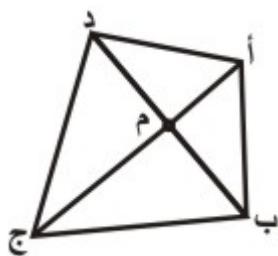
يكون الحال بالنسبة لأربع نقاط مستوية لا يوجد 3 منها على استقامة دائرة واحدة فقط تمر بثلاث نقاط معلومة ليست على استقامة واحدة هي الدائرة التي مركزها نقطة التقاء الأعمدة المقامة من منتصفات أضلاع المثلث الذي رؤوسه هذه النقاط الثلاث. كيف

تعريف الرباعي الدائري 1

هل يمكن رسم دائرة تمر بالنقط الأربع دائمًا؟

حاول رسم دائرة تمر برأوس مربع ، مستطيل، و متوازي أضلاع.

إذا أمكن رسم دائرة تمر بالنقط أ، ب، جـ ، د التي ليس فيها



ثلاث نقاط على استقامة واحدة فإن الشكل الرباعي الذي رؤوسه

أ ، ب ، ج ، د يسمى رباعياً دائرياً

— اكتب بأسلوبك الخاص تعريفاً لرباعي الدائري.

نشاط(1) :

**أوجد مaily: قياس ١ =** ج ، **قياس ٢ =** ، **قياس ٣ =** ج

ماذا تلاحظ لمجموع قياس الزاويتين أ ، ج

نتيجة:

كل زاويتين متقابلتين في الشكل الرباعي الدائري متكمالتان.

المعطيات :-

أ ب ج د شكل رباعي دائري أي مرسوم داخل دائرة ورؤوسه تقع على محيطها .

المطلوب : إثبات أن  $\angle A + \angle D = 180^\circ$ .

البرهان :

ارسم المستقيم هـ بـ و مماساً للدائرة في بـ صل بـ دـ

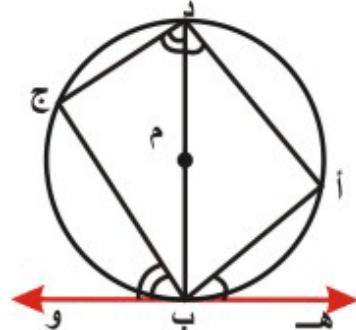
هـ بـ أـ = أـ دـ بـ (مماسية ومحاطية)

و بـ جـ = جـ دـ بـ (مماسية ومحاطية)

لكن هـ بـ أـ + أـ بـ جـ + و بـ جـ =  $180^\circ$  (زاوية  
مستقيمة)

إذن أـ دـ بـ + أـ بـ جـ + جـ دـ بـ =  $180^\circ$

أي أن أـ دـ جـ + أـ بـ جـ =  $180^\circ$  وهو المطلوب  
الأول .



وبما أن مجموع زوايا الشكل الرباعي  $360^\circ$  إذن  $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D = 180^\circ$  وهو  
المطلوب الثاني .

تدريب (1)

1)وضح لماذا لا يمكن رسم دائرة ثالث برؤوس متوازي أضلاع أو معين .

2)يمكن رسم دائرة ثالث برؤوس مستطيل أو مربع . اثبت صحة هذه الفرضية .

مثال (1):

هل يمكن رسم شكل رباعي دائري بحيث تكون زواياه  $60^\circ, 80^\circ, 116^\circ, 104^\circ$  .

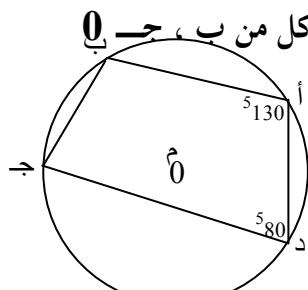
مثال (2):

أ ب ج د شكل رباعي فيه قياس بـ جـ دـ =  $65^\circ$  ، قياس أـ بـ دـ =  $40^\circ$  ، قياس أـ دـ بـ =  $25^\circ$  أثبت أن أـ بـ جـ دـ شكل رباعي دائري .

### قارين(6)

س1: حسب البيانات على الرسم

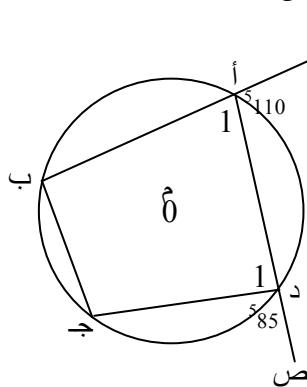
احسب قياس كل من  $\hat{B}$ ,  $\hat{A}$



ج ، د

س2: حسب البيانات على الرسم

احسب قياس كل من  $\hat{A}$ ,  $\hat{B}$ ,  $\hat{C}$



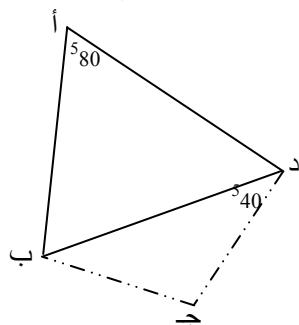
س4: على الشكل المجاور  $\hat{A} \hat{B} \hat{C} \hat{D}$

رباعي 0

$$|AB| = |CD|, A$$

0 580

أثبت أن  $\hat{A} \hat{B} \hat{C} \hat{D}$  رباعي دائري



0

س3: حسب البيانات على الرسم 0 احسب

قياس كل من  $\hat{A}$ ,  $\hat{C}$

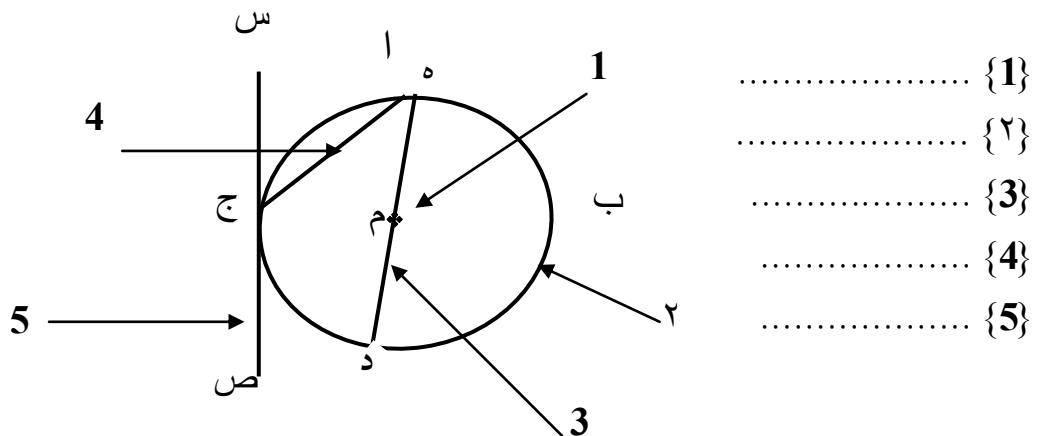
س5:  $\hat{A} \hat{B} \hat{C} \hat{D}$  رباعي فيه

$$\hat{A} = 595^\circ, \hat{B} = 85^\circ, \hat{C} = 0^\circ$$

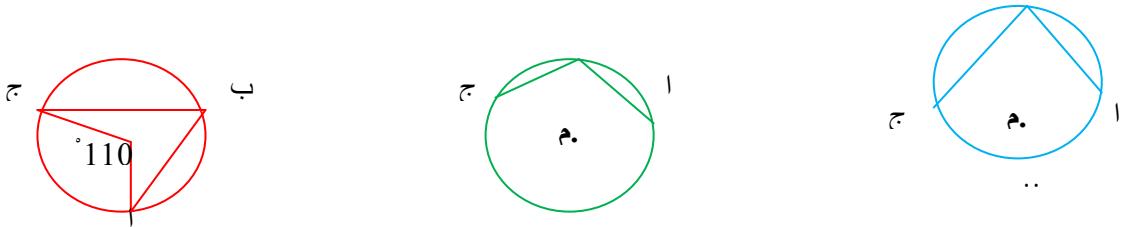
$\hat{D}$  رباعي دائري

## تمارين عامة

س 1: أمامك دائرة الموضحة بالرسم ، وضع عليها اسم كل جزء من أجزاءها في الفراغ المناسب:

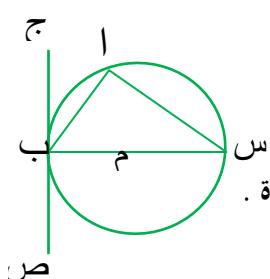


س 2 ب: أوجد قياس الزاوية  $\angle AEB$  في كل من الأشكال التالية :



ب عرف الزاوية المركزية والزاوية المحيطية .

.....



س 4: بالنظر إلى الرسم المجاور أكمل الفراغات التالية :

مركز الدائرة المجاورة هو  $M$  وأكبر أوتارها هي القطعة المستقيمة  $[BC]$  الذي يسمى ..... الدائرة .

ويعتبر المسننقيم ..... مماسا للدائرة ، كما أن  $\angle ABC$  تسمى زاوية .....

و  $\angle AEB$  تسمى زاوية ..... وقياس الزاوية المركزية  $\angle BEM = \angle SEM$  ..... وقياس قوسها  $\angle BLM$  .....

س2: اختار الإجابة الصحيحة فيما يلي :

1. قياس الزاوية المجطية بالدائرة يساوي :

- اـ قياس قوسها
- بـ نصف قوسها
- جـ ربع قوسها
- دـ ضعف قوسها

2. أكبر قطعة مستقيمة في الدائرة هي :

- اـ المماس
- بـ القوس
- جـ نصف القطر
- دـ القطر

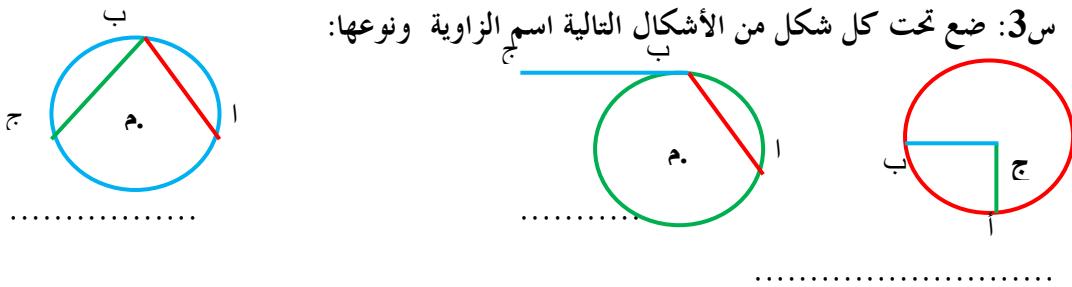
3. أضلاع الزاوية المحيطية في دائرة :

- اـ قطران في دائرة
- بـ أحدهما وتر والأخر مماس
- جـ وتران في دائرة
- دـ مماسان للدائرة

4. إذا كان قياس قوس في دائرة  $84^\circ$  فإن قياس الزاوية المركزية التي تحصره :

- |       |        |       |
|-------|--------|-------|
| جـ 84 | بـ 168 | اـ 42 |
|       |        | دـ 48 |

س3: ضع تحت كل شكل من الأشكال التالية اسم زاوية ونوعها:



س5: ضع علامة { } أمام العبارة الصحيحة وعلامة X { } أمام العبارة الخاطئة :

اـ الزاوية المركزية هي الزاوية التي ضلعها وتران في دائرة ( ).

بـ قياس الزاوية المماسية يساوي ضعف قياس الزاوية المركزية المشتركة معها في نفس القوس ( ) .

جـ تسمى الزاوية المحيطية بهذا الاسم لأن رأسها يقع على مركز الدائرة ( ) .

دـ قياس الزاوية المماسية يساوي قياس الزاوية المحيطية إذا اشتراكن مع الزاوية المركزية في نفس القوس ( ) .

هـ ~ إذا كان قياس الزاوية المركزية  $80^\circ$  فإن قياس قوسها يساوي  $160^\circ$  ( ) .

**ملحق ( 3 )**

**جدول مواصفات الأهداف لموضوعات وحدة الدائرة  
في كتاب الرياضيات للصف الثالث المتوسط الفصل الأول**

بسم الله الرحمن الرحيم

سعادة المحكم الفاضل /

السلام عليكم ورحمة الله وبركاته وبعد

يقوم الباحث بإجراء دراسة تكميلية للحصول على درجة الماجستير من قسم المناهج وطرق التدريس من كلية التربية بجامعة أم القرى وهي بعنوان "أثر تصميم مقترن لمحتوى وحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الإبتكاري على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي لطلاب الصف الثالث المتوسط بمدينة الطائف".

وتهدف هذه الدراسة إلى التعرف على أثر التصميم المقترن في وحدة الدائرة على التحصيل والتفكير الرياضي لطلاب الصف الثالث المتوسط بمدينة الطائف مقاومة بتحصيل زملائهم الذين يدرسون هذه الوحدة بالمحلى المقرر ، وقد استقى الباحث هذه الأهداف من خلال تحليله لمحتوى الوحدة ، وكذلك في ضوء الأهداف العامة للمقرر كما وردت من الوزارة .

يرجى من سعادتكم إبداء رأيكم في جدول مواصفات الأهداف الخاص بوحدة الدائرة من مقرر الرياضيات لصف الثالث المتوسط وذلك بوضع علامة ( ✓ ) في خانة (موافق) أو في خانة (غير موافق) حسب وجهة نظركم ، والله يحفظكم ويرعاكم .

ملاحظة :

سيلتزم الباحث بالمستويات الثلاث الأولى حسب تصنيف بلوم للأهداف المعرفية وهي :

1- التذكر (المعرفة) : ويعرفه اللقاني وأبو سنينة (1989م) بأنه " تذكر المعلومات والحقائق والنظريات ". (ص 71).

2- الفهم : ويعرفه اللقاني وأبو سنينة (1989م) بأنه " التعبير عما تعلمته الفرد من معارف ". (ص 72).

3- التطبيق : ويعرفه اللقاني وأبو سنينة (1989م) بأنه " القدرة على استخدام المبادئ والقوانين والنظريات في موافق جديدة ". (ص 72).

الباحث

خالد بن مطر عيد القرشي

## جدول مواصفات الأهداف لوحدة الدائرة من كتاب الصف الثالث المتوسط الفصل الأول

الدرس الأول :

الدائرة وعناصرها

التصويب	غير موافق	موافق	مستوى الهدف	الأهداف
			تذكرة	1) أن يُعرف الطالب الدائرة .
			تذكرة	2) أن يحدد الطالب مركز الدائرة .
			تذكرة	3) أن يحدد الطالب نصف قطر الدائرة .
			تذكرة	4) أن يسمى الطالب الدائرة بمعنومية مركزها وطول نصف قطرها .
		تطبيق		5) أن يرسم الطالب دائرة تمر في ثلاثة نقاط لوسط على استقامة واحدة .
		تطبيق		6) أن يعين الطالب مركز دائرة مرسومة .
		تطبيق		7) أن يرسم الطالب دائرة بمعرفة قوس منها .
			تذكرة	8) أن يُعرف الطالب الوتر في الدائرة
			تذكرة	9) أن يُعرف الطالب القطر في الدائرة .
			تذكرة	10) أن يُعرف الطالب القوس في الدائرة .
		تطبيق		11) أن يبرهن الطالب أن القطر أكبر أو تار الدائرة .
			فهم	12) أن يستنتج الطالب أن القطر العمودي على وتر في دائرة يمر في منتصف ذلك الوتر .
			فهم	13) أن يحدد الطالب مركز تناظر الدائرة .
			فهم	14) أن يحدد الطالب محور تناظر الدائرة .

**الدرس الثاني : المماس**

التصويب	غير موافق	موافق	مستوى الهدف	الأهداف
			تذكر	(1) أن يعرف الطالب مماس الدائرة
			فهم	(2) أن يستنتج الطالب أن المماس لدائرة عمودي على نصف القطر المما في نقطة
			تطبيق	(3) أن يرسم الطالب مماس لدائرة من نقطة عليها.
			تطبيق	(4) أن يحل الطالب مسائل على المماس

**الدرس الثالث : الزاوية المركزية وقياس الأقواس**

الاهداف	مستوى الهدف	موافق	غير موافق	التصويب
الع	تذكرة			
الطالب الزا	تذكرة			
3 تطاب وترا	فهم			
4 العلاق والم المس	تطبيق			
الطا	فهم			

<p><b>القوس وطول القوس.</b></p>				
<p>6) أن يحسب الطالب طول القوس في الدائرة بمعرفة قيمة الزاوية المركزية المحددة له.</p>	<p>فهم</p>			
<p>7) أن يميز الطالب الزاوية المركزية عن غيرها</p>	<p>فهم</p>			

**الدرس الرابع : الزاوية المحيطية**

التصويب	غير موافق	موافق	مستوى الهدف	الأهداف
			تذكرة	(1) أن يعرف الطالب الزاوية المحيطة.
			تذكرة	(2) أن يعين الطالب القوس المحدود بالزاوية المحيطية على الدائرة.
			فهم	(3) أن يعيّن الطالب الزاوية المركزية المشتركة مع المحيطية في القوس المحدود بها.
			تطبيق	(4) أن يحل الطالب مسائل على الزاوية المحيطية
			فهم	(5) أن يقارن الطالب بين قياس الزاوية المركزية وقياس الزاوية المحيطية.

**الدرس الخامس: الأوتار والأقواس**

التصويب	غير موافق	موافق	مستوى الهدف	الأهداف
			فهم	(1) أن يستنتج الطالب أن كل قوسين متصورين بين وترتين متوازيتين متطابقين .
			تطبيق	(2) أن يبرهن الطالب أن كل وترتين لا يتقاطعان داخل الدائرة ويحصّران قوسين متطابقين يكونان متوازيين.
			تطبيق	(3) أن يحل الطالب مسائل على الأوتار المتوازية والأقواس.

**الدرس السادس : الزاوية المماسية**

الأهداف	مستوى الهدف	موافق	غير موافق	التصويب
(1) أن يعرف الطالب الزاوية المماسية.	تذكر			
(2) أن يستنتج الطالب أن الزاويتين المماسية والمحيطية اللتان تحدان القوس نفسه متطابقتان.	فهم			
(3) أن يستنتاج الطالب أن قياس الزاوية المماسية يساوي نصف قياس القوس المحدود بضلعيها على الدائرة.	فهم			
(4) أن يحل الطالب مسائل على الزاوية المماسية.	تطبيق			
(5) أن يستنتاج الطالب أن قياس الزاوية المماسية يساوي نصف قياس الزاوية المركزية المشتركة معها في القوس .	فهم			
(6) أن يحسب الطالب قياس زاوية مماسية بمعلومية زاوية مركزية أو زاوية محيطية مشتركة معها في القوس.	تطبيق			

**الدرس السادس : الشكل الرباعي الدائري**

الأهداف	مستوى الهدف	موافق	غير موافق	التصويب
(1) أن يعرف الطالب الشكل الرباعي الدائري.	تذكر			
(2) أن يميز الطالب الشكل الرباعي الدائري بين مجموعة من الأشكال الرباعية .	فهم			
(3) أن يستنتاج الطالب أن كل زاويتين متقابلتين في الرباعي الدائري متكاملتين .	تطبيق			

<p>4) أن يحل الطالب مسائل يستعمل فيها القاعدة السابقة .</p>	<p><b>تطبيق</b></p>			
---	---------------------	--	--	--

## ملحق (4)

### **اختبار تحصيلي في وحدة الدائرة في كتاب**

# **الرياضيات لصف الثالث المتوسط**



بسم الله الرحمن الرحيم

اختبار تحصيلي في وحدة الدائرة لطلاب الصف الثالث المتوسط في مادة الرياضيات:

. الفصل: : اسم الطالب :

### تعليمات الاختبار

1- هذا الاختبار في موضوعات وحدة الدائرة من مقرر الرياضيات للصف الثالث المتوسط ، اقرأ الأسئلة بدقة لمعرفة المقصود من كل سؤال .

2- يحتوي هذا الاختبار على سبعة وعشرين سؤالاً موزعة على أربعة أنواع رئيسية من الأسئلة هي كما يلي :

النوع الأول : ويحتوي على خمسة أسئلة والمطلوب منك فيها أن تضع رقم العبارة المناسبة من العمود الأول بين القوسين في العمود الثاني .

النوع الثاني : ويحتوي على ثلاثة عشر سؤالاً والمطلوب منك أن تختار الإجابة الصحيحة من بين مجموعة من الاختيارات مع ضرورة قراءة جميع الاختيارات وتحري الدقة للحصول على الإجابة الصحيحة بإذن الله .

النوع الثالث: ويحتوي على ستة أسئلة والمطلوب منك أن تقرأ العبارات قراءة جيدة ثم تضع علامة ( ✓ ) أمام العبارة الصحيحة وعلامة ( ✗ ) أمام العبارة الخاطئة.

النوع الرابع : ويحتوي على ثلاثة أسئلة مقالية والمطلوب منك الإجابة عليها .

3- الإجابة تكون على نفس ورقة الأسئلة وفي المكان المخصص لكل سؤال .

4- ضع جميع العمليات الحسابية والمسودات على ورقة الأسئلة أو الصفحة المقابلة لها .

إستعن بالله ثم <sup>6</sup>اجب عن الأسئلة التالية:

أولاًً : ضع بين القوسين في العمود الثاني رقم العبارة المناسبة من العمود الأول :

ثانياً : وضع دائرة حول الإجابة الصحيحة فيما يلي :  
1. على الشكل المقابل ما هو وضع المستقيم  $s$  ص بالنسبة لنصف قطر

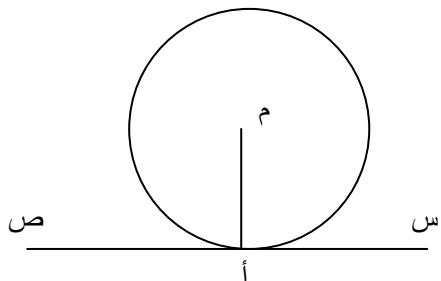
[أ] :

أ) موازي .

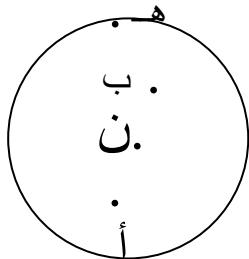
ب) عمودي .

ج) يصنع زاوية حادة .

د) يصنع زاوية منفرجة .

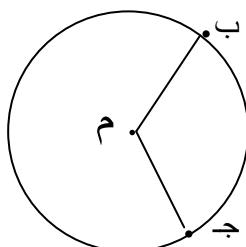


في الشكل الذي أمامك مركز تناظر الدائرة هي النقطة :



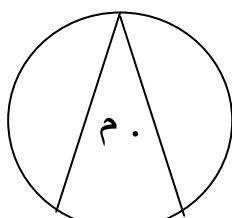
- (أ) هـ
- (ب) أـ
- (ج) نـ
- (د) بـ

2. على الشكل المقابل الزاوية بـ مـ جـ زاوية

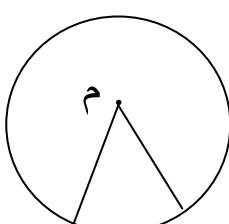


- (أ) مركزية
- (ب) محيطية
- (ج) مماسية
- (د) خارجية

3. الدائرة التي تحوي زاوية محيطية هي :

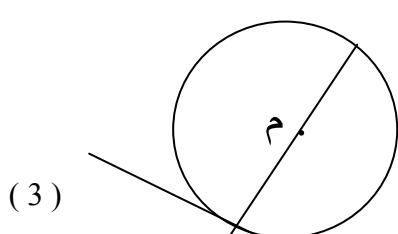


(2)



(1)

- (أ) الدائرة (1)
- (ب) الدائرة (2)
- (ج) الدائرة (3)
- (د) الدائرة (4)

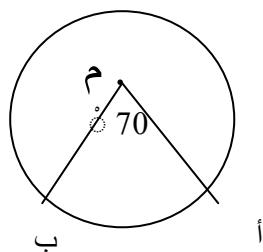


(3)



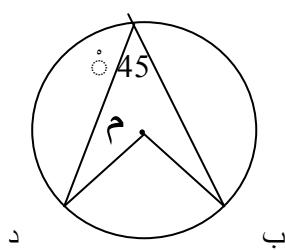
(4)

4. في الشكل المقابل قياس القوس  $\widehat{AB}$  يساوي :



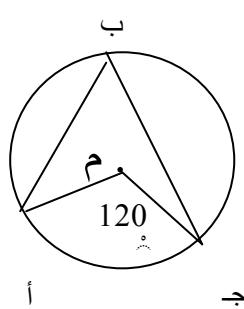
- أ)  $35^\circ$
- ب)  $70^\circ$
- ج)  $140^\circ$
- د)  $80^\circ$

5. على الشكل المقابل قياس  $\widehat{BD}$  هو :



- أ)  $85^\circ$
- ب)  $45^\circ$
- ج)  $90^\circ$
- د)  $50^\circ$

7. على الشكل المقابل قياس  $\widehat{AB}$  هو :

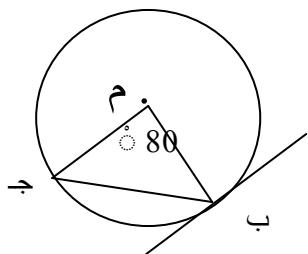


- أ)  $60^\circ$
- ب)  $70^\circ$
- ج)  $240^\circ$
- د)  $140^\circ$

8. إذا كان قياس زاوية محاطية  $70^\circ$  فإن قياس القوس المحدد بها على الدائرة :

- أ)  $140^\circ$
- ب)  $35^\circ$
- ج)  $70^\circ$
- د)  $150^\circ$

9. على الشكل المقابل قياس  $\widehat{AB}$  هو :



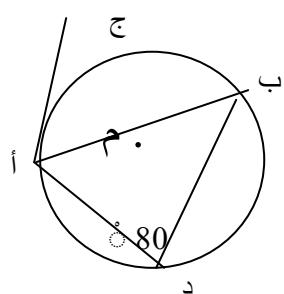
أ)  $160^\circ$

ب)  $50^\circ$

ج)  $40^\circ$

د) لا شيء مما ذكر

10. على الشكل المقابل قياس  $\widehat{AJ}$  هو :



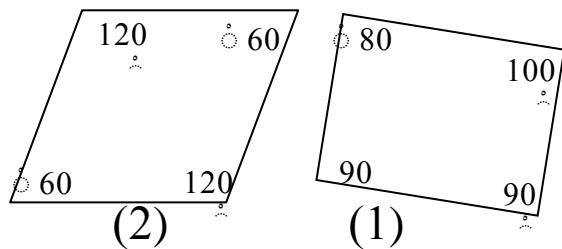
أ)  $80^\circ$

ب)  $30^\circ$

ج)  $40^\circ$

د)  $160^\circ$

11. الشكل الذي يمثل رباعياً دائرياً هو :

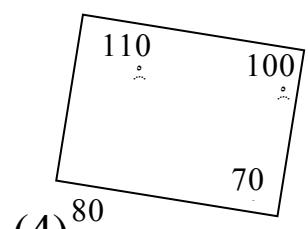
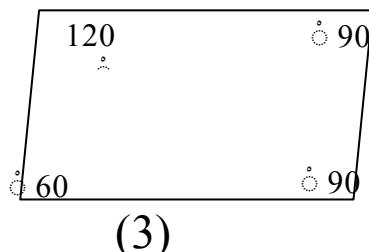
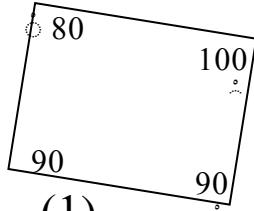


أ) الشكل (1)

ب) الشكل (2)

ج) الشكل (3)

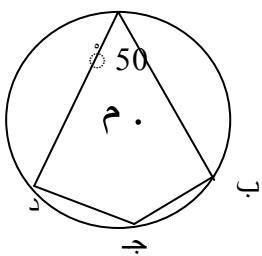
د) الشكل (4)



(3)

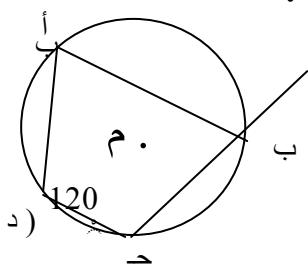
(4)

12. على الشكل المقابل قياس  $\widehat{B\text{---}D}$  هو :



- أ)  $50^\circ$
- ب)  $100^\circ$
- ج)  $120^\circ$
- د)  $130^\circ$

13- على الشكل المقابل قياس  $\widehat{A\text{---}B}$  هو :



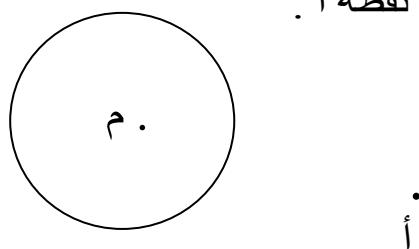
- أ)  $120^\circ$
- ب)  $60^\circ$
- ج)  $100^\circ$
- د) لا يمكن تحديدها

ثالثاً: ضع علامة ( ✓ ) أمام العبارة الصحيحة وعلامة ( ✗ ) أمام العبارة الخاطئة فيما يلي :

- ( ✓ ) 1. المماس لدائرة هو المستقيم الذي يقطعها في نقطة
- ( ✗ ) 2. إذا تطابق وتران في دائرة تطابق قوساهما
- ( ✗ ) 3. إذا تطابقت الأقواس في دائرة تساوت الزوايا المركزية التي تحدها
- ( ✗ ) 4. قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس الزاوية المماسية المشتركة معها في القوس
- ( ✗ ) 5. كل وترین يتقاطعان داخل الدائرة ، ويحصراًن قوسين منظابتين يكونان متوازيين
- ( ✗ ) 6. كل شكل رباعي مرسوم داخل دائرة هورباعي دائري

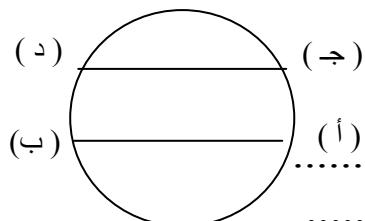
رابعاً: أجب عن الأسئلة التالية :

1. ارسم مماساً للدائرة (م) من نقطة (أ).



أ

2. في الشكل التالي  $\overrightarrow{أب} \parallel \overrightarrow{جـ دـ}$



أثبت أن  $\overrightarrow{أـ جـ} = \overrightarrow{بـ دـ}$

.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....

3. ارسم الدائرة التي تمر بالنقط

x (أ)

x (جـ)

x (ب)

# **ملحق (٥)**

## **مقياس التفكير الرياضي**

**إعداد**  
**د/ عوض حسين التودري**























**ملحق (٦)**

**أسماء محكمي مواد وأدوات الدراسة**

## بيان بأسماء محكمي أدوات ومواد الدراسة

الاسم	م	الوظيفة
أ.د علي عبد الرحيم حسانين	1	أستاذ المناهج وطرق تدريس الرياضيات بكلية المعلمين بالطائف
د/ عوض صالح المالكي	2	أستاذ مساعد مناهج وطرق تدريس الرياضيات بكلية المعلمين بمكة المكرمة
د/ عدنان عبد الغني صيرفي	3	أستاذ مساعد مناهج وطرق تدريس الرياضيات بكلية التربية جامعة أم القرى
د/ يوسف عبدالله سند اليوسف	4	أستاذ مساعد مناهج وطرق تدريس الرياضيات بكلية التربية جامعة أم القرى
د/ إبراهيم بن سليم الليبي	5	أستاذ مساعد مناهج وطرق تدريس الرياضيات بكلية التربية جامعة أم القرى
د/ هاشم بن سعيد الشيشي	6	أستاذ مساعد مناهج وطرق تدريس الرياضيات بكلية التربية جامعة الملك فيصل
د/ محمد عبد العزيز الحجي	7	رئيس قسم الرياضيات بكلية المعلمين بالمدينة المنورة
د/ فاطمة عبد السلام أبوالحديد	8	أستاذ مشارك بقسم التربية وعلم النفس كلية البنات بعرعر
أ.د عوض حسين التودري	9	أستاذ المناهج وطرق تدريس الرياضيات جامعة أسيوط
أ.د.أحمد سالم الثقفي	10	محاضر بقسم المناهج وطرق التدريس كلية المعلمين بالطائف
د/ سفر محمد الخامدي	11	محاضر بقسم الرياضيات كلية المعلمين بالطائف
د/ عبدالرحمن قاسم جمعة	12	معيد بقسم الرياضيات كلية المعلمين بالطائف
د/ ناصر بن سفران المقاطي	13	أخصائي تعليم موهوبين بجهاز وزارة التربية والتعليم
د/ عبد الرحيم حسن الطلاحي	14	مشرف بمركز الموهوبين بالطائف
د/ أسامة المؤذن	15	مشرف بمركز الموهوبين بالطائف
د/ ياسر محمد الغربي	16	رئيس قسم التعليم الإلكتروني بإدارة التربية والتعليم بالطائف
د/ هشام مطر القرشي	17	معلم رياضيات بإدارة التربية والتعليم بالطائف
د/ سلطان سعد العصيمي	18	معلم رياضيات بإدارة التربية والتعليم بالطائف
د/ أحمد سلطان العصيمي	19	معلم رياضيات بإدارة التربية والتعليم بمكة المكرمة
د/ خالد سلطان القرشي	20	معلم رياضيات بإدارة التربية والتعليم بالطائف

**ملحق ( 7 )**

**خطابات تطبيق أدوات الدراسة**







**ملحق (٨)**

**موافقة الأستاذ الدكتور عوض بن حسين التودري  
على استخدام اختبار التفكير الرياضي المعد  
من قبله**